

Table of reduced squares for the symmetric group

$\langle \lambda \rangle^2 =$				
$\langle 0 \rangle^2 =$	$\langle 0 \rangle$			
$\langle 1 \rangle^2 =$	$\langle 2 \rangle$	$+ \langle 1^2 \rangle$	$+ \langle 1 \rangle$	$+ \langle 0 \rangle$
$\langle 1^2 \rangle^2 =$	$\langle 3 \rangle$	$+ \langle 2^2 \rangle$	$+ \langle 21^2 \rangle$	$+ 2\langle 21 \rangle$
	$+ \langle 1^4 \rangle$	$+ \langle 1^3 \rangle$	$+ \langle 1^2 \rangle$	$+ \langle 0 \rangle$
$\langle 1^3 \rangle^2 =$	$\langle 4 \rangle$	$+ \langle 32 \rangle$	$+ \langle 31^2 \rangle$	$+ 2\langle 31 \rangle$
	$+ \langle 2^3 \rangle$	$+ \langle 2^2 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1 \rangle$	$+ \langle 2^2 \rangle$
	$+ 2\langle 21^3 \rangle$	$+ 2\langle 21^2 \rangle$	$+ 2\langle 21 \rangle$	$+ \langle 21^4 \rangle$
	$+ \langle 1^5 \rangle$	$+ \langle 1^4 \rangle$	$+ \langle 1^3 \rangle$	$+ \langle 1^6 \rangle$
	$+ \langle 0 \rangle$			$+ \langle 1 \rangle$
$\langle 1^4 \rangle^2 =$	$\langle 5 \rangle$	$+ \langle 42 \rangle$	$+ \langle 41^2 \rangle$	$+ 2\langle 41 \rangle$
	$+ \langle 32^2 \rangle$	$+ \langle 321^2 \rangle$	$+ 2\langle 321 \rangle$	$+ \langle 31^4 \rangle$
	$+ 2\langle 31^3 \rangle$	$+ 2\langle 31^2 \rangle$	$+ 2\langle 31 \rangle$	$+ \langle 2^3 \rangle$
	$+ \langle 2^3 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 \rangle$	$+ \langle 2^2 1^4 \rangle$
	$+ 2\langle 2^2 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 \rangle$	$+ 2\langle 21^3 \rangle$
	$+ 2\langle 21^4 \rangle$	$+ 2\langle 21^3 \rangle$	$+ 2\langle 21^2 \rangle$	$+ 2\langle 21^5 \rangle$
	$+ \langle 1^8 \rangle$	$+ \langle 1^7 \rangle$	$+ \langle 1^6 \rangle$	$+ \langle 2 \rangle$
	$+ \langle 1^3 \rangle$	$+ \langle 1^2 \rangle$	$+ \langle 1 \rangle$	$+ \langle 1^4 \rangle$
$\langle 1^5 \rangle^2 =$	$\langle 6 \rangle$	$+ \langle 52 \rangle$	$+ \langle 51^2 \rangle$	$+ 2\langle 5 \rangle$
	$+ \langle 42^2 \rangle$	$+ \langle 421^2 \rangle$	$+ 2\langle 421 \rangle$	$+ \langle 41^4 \rangle$
	$+ 2\langle 41^3 \rangle$	$+ 2\langle 41^2 \rangle$	$+ 2\langle 41 \rangle$	$+ \langle 32^3 \rangle$
	$+ \langle 32^2 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 32^2 1 \rangle$	$+ 2\langle 32^2 \rangle$	$+ 2\langle 321^3 \rangle$
	$+ 2\langle 321^2 \rangle$	$+ 2\langle 321 \rangle$	$+ 2\langle 32 \rangle$	$+ 2\langle 31^5 \rangle$
	$+ 2\langle 31^4 \rangle$	$+ 2\langle 31^3 \rangle$	$+ 2\langle 31^2 \rangle$	$+ 2\langle 31 \rangle$
	$+ \langle 2^5 \rangle$	$+ \langle 2^4 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^4 1 \rangle$	$+ \langle 2^3 1^4 \rangle$
	$+ 2\langle 2^3 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1 \rangle$	$+ \langle 2^2 1^6 \rangle$
	$+ 2\langle 2^2 1^5 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^4 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1 \rangle$
	$+ 2\langle 2^2 \rangle$	$+ \langle 21^8 \rangle$	$+ 2\langle 21^7 \rangle$	$+ 2\langle 21^6 \rangle$
	$+ 2\langle 21^4 \rangle$	$+ 2\langle 21^3 \rangle$	$+ 2\langle 21^2 \rangle$	$+ 2\langle 21 \rangle$
	$+ \langle 1^{10} \rangle$	$+ \langle 1^9 \rangle$	$+ \langle 1^8 \rangle$	$+ \langle 1^7 \rangle$
	$+ \langle 1^5 \rangle$	$+ \langle 1^4 \rangle$	$+ \langle 1^3 \rangle$	$+ \langle 1^6 \rangle$
	$+ \langle 0 \rangle$			$+ \langle 1 \rangle$

$$\begin{aligned}
\langle 1^6 \rangle^2 = & \\
& \langle 7 \rangle + \langle 62 \rangle + \langle 61^2 \rangle + 2\langle 61 \rangle + 2\langle 6 \rangle \\
& + \langle 52^2 \rangle + \langle 521^2 \rangle + 2\langle 521 \rangle + 2\langle 52 \rangle + \langle 51^4 \rangle \\
& + 2\langle 51^3 \rangle + 2\langle 51^2 \rangle + 2\langle 51 \rangle + 2\langle 5 \rangle + \langle 42^3 \rangle \\
& + \langle 42^2 1^2 \rangle + 2\langle 42^2 1 \rangle + 2\langle 42^2 \rangle + \langle 421^4 \rangle + 2\langle 421^3 \rangle \\
& + 2\langle 421^2 \rangle + 2\langle 421 \rangle + 2\langle 42 \rangle + \langle 41^6 \rangle + 2\langle 41^5 \rangle \\
& + 2\langle 41^4 \rangle + 2\langle 41^3 \rangle + 2\langle 41^2 \rangle + 2\langle 41 \rangle + 2\langle 4 \rangle \\
& + \langle 32^4 \rangle + \langle 32^3 1^2 \rangle + 2\langle 32^3 1 \rangle + 2\langle 32^3 \rangle + \langle 32^2 1^4 \rangle \\
& + 2\langle 32^2 1^3 \rangle + 2\langle 32^2 1^2 \rangle + 2\langle 32^2 1 \rangle + 2\langle 32^2 \rangle + \langle 321^6 \rangle \\
& + 2\langle 321^5 \rangle + 2\langle 321^4 \rangle + 2\langle 321^3 \rangle + 2\langle 321^2 \rangle + 2\langle 321 \rangle \\
& + 2\langle 32 \rangle + \langle 31^8 \rangle + 2\langle 31^7 \rangle + 2\langle 31^6 \rangle + 2\langle 31^5 \rangle \\
& + 2\langle 31^4 \rangle + 2\langle 31^3 \rangle + 2\langle 31^2 \rangle + 2\langle 31 \rangle + 2\langle 3 \rangle \\
& + \langle 2^6 \rangle + \langle 2^5 1^2 \rangle + 2\langle 2^5 1 \rangle + 2\langle 2^5 \rangle + \langle 2^4 1^4 \rangle \\
& + 2\langle 2^4 1^3 \rangle + 2\langle 2^4 1^2 \rangle + 2\langle 2^4 1 \rangle + 2\langle 2^4 \rangle + \langle 2^3 1^6 \rangle \\
& + 2\langle 2^3 1^5 \rangle + 2\langle 2^3 1^4 \rangle + 2\langle 2^3 1^3 \rangle + 2\langle 2^3 1^2 \rangle + 2\langle 2^3 1 \rangle \\
& + 2\langle 2^3 \rangle + \langle 2^2 1^8 \rangle + 2\langle 2^2 1^7 \rangle + 2\langle 2^2 1^6 \rangle + 2\langle 2^2 1^5 \rangle \\
& + 2\langle 2^2 1^4 \rangle + 2\langle 2^2 1^3 \rangle + 2\langle 2^2 1^2 \rangle + 2\langle 2^2 1 \rangle + 2\langle 2^2 \rangle \\
& + \langle 21^{10} \rangle + 2\langle 21^9 \rangle + 2\langle 21^8 \rangle + 2\langle 21^7 \rangle + 2\langle 21^6 \rangle \\
& + 2\langle 21^5 \rangle + 2\langle 21^4 \rangle + 2\langle 21^3 \rangle + 2\langle 21^2 \rangle + 2\langle 21 \rangle \\
& + 2\langle 2 \rangle + \langle 1^{12} \rangle + \langle 1^{11} \rangle + \langle 1^{10} \rangle + \langle 1^9 \rangle \\
& + \langle 1^8 \rangle + \langle 1^7 \rangle + \langle 1^6 \rangle + \langle 1^5 \rangle + \langle 1^4 \rangle \\
& + \langle 1^3 \rangle + \langle 1^2 \rangle + \langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle \\
\langle 1^7 \rangle^2 = & \\
& \langle 8 \rangle + \langle 72 \rangle + \langle 71^2 \rangle + 2\langle 71 \rangle + 2\langle 7 \rangle \\
& + \langle 62^2 \rangle + \langle 621^2 \rangle + 2\langle 621 \rangle + 2\langle 62 \rangle + \langle 61^4 \rangle \\
& + 2\langle 61^3 \rangle + 2\langle 61^2 \rangle + 2\langle 61 \rangle + 2\langle 6 \rangle + \langle 52^3 \rangle \\
& + \langle 52^2 1^2 \rangle + 2\langle 52^2 1 \rangle + 2\langle 52^2 \rangle + \langle 521^4 \rangle + 2\langle 521^3 \rangle \\
& + 2\langle 521^2 \rangle + 2\langle 521 \rangle + 2\langle 52 \rangle + \langle 51^6 \rangle + 2\langle 51^5 \rangle \\
& + 2\langle 51^4 \rangle + 2\langle 51^3 \rangle + 2\langle 51^2 \rangle + 2\langle 51 \rangle + 2\langle 5 \rangle \\
& + \langle 42^4 \rangle + \langle 42^3 1^2 \rangle + 2\langle 42^3 1 \rangle + 2\langle 42^3 \rangle + \langle 42^2 1^4 \rangle \\
& + 2\langle 42^2 1^3 \rangle + 2\langle 42^2 1^2 \rangle + 2\langle 42^2 1 \rangle + 2\langle 42^2 \rangle + \langle 421^6 \rangle \\
& + 2\langle 421^5 \rangle + 2\langle 421^4 \rangle + 2\langle 421^3 \rangle + 2\langle 421^2 \rangle + 2\langle 421 \rangle \\
& + 2\langle 42 \rangle + \langle 41^8 \rangle + 2\langle 41^7 \rangle + 2\langle 41^6 \rangle + 2\langle 41^5 \rangle \\
& + 2\langle 41^4 \rangle + 2\langle 41^3 \rangle + 2\langle 41^2 \rangle + 2\langle 41 \rangle + 2\langle 4 \rangle \\
& + \langle 32^5 \rangle + \langle 32^4 1^2 \rangle + 2\langle 32^4 1 \rangle + 2\langle 32^4 \rangle + \langle 32^3 1^4 \rangle \\
& + 2\langle 32^3 1^3 \rangle + 2\langle 32^3 1^2 \rangle + 2\langle 32^3 1 \rangle + 2\langle 32^3 \rangle + \langle 32^2 1^6 \rangle \\
& + 2\langle 32^2 1^5 \rangle + 2\langle 32^2 1^4 \rangle + 2\langle 32^2 1^3 \rangle + 2\langle 32^2 1^2 \rangle + 2\langle 32^2 1 \rangle \\
& + 2\langle 32^2 \rangle + \langle 321^8 \rangle + 2\langle 321^7 \rangle + 2\langle 321^6 \rangle + 2\langle 321^5 \rangle \\
& + 2\langle 321^4 \rangle + 2\langle 321^3 \rangle + 2\langle 321^2 \rangle + 2\langle 321 \rangle + 2\langle 32 \rangle \\
& + \langle 31^{10} \rangle + 2\langle 31^9 \rangle + 2\langle 31^8 \rangle + 2\langle 31^7 \rangle + 2\langle 31^6 \rangle \\
& + 2\langle 31^5 \rangle + 2\langle 31^4 \rangle + 2\langle 31^3 \rangle + 2\langle 31^2 \rangle + 2\langle 31 \rangle \\
& + 2\langle 3 \rangle + \langle 2^7 \rangle + \langle 2^6 1^2 \rangle + 2\langle 2^6 1 \rangle + 2\langle 2^6 \rangle \\
& + \langle 2^5 1^4 \rangle + 2\langle 2^5 1^3 \rangle + 2\langle 2^5 1^2 \rangle + 2\langle 2^5 1 \rangle + 2\langle 2^5 \rangle \\
& + \langle 2^4 1^6 \rangle + 2\langle 2^4 1^5 \rangle + 2\langle 2^4 1^4 \rangle + 2\langle 2^4 1^3 \rangle + 2\langle 2^4 1^2 \rangle \\
& + 2\langle 2^4 1 \rangle + 2\langle 2^4 \rangle + \langle 2^3 1^8 \rangle + 2\langle 2^3 1^7 \rangle + 2\langle 2^3 1^6 \rangle \\
& + 2\langle 2^3 1^5 \rangle + 2\langle 2^3 1^4 \rangle + 2\langle 2^3 1^3 \rangle + 2\langle 2^3 1^2 \rangle + 2\langle 2^3 1 \rangle \\
& + 2\langle 2^3 \rangle + \langle 2^2 1^{10} \rangle + 2\langle 2^2 1^9 \rangle + 2\langle 2^2 1^8 \rangle + 2\langle 2^2 1^7 \rangle \\
& + 2\langle 2^2 1^6 \rangle + 2\langle 2^2 1^5 \rangle + 2\langle 2^2 1^4 \rangle + 2\langle 2^2 1^3 \rangle + 2\langle 2^2 1^2 \rangle \\
& + 2\langle 2^2 1 \rangle + \langle 2^2 \rangle + \langle 21^{12} \rangle + 2\langle 21^{11} \rangle + 2\langle 21^{10} \rangle \\
& + 2\langle 21^9 \rangle + 2\langle 21^8 \rangle + 2\langle 21^7 \rangle + 2\langle 21^6 \rangle + 2\langle 21^5 \rangle \\
& + 2\langle 21^4 \rangle + 2\langle 21^3 \rangle + 2\langle 21^2 \rangle + 2\langle 21 \rangle + 2\langle 2 \rangle \\
& + \langle 1^{14} \rangle + \langle 1^{13} \rangle + \langle 1^{12} \rangle + \langle 1^{11} \rangle + \langle 1^{10} \rangle \\
& + \langle 1^9 \rangle + \langle 1^8 \rangle + \langle 1^7 \rangle + \langle 1^6 \rangle + \langle 1^5 \rangle \\
& + \langle 1^4 \rangle + \langle 1^3 \rangle + \langle 1^2 \rangle + \langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$\langle 1^8 \rangle^2$	$\langle 9 \rangle$	$+ \langle 82 \rangle$	$+ \langle 81^2 \rangle$	$+ 2\langle 81 \rangle$	$+ 2\langle 8 \rangle$
	$+ \langle 72^2 \rangle$	$+ \langle 721^2 \rangle$	$+ 2\langle 721 \rangle$	$+ 2\langle 72 \rangle$	$+ \langle 71^4 \rangle$
	$+ 2\langle 71^3 \rangle$	$+ 2\langle 71^2 \rangle$	$+ 2\langle 71 \rangle$	$+ 2\langle 7 \rangle$	$+ \langle 62^3 \rangle$
	$+ \langle 62^2 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 62^2 1 \rangle$	$+ 2\langle 62^2 \rangle$	$+ \langle 621^4 \rangle$	$+ 2\langle 621^3 \rangle$
	$+ 2\langle 621^2 \rangle$	$+ 2\langle 621 \rangle$	$+ 2\langle 62 \rangle$	$+ \langle 61^6 \rangle$	$+ 2\langle 61^5 \rangle$
	$+ 2\langle 61^4 \rangle$	$+ 2\langle 61^3 \rangle$	$+ 2\langle 61^2 \rangle$	$+ 2\langle 61 \rangle$	$+ 2\langle 6 \rangle$
	$+ \langle 52^4 \rangle$	$+ \langle 52^3 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 52^3 1 \rangle$	$+ 2\langle 52^3 \rangle$	$+ \langle 52^2 1^4 \rangle$
	$+ 2\langle 52^2 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 52^2 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 52^2 1 \rangle$	$+ 2\langle 52^2 \rangle$	$+ \langle 521^6 \rangle$
	$+ 2\langle 521^5 \rangle$	$+ 2\langle 521^4 \rangle$	$+ 2\langle 521^3 \rangle$	$+ 2\langle 521^2 \rangle$	$+ 2\langle 521 \rangle$
	$+ 2\langle 52 \rangle$	$+ \langle 51^8 \rangle$	$+ 2\langle 51^7 \rangle$	$+ 2\langle 51^6 \rangle$	$+ 2\langle 51^5 \rangle$
	$+ 2\langle 51^4 \rangle$	$+ 2\langle 51^3 \rangle$	$+ 2\langle 51^2 \rangle$	$+ 2\langle 51 \rangle$	$+ 2\langle 5 \rangle$
	$+ \langle 42^5 \rangle$	$+ \langle 42^4 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 42^4 1 \rangle$	$+ 2\langle 42^4 \rangle$	$+ \langle 42^3 1^4 \rangle$
	$+ 2\langle 42^3 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 42^3 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 42^3 1 \rangle$	$+ 2\langle 42^3 \rangle$	$+ \langle 42^2 1^6 \rangle$
	$+ 2\langle 42^2 1^5 \rangle$	$+ 2\langle 42^2 1^4 \rangle$	$+ 2\langle 42^2 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 42^2 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 42^2 1 \rangle$
	$+ 2\langle 42^2 \rangle$	$+ \langle 421^8 \rangle$	$+ 2\langle 421^7 \rangle$	$+ 2\langle 421^6 \rangle$	$+ 2\langle 421^5 \rangle$
	$+ 2\langle 421^4 \rangle$	$+ 2\langle 421^3 \rangle$	$+ 2\langle 421^2 \rangle$	$+ 2\langle 421 \rangle$	$+ 2\langle 42 \rangle$
	$+ \langle 41^{10} \rangle$	$+ 2\langle 41^9 \rangle$	$+ 2\langle 41^8 \rangle$	$+ 2\langle 41^7 \rangle$	$+ 2\langle 41^6 \rangle$
	$+ 2\langle 41^5 \rangle$	$+ 2\langle 41^4 \rangle$	$+ 2\langle 41^3 \rangle$	$+ 2\langle 41^2 \rangle$	$+ 2\langle 41 \rangle$
	$+ 2\langle 4 \rangle$	$+ \langle 32^6 \rangle$	$+ \langle 32^5 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 32^5 1 \rangle$	$+ 2\langle 32^5 \rangle$
	$+ \langle 32^4 1^4 \rangle$	$+ 2\langle 32^4 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 32^4 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 32^4 1 \rangle$	$+ 2\langle 32^4 \rangle$
	$+ \langle 32^3 1^6 \rangle$	$+ 2\langle 32^3 1^5 \rangle$	$+ 2\langle 32^3 1^4 \rangle$	$+ 2\langle 32^3 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 32^3 1^2 \rangle$
	$+ 2\langle 32^3 1 \rangle$	$+ 2\langle 32^3 \rangle$	$+ \langle 32^2 1^8 \rangle$	$+ 2\langle 32^2 1^7 \rangle$	$+ 2\langle 32^2 1^6 \rangle$
	$+ 2\langle 32^2 1^5 \rangle$	$+ 2\langle 32^2 1^4 \rangle$	$+ 2\langle 32^2 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 32^2 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 32^2 1 \rangle$
	$+ 2\langle 32^2 \rangle$	$+ \langle 321^{10} \rangle$	$+ 2\langle 321^9 \rangle$	$+ 2\langle 321^8 \rangle$	$+ 2\langle 321^7 \rangle$
	$+ 2\langle 321^6 \rangle$	$+ 2\langle 321^5 \rangle$	$+ 2\langle 321^4 \rangle$	$+ 2\langle 321^3 \rangle$	$+ 2\langle 321^2 \rangle$
	$+ 2\langle 321 \rangle$	$+ 2\langle 32 \rangle$	$+ \langle 31^{12} \rangle$	$+ 2\langle 31^{11} \rangle$	$+ 2\langle 31^{10} \rangle$
	$+ 2\langle 31^9 \rangle$	$+ 2\langle 31^8 \rangle$	$+ 2\langle 31^7 \rangle$	$+ 2\langle 31^6 \rangle$	$+ 2\langle 31^5 \rangle$
	$+ 2\langle 31^4 \rangle$	$+ 2\langle 31^3 \rangle$	$+ 2\langle 31^2 \rangle$	$+ 2\langle 31 \rangle$	$+ 2\langle 3 \rangle$
	$+ \langle 2^8 \rangle$	$+ \langle 2^7 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^7 1 \rangle$	$+ 2\langle 2^7 \rangle$	$+ \langle 2^6 1^4 \rangle$
	$+ 2\langle 2^6 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 2^6 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^6 1 \rangle$	$+ 2\langle 2^6 \rangle$	$+ \langle 2^5 1^6 \rangle$
	$+ 2\langle 2^5 1^5 \rangle$	$+ 2\langle 2^5 1^4 \rangle$	$+ 2\langle 2^5 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 2^5 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^5 1 \rangle$
	$+ 2\langle 2^5 \rangle$	$+ \langle 2^4 1^8 \rangle$	$+ 2\langle 2^4 1^7 \rangle$	$+ 2\langle 2^4 1^6 \rangle$	$+ 2\langle 2^4 1^5 \rangle$
	$+ 2\langle 2^4 1^4 \rangle$	$+ 2\langle 2^4 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 2^4 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^4 1 \rangle$	$+ 2\langle 2^4 \rangle$
	$+ \langle 2^3 1^{10} \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1^9 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1^8 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1^7 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1^6 \rangle$
	$+ 2\langle 2^3 1^5 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1^4 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^3 1 \rangle$
	$+ 2\langle 2^3 \rangle$	$+ \langle 2^2 1^{12} \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^{11} \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^{10} \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^9 \rangle$
	$+ 2\langle 2^2 1^8 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^7 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^6 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^5 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^4 \rangle$
	$+ 2\langle 2^2 1^3 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1^2 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 1 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 \rangle$	$+ \langle 21^{14} \rangle$
	$+ 2\langle 21^{13} \rangle$	$+ 2\langle 21^{12} \rangle$	$+ 2\langle 21^{11} \rangle$	$+ 2\langle 21^{10} \rangle$	$+ 2\langle 21^9 \rangle$
	$+ 2\langle 21^8 \rangle$	$+ 2\langle 21^7 \rangle$	$+ 2\langle 21^6 \rangle$	$+ 2\langle 21^5 \rangle$	$+ 2\langle 21^4 \rangle$
	$+ 2\langle 21^3 \rangle$	$+ 2\langle 21^2 \rangle$	$+ 2\langle 21 \rangle$	$+ 2\langle 2 \rangle$	$+ \langle 1^{16} \rangle$
	$+ \langle 1^{15} \rangle$	$+ \langle 1^{14} \rangle$	$+ \langle 1^{13} \rangle$	$+ \langle 1^{12} \rangle$	$+ \langle 1^{11} \rangle$
	$+ \langle 1^{10} \rangle$	$+ \langle 1^9 \rangle$	$+ \langle 1^8 \rangle$	$+ \langle 1^7 \rangle$	$+ \langle 1^6 \rangle$
	$+ \langle 1^5 \rangle$	$+ \langle 1^4 \rangle$	$+ \langle 1^3 \rangle$	$+ \langle 1^2 \rangle$	$+ \langle 1 \rangle$
	$+ \langle 0 \rangle$				

$$\begin{aligned}
\langle 2 \rangle^2 = & \langle 4 \rangle + \langle 31 \rangle + \langle 3 \rangle + \langle 2^2 \rangle + 2\langle 21 \rangle \\
& + 2\langle 2 \rangle + \langle 1^3 \rangle + \langle 1^2 \rangle + \langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle \\
\langle 3 \rangle^2 = & \langle 6 \rangle + \langle 51 \rangle + \langle 5 \rangle + \langle 42 \rangle + 2\langle 41 \rangle \\
& + 2\langle 4 \rangle + \langle 3^2 \rangle + \langle 232 \rangle + \langle 31^2 \rangle + 3\langle 31 \rangle \\
& + 2\langle 3 \rangle + \langle 2^21 \rangle + \langle 22^2 \rangle + \langle 21^2 \rangle + 2\langle 21 \rangle \\
& + 2\langle 2 \rangle + \langle 1^3 \rangle + \langle 1^2 \rangle + \langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle \\
\langle 4 \rangle^2 = & \langle 8 \rangle + \langle 71 \rangle + \langle 7 \rangle + \langle 62 \rangle + 2\langle 61 \rangle \\
\langle 5 \rangle^2 = & \langle 10 \rangle + \langle 91 \rangle + \langle 9 \rangle + \langle 82 \rangle + 2\langle 81 \rangle \\
& + 2\langle 8 \rangle + \langle 73 \rangle + \langle 272 \rangle + \langle 71^2 \rangle + 3\langle 71 \rangle \\
& + 2\langle 7 \rangle + \langle 64 \rangle + \langle 263 \rangle + \langle 621 \rangle + 4\langle 62 \rangle \\
& + \langle 61^2 \rangle + \langle 461 \rangle + \langle 36 \rangle + \langle 5^2 \rangle + 2\langle 54 \rangle \\
& + \langle 531 \rangle + \langle 453 \rangle + \langle 2521 \rangle + \langle 552 \rangle + 2\langle 51^2 \rangle \\
& + 5\langle 51 \rangle + \langle 35 \rangle + \langle 421 \rangle + \langle 4^2 \rangle + 2\langle 431 \rangle \\
& + 4\langle 43 \rangle + \langle 42^2 \rangle + \langle 3421 \rangle + \langle 542 \rangle + 2\langle 41^2 \rangle \\
& + 4\langle 41 \rangle + \langle 34 \rangle + \langle 32^2 \rangle + \langle 3^21 \rangle + 2\langle 3^2 \rangle \\
& + \langle 32^2 \rangle + \langle 2321 \rangle + \langle 332 \rangle + \langle 231^2 \rangle + 3\langle 31 \rangle \\
& + 2\langle 3 \rangle + \langle 2^3 \rangle + \langle 22^1 \rangle + \langle 22^2 \rangle + \langle 21^2 \rangle \\
& + 2\langle 21 \rangle + \langle 22 \rangle + \langle 1^3 \rangle + \langle 1^2 \rangle + \langle 1 \rangle \\
& + \langle 0 \rangle \\
& + 2\langle 6 \rangle + \langle 53 \rangle + \langle 252 \rangle + \langle 51^2 \rangle + 3\langle 51 \rangle \\
& + 2\langle 5 \rangle + \langle 4^2 \rangle + \langle 243 \rangle + \langle 421 \rangle + 4\langle 42 \rangle \\
& + \langle 41^2 \rangle + \langle 441 \rangle + \langle 34 \rangle + \langle 3^21 \rangle + 2\langle 3^2 \rangle \\
& + 2\langle 321 \rangle + \langle 332 \rangle + \langle 231^2 \rangle + \langle 331 \rangle + 2\langle 3 \rangle \\
& + \langle 2^3 \rangle + \langle 22^1 \rangle + \langle 22^2 \rangle + \langle 21^2 \rangle + 2\langle 21 \rangle \\
& + 2\langle 2 \rangle + \langle 1^3 \rangle + \langle 1^2 \rangle + \langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle \\
\langle 6 \rangle^2 = & \langle 12 \rangle + \langle 111 \rangle + \langle 11 \rangle + \langle 102 \rangle + 2\langle 101 \rangle \\
& + 2\langle 10 \rangle + \langle 93 \rangle + \langle 292 \rangle + \langle 91^2 \rangle + 3\langle 91 \rangle \\
& + 2\langle 9 \rangle + \langle 84 \rangle + \langle 283 \rangle + \langle 821 \rangle + 4\langle 82 \rangle \\
& + \langle 81^2 \rangle + \langle 481 \rangle + \langle 38 \rangle + \langle 75 \rangle + 2\langle 74 \rangle \\
& + \langle 731 \rangle + \langle 473 \rangle + \langle 2721 \rangle + \langle 572 \rangle + 2\langle 71^2 \rangle \\
& + 5\langle 71 \rangle + \langle 37 \rangle + \langle 6^2 \rangle + \langle 65 \rangle + \langle 641 \rangle \\
& + 4\langle 64 \rangle + \langle 2631 \rangle + \langle 663 \rangle + \langle 62^2 \rangle + 3\langle 621 \rangle \\
& + 7\langle 62 \rangle + \langle 261^2 \rangle + \langle 661 \rangle + \langle 46 \rangle + \langle 5^21 \rangle \\
& + 2\langle 5^2 \rangle + \langle 2541 \rangle + \langle 454 \rangle + \langle 532 \rangle + 4\langle 531 \rangle \\
& + 6\langle 53 \rangle + \langle 52^2 \rangle + \langle 4521 \rangle + \langle 652 \rangle + 3\langle 51^2 \rangle \\
& + 5\langle 51 \rangle + \langle 35 \rangle + \langle 42^2 \rangle + \langle 24^21 \rangle + 3\langle 4^2 \rangle \\
& + 2\langle 432 \rangle + \langle 3431 \rangle + \langle 443 \rangle + \langle 242^2 \rangle + 3\langle 421 \rangle \\
& + 5\langle 42 \rangle + \langle 241^2 \rangle + \langle 441 \rangle + \langle 34 \rangle + \langle 3^3 \rangle \\
& + \langle 32^2 \rangle + \langle 2321 \rangle + \langle 23^2 \rangle + \langle 32^2 \rangle + 2\langle 321 \rangle \\
& + 3\langle 32 \rangle + \langle 231^2 \rangle + \langle 331 \rangle + \langle 23 \rangle + \langle 2^3 \rangle \\
& + \langle 22^1 \rangle + \langle 22^2 \rangle + \langle 21^2 \rangle + \langle 221 \rangle + 2\langle 2 \rangle \\
& + \langle 1^3 \rangle + \langle 1^2 \rangle + \langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$\langle 7 \rangle^2$	$\langle 14 \rangle$	$\langle 13 \rangle$	$\langle 12 \rangle$	$\langle 12 \rangle$
	$+ 2\langle 12 \rangle$	$+ \langle 11 3 \rangle$	$+ 2\langle 11 2 \rangle$	$+ 2\langle 12 1 \rangle$
	$+ 2\langle 11 \rangle$	$+ \langle 10 4 \rangle$	$+ 2\langle 10 3 \rangle$	$+ 3\langle 11 1 \rangle$
	$+ \langle 10 1^2 \rangle$	$+ 4\langle 10 1 \rangle$	$+ 3\langle 10 \rangle$	$+ 4\langle 10 2 \rangle$
	$+ \langle 931 \rangle$	$+ 4\langle 93 \rangle$	$+ 2\langle 921 \rangle$	$+ 2\langle 94 \rangle$
	$+ 5\langle 91 \rangle$	$+ 3\langle 9 \rangle$	$+ \langle 86 \rangle$	$+ 2\langle 85 \rangle$
	$+ 4\langle 84 \rangle$	$+ 2\langle 831 \rangle$	$+ 6\langle 83 \rangle$	$+ 3\langle 821 \rangle$
	$+ 7\langle 82 \rangle$	$+ 2\langle 81^2 \rangle$	$+ 6\langle 81 \rangle$	$+ \langle 7^2 \rangle$
	$+ 2\langle 76 \rangle$	$+ \langle 751 \rangle$	$+ 4\langle 75 \rangle$	$+ 6\langle 74 \rangle$
	$+ \langle 732 \rangle$	$+ 4\langle 731 \rangle$	$+ 8\langle 73 \rangle$	$+ 4\langle 721 \rangle$
	$+ 8\langle 72 \rangle$	$+ 3\langle 71^2 \rangle$	$+ 7\langle 71 \rangle$	$+ \langle 6^2 1 \rangle$
	$+ 2\langle 6^2 \rangle$	$+ 2\langle 651 \rangle$	$+ 4\langle 65 \rangle$	$+ 4\langle 641 \rangle$
	$+ 7\langle 64 \rangle$	$+ 2\langle 632 \rangle$	$+ 5\langle 631 \rangle$	$+ 2\langle 62^2 \rangle$
	$+ 5\langle 621 \rangle$	$+ 8\langle 62 \rangle$	$+ 3\langle 61^2 \rangle$	$+ 4\langle 6 \rangle$
	$+ \langle 5^2 2 \rangle$	$+ 2\langle 5^2 1 \rangle$	$+ 3\langle 5^2 \rangle$	$+ 4\langle 541 \rangle$
	$+ 5\langle 54 \rangle$	$+ \langle 53^2 \rangle$	$+ 3\langle 532 \rangle$	$+ 6\langle 53 \rangle$
	$+ 2\langle 52^2 \rangle$	$+ 4\langle 521 \rangle$	$+ 6\langle 52 \rangle$	$+ 5\langle 51 \rangle$
	$+ 3\langle 5 \rangle$	$+ \langle 4^2 3 \rangle$	$+ 2\langle 4^2 2 \rangle$	$+ 3\langle 4^2 \rangle$
	$+ \langle 43^2 \rangle$	$+ 2\langle 432 \rangle$	$+ 3\langle 431 \rangle$	$+ 2\langle 42^2 \rangle$
	$+ 3\langle 421 \rangle$	$+ 5\langle 42 \rangle$	$+ 2\langle 41^2 \rangle$	$+ 3\langle 4 \rangle$
	$+ \langle 3^3 \rangle$	$+ \langle 3^2 2 \rangle$	$+ 2\langle 3^2 1 \rangle$	$+ \langle 32^2 \rangle$
	$+ 2\langle 321 \rangle$	$+ 3\langle 32 \rangle$	$+ 2\langle 31^2 \rangle$	$+ 2\langle 3 \rangle$
	$+ \langle 2^3 \rangle$	$+ \langle 2^2 1 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 \rangle$	$+ 2\langle 21 \rangle$
	$+ 2\langle 2 \rangle$	$+ \langle 1^3 \rangle$	$+ \langle 1^2 \rangle$	$+ \langle 0 \rangle$

$\langle 8 \rangle^2$	$\langle 16 \rangle$	$\langle 15 \rangle$	$\langle 15 \rangle$	$\langle 14 \rangle$
	$+ 2\langle 14 \rangle$	$+ \langle 13 \rangle$	$+ 2\langle 13 \rangle$	$+ \langle 13 \rangle$
	$+ 2\langle 13 \rangle$	$+ \langle 12 \rangle$	$+ 2\langle 12 \rangle$	$+ \langle 12 \rangle$
	$+ \langle 12 \rangle$	$+ 4\langle 12 \rangle$	$+ 3\langle 12 \rangle$	$+ \langle 11 \rangle$
	$+ \langle 11 \rangle$	$+ 4\langle 11 \rangle$	$+ 2\langle 11 \rangle$	$+ 5\langle 11 \rangle$
	$+ 5\langle 11 \rangle$	$+ 3\langle 11 \rangle$	$+ \langle 10 \rangle$	$+ 2\langle 10 \rangle$
	$+ 4\langle 10 \rangle$	$+ 2\langle 10 \rangle$	$+ 6\langle 10 \rangle$	$+ \langle 10 \rangle$
	$+ 7\langle 10 \rangle$	$+ 2\langle 10 \rangle$	$+ 6\langle 10 \rangle$	$+ 4\langle 10 \rangle$
	$+ 2\langle 96 \rangle$	$+ \langle 95 \rangle$	$+ 4\langle 95 \rangle$	$+ 2\langle 94 \rangle$
	$+ \langle 932 \rangle$	$+ 4\langle 93 \rangle$	$+ 8\langle 93 \rangle$	$+ 4\langle 92 \rangle$
	$+ 8\langle 92 \rangle$	$+ 3\langle 91 \rangle$	$+ 7\langle 91 \rangle$	$+ 4\langle 9 \rangle$
	$+ 2\langle 87 \rangle$	$+ \langle 86 \rangle$	$+ 4\langle 86 \rangle$	$+ 2\langle 85 \rangle$
	$+ \langle 842 \rangle$	$+ 4\langle 84 \rangle$	$+ 9\langle 84 \rangle$	$+ 2\langle 83 \rangle$
	$+ 10\langle 83 \rangle$	$+ 2\langle 82 \rangle$	$+ 5\langle 82 \rangle$	$+ 10\langle 82 \rangle$
	$+ 8\langle 81 \rangle$	$+ 5\langle 8 \rangle$	$+ 7\langle 71 \rangle$	$+ 2\langle 72 \rangle$
	$+ 4\langle 76 \rangle$	$+ \langle 75 \rangle$	$+ 4\langle 75 \rangle$	$+ 7\langle 75 \rangle$
	$+ 6\langle 741 \rangle$	$+ 9\langle 74 \rangle$	$+ 7\langle 73 \rangle$	$+ 3\langle 73 \rangle$
	$+ 10\langle 73 \rangle$	$+ 2\langle 72 \rangle$	$+ 6\langle 72 \rangle$	$+ 9\langle 72 \rangle$
	$+ 7\langle 71 \rangle$	$+ 4\langle 7 \rangle$	$+ 6\langle 72 \rangle$	$+ 4\langle 71 \rangle$
	$+ 2\langle 652 \rangle$	$+ 4\langle 65 \rangle$	$+ 6\langle 65 \rangle$	$+ 2\langle 64 \rangle$
	$+ 6\langle 641 \rangle$	$+ 8\langle 64 \rangle$	$+ 6\langle 63 \rangle$	$+ 4\langle 63 \rangle$
	$+ 8\langle 63 \rangle$	$+ 3\langle 62 \rangle$	$+ 5\langle 62 \rangle$	$+ 8\langle 62 \rangle$
	$+ 6\langle 61 \rangle$	$+ 4\langle 6 \rangle$	$+ 5\langle 61 \rangle$	$+ 2\langle 52 \rangle$
	$+ 3\langle 5^2 \rangle$	$+ 2\langle 543 \rangle$	$+ 3\langle 542 \rangle$	$+ 4\langle 541 \rangle$
	$+ 2\langle 53^2 \rangle$	$+ 3\langle 532 \rangle$	$+ 5\langle 531 \rangle$	$+ 6\langle 53 \rangle$
	$+ 4\langle 521 \rangle$	$+ 6\langle 52 \rangle$	$+ 3\langle 51 \rangle$	$+ 5\langle 51 \rangle$
	$+ \langle 4^3 \rangle$	$+ \langle 4^23 \rangle$	$+ 2\langle 4^22 \rangle$	$+ 2\langle 4^21 \rangle$
	$+ \langle 43^2 \rangle$	$+ 2\langle 432 \rangle$	$+ 3\langle 431 \rangle$	$+ 4\langle 43 \rangle$
	$+ 3\langle 421 \rangle$	$+ 5\langle 42 \rangle$	$+ 2\langle 41 \rangle$	$+ 4\langle 41 \rangle$
	$+ \langle 3^3 \rangle$	$+ \langle 3^22 \rangle$	$+ 2\langle 3^21 \rangle$	$+ 2\langle 3^2 \rangle$
	$+ 2\langle 321 \rangle$	$+ 3\langle 32 \rangle$	$+ 2\langle 31 \rangle$	$+ 3\langle 31 \rangle$
	$+ \langle 2^3 \rangle$	$+ \langle 2^21 \rangle$	$+ 2\langle 2^2 \rangle$	$+ 2\langle 21 \rangle$
	$+ 2\langle 2 \rangle$	$+ \langle 1^3 \rangle$	$+ \langle 1^2 \rangle$	$+ \langle 0 \rangle$

$$\begin{aligned}
\langle 21 \rangle^2 = & \langle 5 \rangle + \langle 42 \rangle + \langle 41^2 \rangle + 4\langle 41 \rangle + 3\langle 4 \rangle \\
& + \langle 3^2 \rangle + 2\langle 321 \rangle + 5\langle 32 \rangle + \langle 31^3 \rangle + 6\langle 31^2 \rangle \\
& + 9\langle 31 \rangle + 5\langle 3 \rangle + \langle 2^3 \rangle + \langle 2^2 1^2 \rangle + 5\langle 2^2 1 \rangle \\
& + 6\langle 2^2 \rangle + 4\langle 21^3 \rangle + 9\langle 21^2 \rangle + 9\langle 21 \rangle + 4\langle 2 \rangle \\
& + \langle 1^5 \rangle + 3\langle 1^4 \rangle + 5\langle 1^3 \rangle + 4\langle 1^2 \rangle + 2\langle 1 \rangle \\
& + \langle 0 \rangle \\
\langle 21^2 \rangle^2 = & \langle 6 \rangle + \langle 52 \rangle + \langle 51^2 \rangle + 4\langle 51 \rangle + 3\langle 5 \rangle \\
& + 2\langle 43 \rangle + \langle 42^2 \rangle + \langle 421^2 \rangle + 6\langle 421 \rangle + 10\langle 42 \rangle \\
& + \langle 41^4 \rangle + 4\langle 41^3 \rangle + 10\langle 41^2 \rangle + 13\langle 41 \rangle + 7\langle 4 \rangle \\
& + \langle 3^2 2 \rangle + \langle 3^2 1^2 \rangle + 5\langle 3^2 1 \rangle + 6\langle 3^2 \rangle + 2\langle 32^2 1 \rangle \\
& + 6\langle 32^2 \rangle + 2\langle 321^3 \rangle + 11\langle 321^2 \rangle + 22\langle 321 \rangle + 18\langle 32 \rangle \\
& + \langle 31^5 \rangle + 6\langle 31^4 \rangle + 15\langle 31^3 \rangle + 22\langle 31^2 \rangle + 18\langle 31 \rangle \\
& + 7\langle 3 \rangle + \langle 2^4 \rangle + \langle 2^3 1^2 \rangle + 6\langle 2^3 1 \rangle + 9\langle 2^3 \rangle \\
& + \langle 2^2 1^4 \rangle + 7\langle 2^2 1^3 \rangle + 16\langle 2^2 1^2 \rangle + 20\langle 2^2 1 \rangle + 13\langle 2^2 \rangle \\
& + 4\langle 21^5 \rangle + 11\langle 21^4 \rangle + 17\langle 21^3 \rangle + 18\langle 21^2 \rangle + 13\langle 21 \rangle \\
& + 5\langle 2 \rangle + \langle 1^7 \rangle + 3\langle 1^6 \rangle + 5\langle 1^5 \rangle + 6\langle 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 1^3 \rangle + 4\langle 1^2 \rangle + 2\langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle \\
\langle 21^3 \rangle^2 = & \langle 7 \rangle + \langle 62 \rangle + \langle 61^2 \rangle + 4\langle 61 \rangle + 3\langle 6 \rangle \\
& + 2\langle 53 \rangle + \langle 52^2 \rangle + \langle 521^2 \rangle + 6\langle 521 \rangle + 10\langle 52 \rangle \\
& + \langle 51^4 \rangle + 4\langle 51^3 \rangle + 10\langle 51^2 \rangle + 13\langle 51 \rangle + 7\langle 5 \rangle \\
& + \langle 4^2 \rangle + 2\langle 432 \rangle + 2\langle 431^2 \rangle + 9\langle 431 \rangle + 11\langle 43 \rangle \\
& + \langle 42^3 \rangle + \langle 42^2 1^2 \rangle + 6\langle 42^2 1 \rangle + 11\langle 42^2 \rangle + \langle 421^4 \rangle \\
& + 6\langle 421^3 \rangle + 18\langle 421^2 \rangle + 30\langle 421 \rangle + 24\langle 42 \rangle + \langle 41^6 \rangle \\
& + 4\langle 41^5 \rangle + 10\langle 41^4 \rangle + 19\langle 41^3 \rangle + 26\langle 41^2 \rangle + 22\langle 41 \rangle \\
& + 9\langle 4 \rangle + \langle 3^3 \rangle + \langle 3^2 2^2 \rangle + \langle 3^2 21^2 \rangle + 6\langle 3^2 21 \rangle \\
& + 10\langle 3^2 2 \rangle + \langle 3^2 1^4 \rangle + 5\langle 3^2 1^3 \rangle + 14\langle 3^2 1^2 \rangle + 21\langle 3^2 1 \rangle \\
& + 14\langle 3^2 \rangle + 2\langle 32^3 1 \rangle + 6\langle 32^3 \rangle + 2\langle 32^2 1^3 \rangle + 12\langle 32^2 1^2 \rangle \\
& + 26\langle 32^2 1 \rangle + 25\langle 32^2 \rangle + 2\langle 321^5 \rangle + 11\langle 321^4 \rangle + 28\langle 321^3 \rangle \\
& + 44\langle 321^2 \rangle + 46\langle 321 \rangle + 27\langle 32 \rangle + \langle 31^7 \rangle + 6\langle 31^6 \rangle \\
& + 15\langle 31^5 \rangle + 24\langle 31^4 \rangle + 30\langle 31^3 \rangle + 31\langle 31^2 \rangle + 22\langle 31 \rangle \\
& + 8\langle 3 \rangle + \langle 2^5 \rangle + \langle 2^4 1^2 \rangle + 6\langle 2^4 1 \rangle + 9\langle 2^4 \rangle \\
& + \langle 2^3 1^4 \rangle + 8\langle 2^3 1^3 \rangle + 19\langle 2^3 1^2 \rangle + 24\langle 2^3 1 \rangle + 17\langle 2^3 \rangle \\
& + \langle 2^2 1^6 \rangle + 7\langle 2^2 1^5 \rangle + 18\langle 2^2 1^4 \rangle + 28\langle 2^2 1^3 \rangle + 31\langle 2^2 1^2 \rangle \\
& + 26\langle 2^2 1 \rangle + 14\langle 2^2 \rangle + 4\langle 21^7 \rangle + 11\langle 21^6 \rangle + 17\langle 21^5 \rangle \\
& + 20\langle 21^4 \rangle + 21\langle 21^3 \rangle + 19\langle 21^2 \rangle + 13\langle 21 \rangle + 5\langle 2 \rangle \\
& + \langle 1^9 \rangle + 3\langle 1^8 \rangle + 5\langle 1^7 \rangle + 6\langle 1^6 \rangle + 6\langle 1^5 \rangle \\
& + 6\langle 1^4 \rangle + 6\langle 1^3 \rangle + 4\langle 1^2 \rangle + 2\langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 21^4 \rangle^2 = & \\
& \langle 8 \rangle + \langle 72 \rangle + \langle 71^2 \rangle + 4\langle 71 \rangle + 3\langle 7 \rangle \\
& + 2\langle 63 \rangle + \langle 62^2 \rangle + \langle 621^2 \rangle + 6\langle 621 \rangle + 10\langle 62 \rangle \\
& + \langle 61^4 \rangle + 4\langle 61^3 \rangle + 10\langle 61^2 \rangle + 13\langle 61 \rangle + 7\langle 6 \rangle \\
& + \langle 54 \rangle + 2\langle 532 \rangle + 2\langle 531^2 \rangle + 9\langle 531 \rangle + 11\langle 53 \rangle \\
& + \langle 52^3 \rangle + \langle 52^2 1^2 \rangle + 6\langle 52^2 1 \rangle + 11\langle 52^2 \rangle + \langle 521^4 \rangle \\
& + 6\langle 521^3 \rangle + 18\langle 521^2 \rangle + 30\langle 521 \rangle + 24\langle 52 \rangle + \langle 51^6 \rangle \\
& + 4\langle 51^5 \rangle + 10\langle 51^4 \rangle + 19\langle 51^3 \rangle + 26\langle 51^2 \rangle + 22\langle 51 \rangle \\
& + 9\langle 5 \rangle + \langle 4^2 2 \rangle + \langle 4^2 1^2 \rangle + 4\langle 4^2 1 \rangle + 5\langle 4^2 \rangle \\
& + \langle 43^2 \rangle + 2\langle 432^2 \rangle + 2\langle 4321^2 \rangle + 10\langle 4321 \rangle + 15\langle 432 \rangle \\
& + 2\langle 431^4 \rangle + 9\langle 431^3 \rangle + 21\langle 431^2 \rangle + 29\langle 431 \rangle + 20\langle 43 \rangle \\
& + \langle 42^4 \rangle + \langle 42^3 1^2 \rangle + 6\langle 42^3 1 \rangle + 11\langle 42^3 \rangle + \langle 42^2 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 42^2 1^3 \rangle + 19\langle 42^2 1^2 \rangle + 34\langle 42^2 1 \rangle + 31\langle 42^2 \rangle + \langle 421^6 \rangle \\
& + 6\langle 421^5 \rangle + 18\langle 421^4 \rangle + 36\langle 421^3 \rangle + 52\langle 421^2 \rangle + 54\langle 421 \rangle \\
& + 33\langle 42 \rangle + \langle 41^8 \rangle + 4\langle 41^7 \rangle + 10\langle 41^6 \rangle + 19\langle 41^5 \rangle \\
& + 28\langle 41^4 \rangle + 34\langle 41^3 \rangle + 35\langle 41^2 \rangle + 26\langle 41 \rangle + 10\langle 4 \rangle \\
& + \langle 3^3 2 \rangle + \langle 3^3 1^2 \rangle + 4\langle 3^3 1 \rangle + 5\langle 3^3 \rangle + \langle 3^2 2^3 \rangle \\
& + \langle 3^2 2^2 1^2 \rangle + 6\langle 3^2 2^2 1 \rangle + 10\langle 3^2 2^2 \rangle + \langle 3^2 21^4 \rangle + 6\langle 3^2 21^3 \rangle \\
& + 18\langle 3^2 21^2 \rangle + 28\langle 3^2 21 \rangle + 22\langle 3^2 2 \rangle + \langle 3^2 1^6 \rangle + 5\langle 3^2 1^5 \rangle \\
& + 14\langle 3^2 1^4 \rangle + 25\langle 3^2 1^3 \rangle + 32\langle 3^2 1^2 \rangle + 30\langle 3^2 1 \rangle + 16\langle 3^2 \rangle \\
& + 2\langle 32^4 1 \rangle + 6\langle 32^4 \rangle + 2\langle 32^3 1^3 \rangle + 12\langle 32^3 1^2 \rangle + 26\langle 32^3 1 \rangle \\
& + 25\langle 32^3 \rangle + 2\langle 32^2 1^5 \rangle + 12\langle 32^2 1^4 \rangle + 32\langle 32^2 1^3 \rangle + 51\langle 32^2 1^2 \rangle \\
& + 54\langle 32^2 1 \rangle + 35\langle 32^2 \rangle + 2\langle 321^7 \rangle + 11\langle 321^6 \rangle + 28\langle 321^5 \rangle \\
& + 46\langle 321^4 \rangle + 58\langle 321^3 \rangle + 61\langle 321^2 \rangle + 52\langle 321 \rangle + 28\langle 32 \rangle \\
& + \langle 31^9 \rangle + 6\langle 31^8 \rangle + 15\langle 31^7 \rangle + 24\langle 31^6 \rangle + 30\langle 31^5 \rangle \\
& + 33\langle 31^4 \rangle + 34\langle 31^3 \rangle + 32\langle 31^2 \rangle + 22\langle 31 \rangle + 8\langle 3 \rangle \\
& + \langle 2^6 \rangle + \langle 2^5 1^2 \rangle + 6\langle 2^5 1 \rangle + 9\langle 2^5 \rangle + \langle 2^4 1^4 \rangle \\
& + 8\langle 2^4 1^3 \rangle + 19\langle 2^4 1^2 \rangle + 24\langle 2^4 1 \rangle + 17\langle 2^4 \rangle + \langle 2^3 1^6 \rangle \\
& + 8\langle 2^3 1^5 \rangle + 21\langle 2^3 1^4 \rangle + 32\langle 2^3 1^3 \rangle + 35\langle 2^3 1^2 \rangle + 30\langle 2^3 1 \rangle \\
& + 18\langle 2^3 \rangle + \langle 2^2 1^8 \rangle + 7\langle 2^2 1^7 \rangle + 18\langle 2^2 1^6 \rangle + 28\langle 2^2 1^5 \rangle \\
& + 33\langle 2^2 1^4 \rangle + 34\langle 2^2 1^3 \rangle + 32\langle 2^2 1^2 \rangle + 26\langle 2^2 1 \rangle + 14\langle 2^2 \rangle \\
& + 4\langle 21^9 \rangle + 11\langle 21^8 \rangle + 17\langle 21^7 \rangle + 20\langle 21^6 \rangle + 21\langle 21^5 \rangle \\
& + 21\langle 21^4 \rangle + 21\langle 21^3 \rangle + 19\langle 21^2 \rangle + 13\langle 21 \rangle + 5\langle 2 \rangle \\
& + \langle 1^{11} \rangle + 3\langle 1^{10} \rangle + 5\langle 1^9 \rangle + 6\langle 1^8 \rangle + 6\langle 1^7 \rangle \\
& + 6\langle 1^6 \rangle + 6\langle 1^5 \rangle + 6\langle 1^4 \rangle + 6\langle 1^3 \rangle + 4\langle 1^2 \rangle \\
& + 2\langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle \\
\langle 21^5 \rangle^2 = & \\
& \langle 9 \rangle + \langle 82 \rangle + \langle 81^2 \rangle + 4\langle 81 \rangle + 3\langle 8 \rangle \\
& + 2\langle 73 \rangle + \langle 72^2 \rangle + \langle 721^2 \rangle + 6\langle 721 \rangle + 10\langle 72 \rangle \\
& + \langle 71^4 \rangle + 4\langle 71^3 \rangle + 10\langle 71^2 \rangle + 13\langle 71 \rangle + 7\langle 7 \rangle \\
& + \langle 64 \rangle + 2\langle 632 \rangle + 2\langle 631^2 \rangle + 9\langle 631 \rangle + 11\langle 63 \rangle \\
& + \langle 62^3 \rangle + \langle 62^2 1^2 \rangle + 6\langle 62^2 1 \rangle + 11\langle 62^2 \rangle + \langle 621^4 \rangle \\
& + 6\langle 621^3 \rangle + 18\langle 621^2 \rangle + 30\langle 621 \rangle + 24\langle 62 \rangle + \langle 61^6 \rangle \\
& + 4\langle 61^5 \rangle + 10\langle 61^4 \rangle + 19\langle 61^3 \rangle + 26\langle 61^2 \rangle + 22\langle 61 \rangle \\
& + 9\langle 6 \rangle + \langle 542 \rangle + \langle 541^2 \rangle + 4\langle 541 \rangle + 5\langle 54 \rangle \\
& + \langle 53^2 \rangle + 2\langle 532^2 \rangle + 2\langle 5321^2 \rangle + 10\langle 5321 \rangle + 15\langle 532 \rangle \\
& + 2\langle 531^4 \rangle + 9\langle 531^3 \rangle + 21\langle 531^2 \rangle + 29\langle 531 \rangle + 20\langle 53 \rangle \\
& + \langle 52^4 \rangle + \langle 52^3 1^2 \rangle + 6\langle 52^3 1 \rangle + 11\langle 52^3 \rangle + \langle 52^2 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 52^2 1^3 \rangle + 19\langle 52^2 1^2 \rangle + 34\langle 52^2 1 \rangle + 31\langle 52^2 \rangle + \langle 521^6 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 6\langle 521^5 \rangle & + 18\langle 521^4 \rangle & + 36\langle 521^3 \rangle & + 52\langle 521^2 \rangle & + 54\langle 521 \rangle \\
& + 33\langle 52 \rangle & + \langle 51^8 \rangle & + 4\langle 51^7 \rangle & + 10\langle 51^6 \rangle & + 19\langle 51^5 \rangle \\
& + 28\langle 51^4 \rangle & + 34\langle 51^3 \rangle & + 35\langle 51^2 \rangle & + 26\langle 51 \rangle & + 10\langle 5 \rangle \\
& + \langle 4^2 2^2 \rangle & + \langle 4^2 21^2 \rangle & + 4\langle 4^2 21 \rangle & + 5\langle 4^2 2 \rangle & + \langle 4^2 1^4 \rangle \\
& + 4\langle 4^2 1^3 \rangle & + 7\langle 4^2 1^2 \rangle & + 8\langle 4^2 1 \rangle & + 6\langle 4^2 \rangle & + \langle 43^2 2 \rangle \\
& + \langle 43^2 1^2 \rangle & + 4\langle 43^2 1 \rangle & + 5\langle 43^2 \rangle & + 2\langle 432^3 \rangle & + 2\langle 432^2 1^2 \rangle \\
& + 10\langle 432^2 1 \rangle & + 15\langle 432^2 \rangle & + 2\langle 4321^4 \rangle & + 10\langle 4321^3 \rangle & + 25\langle 4321^2 \rangle \\
& + 36\langle 4321 \rangle & + 28\langle 432 \rangle & + 2\langle 431^6 \rangle & + 9\langle 431^5 \rangle & + 21\langle 431^4 \rangle \\
& + 33\langle 431^3 \rangle & + 40\langle 431^2 \rangle & + 38\langle 431 \rangle & + 22\langle 43 \rangle & + \langle 42^5 \rangle \\
& + \langle 42^4 1^2 \rangle & + 6\langle 42^4 1 \rangle & + 11\langle 42^4 \rangle & + \langle 42^3 1^4 \rangle & + 6\langle 42^3 1^3 \rangle \\
& + 19\langle 42^3 1^2 \rangle & + 34\langle 42^3 1 \rangle & + 31\langle 42^3 \rangle & + \langle 42^2 1^6 \rangle & + 6\langle 42^2 1^5 \rangle \\
& + 19\langle 42^2 1^4 \rangle & + 40\langle 42^2 1^3 \rangle & + 59\langle 42^2 1^2 \rangle & + 62\langle 42^2 1 \rangle & + 41\langle 42^2 \rangle \\
& + \langle 421^8 \rangle & + 6\langle 421^7 \rangle & + 18\langle 421^6 \rangle & + 36\langle 421^5 \rangle & + 54\langle 421^4 \rangle \\
& + 66\langle 421^3 \rangle & + 69\langle 421^2 \rangle & + 60\langle 421 \rangle & + 34\langle 42 \rangle & + \langle 41^{10} \rangle \\
& + 4\langle 41^9 \rangle & + 10\langle 41^8 \rangle & + 19\langle 41^7 \rangle & + 28\langle 41^6 \rangle & + 34\langle 41^5 \rangle \\
& + 37\langle 41^4 \rangle & + 38\langle 41^3 \rangle & + 36\langle 41^2 \rangle & + 26\langle 41 \rangle & + 10\langle 4 \rangle \\
& + \langle 3^3 2^2 \rangle & + \langle 3^3 21^2 \rangle & + 4\langle 3^3 21 \rangle & + 5\langle 3^3 2 \rangle & + \langle 3^3 1^4 \rangle \\
& + 4\langle 3^3 1^3 \rangle & + 7\langle 3^3 1^2 \rangle & + 8\langle 3^3 1 \rangle & + 6\langle 3^3 \rangle & + \langle 3^2 2^4 \rangle \\
& + \langle 3^2 2^3 1^2 \rangle & + 6\langle 3^2 2^3 1 \rangle & + 10\langle 3^2 2^3 \rangle & + \langle 3^2 2^2 1^4 \rangle & + 6\langle 3^2 2^2 1^3 \rangle \\
& + 18\langle 3^2 2^2 1^2 \rangle & + 28\langle 3^2 2^2 1 \rangle & + 22\langle 3^2 2^2 \rangle & + \langle 3^2 21^6 \rangle & + 6\langle 3^2 21^5 \rangle \\
& + 18\langle 3^2 21^4 \rangle & + 32\langle 3^2 21^3 \rangle & + 40\langle 3^2 21^2 \rangle & + 38\langle 3^2 21 \rangle & + 24\langle 3^2 \rangle \\
& + \langle 3^2 1^8 \rangle & + 5\langle 3^2 1^7 \rangle & + 14\langle 3^2 1^6 \rangle & + 25\langle 3^2 1^5 \rangle & + 32\langle 3^2 1^4 \rangle \\
& + 34\langle 3^2 1^3 \rangle & + 34\langle 3^2 1^2 \rangle & + 30\langle 3^2 1 \rangle & + 16\langle 3^2 \rangle & + 2\langle 32^5 1 \rangle \\
& + 6\langle 32^5 \rangle & + 2\langle 32^4 1^3 \rangle & + 12\langle 32^4 1^2 \rangle & + 26\langle 32^4 1 \rangle & + 25\langle 32^4 \rangle \\
& + 2\langle 32^3 1^5 \rangle & + 12\langle 32^3 1^4 \rangle & + 32\langle 32^3 1^3 \rangle & + 51\langle 32^3 1^2 \rangle & + 54\langle 32^3 1 \rangle \\
& + 35\langle 32^3 \rangle & + 2\langle 32^2 1^7 \rangle & + 12\langle 32^2 1^6 \rangle & + 32\langle 32^2 1^5 \rangle & + 53\langle 32^2 1^4 \rangle \\
& + 66\langle 32^2 1^3 \rangle & + 69\langle 32^2 1^2 \rangle & + 60\langle 32^2 1 \rangle & + 36\langle 32^2 \rangle & + 2\langle 321^9 \rangle \\
& + 11\langle 321^8 \rangle & + 28\langle 321^7 \rangle & + 46\langle 321^6 \rangle & + 58\langle 321^5 \rangle & + 63\langle 321^4 \rangle \\
& + 64\langle 321^3 \rangle & + 62\langle 321^2 \rangle & + 52\langle 321 \rangle & + 28\langle 32 \rangle & + \langle 31^{11} \rangle \\
& + 6\langle 31^{10} \rangle & + 15\langle 31^9 \rangle & + 24\langle 31^8 \rangle & + 30\langle 31^7 \rangle & + 33\langle 31^6 \rangle \\
& + 34\langle 31^5 \rangle & + 34\langle 31^4 \rangle & + 34\langle 31^3 \rangle & + 32\langle 31^2 \rangle & + 22\langle 31 \rangle \\
& + 8\langle 3 \rangle & + \langle 2^7 \rangle & + \langle 2^6 1^2 \rangle & + 6\langle 2^6 1 \rangle & + 9\langle 2^6 \rangle \\
& + \langle 2^5 1^4 \rangle & + 8\langle 2^5 1^3 \rangle & + 19\langle 2^5 1^2 \rangle & + 24\langle 2^5 1 \rangle & + 17\langle 2^5 \rangle \\
& + \langle 2^4 1^6 \rangle & + 8\langle 2^4 1^5 \rangle & + 21\langle 2^4 1^4 \rangle & + 32\langle 2^4 1^3 \rangle & + 35\langle 2^4 1^2 \rangle \\
& + 30\langle 2^4 1 \rangle & + 18\langle 2^4 \rangle & + \langle 2^3 1^8 \rangle & + 8\langle 2^3 1^7 \rangle & + 21\langle 2^3 1^6 \rangle \\
& + 32\langle 2^3 1^5 \rangle & + 37\langle 2^3 1^4 \rangle & + 38\langle 2^3 1^3 \rangle & + 36\langle 2^3 1^2 \rangle & + 30\langle 2^3 1 \rangle \\
& + 18\langle 2^3 \rangle & + \langle 2^2 1^{10} \rangle & + 7\langle 2^2 1^9 \rangle & + 18\langle 2^2 1^8 \rangle & + 28\langle 2^2 1^7 \rangle \\
& + 33\langle 2^2 1^6 \rangle & + 34\langle 2^2 1^5 \rangle & + 34\langle 2^2 1^4 \rangle & + 34\langle 2^2 1^3 \rangle & + 32\langle 2^2 1^2 \rangle \\
& + 26\langle 2^2 1 \rangle & + 14\langle 2^2 \rangle & + 4\langle 21^{11} \rangle & + 11\langle 21^{10} \rangle & + 17\langle 21^9 \rangle \\
& + 20\langle 21^8 \rangle & + 21\langle 21^7 \rangle & + 21\langle 21^6 \rangle & + 21\langle 21^5 \rangle & + 21\langle 21^4 \rangle \\
& + 21\langle 21^3 \rangle & + 19\langle 21^2 \rangle & + 13\langle 21 \rangle & + 5\langle 2 \rangle & + \langle 1^{13} \rangle \\
& + 3\langle 1^{12} \rangle & + 5\langle 1^{11} \rangle & + 6\langle 1^{10} \rangle & + 6\langle 1^9 \rangle & + 6\langle 1^8 \rangle \\
& + 6\langle 1^7 \rangle & + 6\langle 1^6 \rangle & + 6\langle 1^5 \rangle & + 6\langle 1^4 \rangle & + 6\langle 1^3 \rangle \\
& + 4\langle 1^2 \rangle & + 2\langle 1 \rangle & + \langle 0 \rangle & &
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 21^6 \rangle^2 = & \langle 10 \rangle + \langle 92 \rangle + \langle 91^2 \rangle + 4\langle 91 \rangle + 3\langle 9 \rangle \\
& + 2\langle 83 \rangle + \langle 82^2 \rangle + \langle 821^2 \rangle + 6\langle 821 \rangle + 10\langle 82 \rangle \\
& + \langle 81^4 \rangle + 4\langle 81^3 \rangle + 10\langle 81^2 \rangle + 13\langle 81 \rangle + 7\langle 8 \rangle \\
& + \langle 74 \rangle + 2\langle 732 \rangle + 2\langle 731^2 \rangle + 9\langle 731 \rangle + 11\langle 73 \rangle \\
& + \langle 72^3 \rangle + \langle 72^2 1^2 \rangle + 6\langle 72^2 1 \rangle + 11\langle 72^2 \rangle + \langle 721^4 \rangle \\
& + 6\langle 721^3 \rangle + 18\langle 721^2 \rangle + 30\langle 721 \rangle + 24\langle 72 \rangle + \langle 71^6 \rangle \\
& + 4\langle 71^5 \rangle + 10\langle 71^4 \rangle + 19\langle 71^3 \rangle + 26\langle 71^2 \rangle + 22\langle 71 \rangle \\
& + 9\langle 7 \rangle + \langle 642 \rangle + \langle 641^2 \rangle + 4\langle 641 \rangle + 5\langle 64 \rangle \\
& + \langle 63^2 \rangle + 2\langle 632^2 \rangle + 2\langle 6321^2 \rangle + 10\langle 6321 \rangle + 15\langle 632 \rangle \\
& + 2\langle 631^4 \rangle + 9\langle 631^3 \rangle + 21\langle 631^2 \rangle + 29\langle 631 \rangle + 20\langle 63 \rangle \\
& + \langle 62^4 \rangle + \langle 62^3 1^2 \rangle + 6\langle 62^3 1 \rangle + 11\langle 62^3 \rangle + \langle 62^2 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 62^2 1^3 \rangle + 19\langle 62^2 1^2 \rangle + 34\langle 62^2 1 \rangle + 31\langle 62^2 \rangle + \langle 621^6 \rangle \\
& + 6\langle 621^5 \rangle + 18\langle 621^4 \rangle + 36\langle 621^3 \rangle + 52\langle 621^2 \rangle + 54\langle 621 \rangle \\
& + 33\langle 62 \rangle + \langle 61^8 \rangle + 4\langle 61^7 \rangle + 10\langle 61^6 \rangle + 19\langle 61^5 \rangle \\
& + 28\langle 61^4 \rangle + 34\langle 61^3 \rangle + 35\langle 61^2 \rangle + 26\langle 61 \rangle + 10\langle 6 \rangle \\
& + \langle 542^2 \rangle + \langle 5421^2 \rangle + 4\langle 5421 \rangle + 5\langle 542 \rangle + \langle 541^4 \rangle \\
& + 4\langle 541^3 \rangle + 7\langle 541^2 \rangle + 8\langle 541 \rangle + 6\langle 54 \rangle + \langle 53^2 2 \rangle \\
& + \langle 53^2 1^2 \rangle + 4\langle 53^2 1 \rangle + 5\langle 53^2 \rangle + 2\langle 532^3 \rangle + 2\langle 532^2 1^2 \rangle \\
& + 10\langle 532^2 1 \rangle + 15\langle 532^2 \rangle + 2\langle 5321^4 \rangle + 10\langle 5321^3 \rangle + 25\langle 5321^2 \rangle \\
& + 36\langle 5321 \rangle + 28\langle 532 \rangle + 2\langle 531^6 \rangle + 9\langle 531^5 \rangle + 21\langle 531^4 \rangle \\
& + 33\langle 531^3 \rangle + 40\langle 531^2 \rangle + 38\langle 531 \rangle + 22\langle 53 \rangle + \langle 52^5 \rangle \\
& + \langle 52^4 1^2 \rangle + 6\langle 52^4 1 \rangle + 11\langle 52^4 \rangle + \langle 52^3 1^4 \rangle + 6\langle 52^3 1^3 \rangle \\
& + 19\langle 52^3 1^2 \rangle + 34\langle 52^3 1 \rangle + 31\langle 52^3 \rangle + \langle 52^2 1^6 \rangle + 6\langle 52^2 1^5 \rangle \\
& + 19\langle 52^2 1^4 \rangle + 40\langle 52^2 1^3 \rangle + 59\langle 52^2 1^2 \rangle + 62\langle 52^2 1 \rangle + 41\langle 52^2 \rangle \\
& + \langle 521^8 \rangle + 6\langle 521^7 \rangle + 18\langle 521^6 \rangle + 36\langle 521^5 \rangle + 54\langle 521^4 \rangle \\
& + 66\langle 521^3 \rangle + 69\langle 521^2 \rangle + 60\langle 521 \rangle + 34\langle 52 \rangle + \langle 51^{10} \rangle \\
& + 4\langle 51^9 \rangle + 10\langle 51^8 \rangle + 19\langle 51^7 \rangle + 28\langle 51^6 \rangle + 34\langle 51^5 \rangle \\
& + 37\langle 51^4 \rangle + 38\langle 51^3 \rangle + 36\langle 51^2 \rangle + 26\langle 51 \rangle + 10\langle 5 \rangle \\
& + 4\langle 4^2 21^3 \rangle + 7\langle 4^2 21^2 \rangle + 8\langle 4^2 21 \rangle + 6\langle 4^2 2 \rangle + \langle 4^2 1^6 \rangle \\
& + 4\langle 4^2 1^5 \rangle + 7\langle 4^2 1^4 \rangle + 8\langle 4^2 1^3 \rangle + 8\langle 4^2 1^2 \rangle + 8\langle 4^2 1 \rangle \\
& + 6\langle 4^2 \rangle + \langle 43^2 2^2 \rangle + \langle 43^2 21^2 \rangle + 4\langle 43^2 21 \rangle + 5\langle 43^2 2 \rangle \\
& + \langle 43^2 1^4 \rangle + 4\langle 43^2 1^3 \rangle + 7\langle 43^2 1^2 \rangle + 8\langle 43^2 1 \rangle + 6\langle 43^2 \rangle \\
& + 2\langle 432^4 \rangle + 2\langle 432^3 1^2 \rangle + 10\langle 432^3 1 \rangle + 15\langle 432^3 \rangle + 2\langle 432^2 1^4 \rangle \\
& + 10\langle 432^2 1^3 \rangle + 25\langle 432^2 1^2 \rangle + 36\langle 432^2 1 \rangle + 28\langle 432^2 \rangle + 2\langle 4321^6 \rangle \\
& + 10\langle 4321^5 \rangle + 25\langle 4321^4 \rangle + 40\langle 4321^3 \rangle + 48\langle 4321^2 \rangle + 46\langle 4321 \rangle \\
& + 30\langle 432 \rangle + 2\langle 431^8 \rangle + 9\langle 431^7 \rangle + 21\langle 431^6 \rangle + 33\langle 431^5 \rangle \\
& + 40\langle 431^4 \rangle + 42\langle 431^3 \rangle + 42\langle 431^2 \rangle + 38\langle 431 \rangle + 22\langle 43 \rangle \\
& + \langle 42^6 \rangle + \langle 42^5 1^2 \rangle + 6\langle 42^5 1 \rangle + 11\langle 42^5 \rangle + \langle 42^4 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 42^4 1^3 \rangle + 19\langle 42^4 1^2 \rangle + 34\langle 42^4 1 \rangle + 31\langle 42^4 \rangle + \langle 42^3 1^6 \rangle \\
& + 6\langle 42^3 1^5 \rangle + 19\langle 42^3 1^4 \rangle + 40\langle 42^3 1^3 \rangle + 59\langle 42^3 1^2 \rangle + 62\langle 42^3 1 \rangle \\
& + 41\langle 42^3 \rangle + \langle 42^2 1^8 \rangle + 6\langle 42^2 1^7 \rangle + 19\langle 42^2 1^6 \rangle + 40\langle 42^2 1^5 \rangle \\
& + 61\langle 42^2 1^4 \rangle + 74\langle 42^2 1^3 \rangle + 77\langle 42^2 1^2 \rangle + 68\langle 42^2 1 \rangle + 42\langle 42^2 \rangle \\
& + \langle 421^{10} \rangle + 6\langle 421^9 \rangle + 18\langle 421^8 \rangle + 36\langle 421^7 \rangle + 54\langle 421^6 \rangle \\
& + 66\langle 421^5 \rangle + 71\langle 421^4 \rangle + 72\langle 421^3 \rangle + 70\langle 421^2 \rangle + 60\langle 421 \rangle \\
& + 34\langle 42 \rangle + \langle 41^{12} \rangle + 4\langle 41^{11} \rangle + 10\langle 41^{10} \rangle + 19\langle 41^9 \rangle \\
& + 28\langle 41^8 \rangle + 34\langle 41^7 \rangle + 37\langle 41^6 \rangle + 38\langle 41^5 \rangle + 38\langle 41^4 \rangle \\
& + 38\langle 41^3 \rangle + 36\langle 41^2 \rangle + 26\langle 41 \rangle + 10\langle 4 \rangle + \langle 3^3 2^3 \rangle \\
& + \langle 3^3 2^2 1^2 \rangle + 4\langle 3^3 2^2 1 \rangle + 5\langle 3^3 2^2 \rangle + \langle 3^3 21^4 \rangle + 4\langle 3^3 21^3 \rangle \\
& + 7\langle 3^3 21^2 \rangle + 8\langle 3^3 21 \rangle + 6\langle 3^3 2 \rangle + \langle 3^3 1^6 \rangle + 4\langle 3^3 1^5 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 7\langle 3^3 1^4 \rangle & + 8\langle 3^3 1^3 \rangle & + 8\langle 3^3 1^2 \rangle & + 8\langle 3^3 1 \rangle & + 6\langle 3^3 \rangle \\
& + \langle 3^2 2^5 \rangle & + \langle 3^2 2^4 1^2 \rangle & + 6\langle 3^2 2^4 1 \rangle & + 10\langle 3^2 2^4 \rangle & + \langle 3^2 2^3 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 3^2 2^3 1^3 \rangle & + 18\langle 3^2 2^3 1^2 \rangle & + 28\langle 3^2 2^3 1 \rangle & + 22\langle 3^2 2^3 \rangle & + \langle 3^2 2^1 6 \rangle \\
& + 6\langle 3^2 2^1 5 \rangle & + 18\langle 3^2 2^1 4 \rangle & + 32\langle 3^2 2^1 3 \rangle & + 40\langle 3^2 2^1 2 \rangle & + 38\langle 3^2 2^1 1 \rangle \\
& + 24\langle 3^2 2^2 \rangle & + \langle 3^2 2 1^8 \rangle & + 6\langle 3^2 2 1^7 \rangle & + 18\langle 3^2 2 1^6 \rangle & + 32\langle 3^2 2 1^5 \rangle \\
& + 40\langle 3^2 2 1^4 \rangle & + 42\langle 3^2 2 1^3 \rangle & + 42\langle 3^2 2 1^2 \rangle & + 38\langle 3^2 2 1 \rangle & + 24\langle 3^2 2 \rangle \\
& + \langle 3^2 1^10 \rangle & + 5\langle 3^2 1^9 \rangle & + 14\langle 3^2 1^8 \rangle & + 25\langle 3^2 1^7 \rangle & + 32\langle 3^2 1^6 \rangle \\
& + 34\langle 3^2 1^5 \rangle & + 34\langle 3^2 1^4 \rangle & + 34\langle 3^2 1^3 \rangle & + 34\langle 3^2 1^2 \rangle & + 30\langle 3^2 1 \rangle \\
& + 16\langle 3^2 \rangle & + 2\langle 32^6 1 \rangle & + 6\langle 32^6 \rangle & + 2\langle 32^5 1^3 \rangle & + 12\langle 32^5 1^2 \rangle \\
& + 26\langle 32^5 1 \rangle & + 25\langle 32^5 \rangle & + 2\langle 32^4 1^5 \rangle & + 12\langle 32^4 1^4 \rangle & + 32\langle 32^4 1^3 \rangle \\
& + 51\langle 32^4 1^2 \rangle & + 54\langle 32^4 1 \rangle & + 35\langle 32^4 \rangle & + 2\langle 32^3 1^7 \rangle & + 12\langle 32^3 1^6 \rangle \\
& + 32\langle 32^3 1^5 \rangle & + 53\langle 32^3 1^4 \rangle & + 66\langle 32^3 1^3 \rangle & + 69\langle 32^3 1^2 \rangle & + 60\langle 32^3 1 \rangle \\
& + 36\langle 32^3 \rangle & + 2\langle 32^2 1^9 \rangle & + 12\langle 32^2 1^8 \rangle & + 32\langle 32^2 1^7 \rangle & + 53\langle 32^2 1^6 \rangle \\
& + 66\langle 32^2 1^5 \rangle & + 71\langle 32^2 1^4 \rangle & + 72\langle 32^2 1^3 \rangle & + 70\langle 32^2 1^2 \rangle & + 60\langle 32^2 1 \rangle \\
& + 36\langle 32^2 \rangle & + 2\langle 32 1^{11} \rangle & + 11\langle 32 1^{10} \rangle & + 28\langle 32 1^9 \rangle & + 46\langle 32 1^8 \rangle \\
& + 58\langle 32 1^7 \rangle & + 63\langle 32 1^6 \rangle & + 64\langle 32 1^5 \rangle & + 64\langle 32 1^4 \rangle & + 64\langle 32 1^3 \rangle \\
& + 62\langle 32 1^2 \rangle & + 52\langle 32 1 \rangle & + 28\langle 32 \rangle & + \langle 31^{13} \rangle & + 6\langle 31^{12} \rangle \\
& + 15\langle 31^{11} \rangle & + 24\langle 31^{10} \rangle & + 30\langle 31^9 \rangle & + 33\langle 31^8 \rangle & + 34\langle 31^7 \rangle \\
& + 34\langle 31^6 \rangle & + 34\langle 31^5 \rangle & + 34\langle 31^4 \rangle & + 34\langle 31^3 \rangle & + 32\langle 31^2 \rangle \\
& + 22\langle 31 \rangle & + 8\langle 3 \rangle & + \langle 2^8 \rangle & + \langle 2^7 1^2 \rangle & + 6\langle 2^7 1 \rangle \\
& + 9\langle 2^7 \rangle & + \langle 2^6 1^4 \rangle & + 8\langle 2^6 1^3 \rangle & + 19\langle 2^6 1^2 \rangle & + 24\langle 2^6 1 \rangle \\
& + 17\langle 2^6 \rangle & + \langle 2^5 1^6 \rangle & + 8\langle 2^5 1^5 \rangle & + 21\langle 2^5 1^4 \rangle & + 32\langle 2^5 1^3 \rangle \\
& + 35\langle 2^5 1^2 \rangle & + 30\langle 2^5 1 \rangle & + 18\langle 2^5 \rangle & + \langle 2^4 1^8 \rangle & + 8\langle 2^4 1^7 \rangle \\
& + 21\langle 2^4 1^6 \rangle & + 32\langle 2^4 1^5 \rangle & + 37\langle 2^4 1^4 \rangle & + 38\langle 2^4 1^3 \rangle & + 36\langle 2^4 1^2 \rangle \\
& + 30\langle 2^4 1 \rangle & + 18\langle 2^4 \rangle & + \langle 2^3 1^{10} \rangle & + 8\langle 2^3 1^9 \rangle & + 21\langle 2^3 1^8 \rangle \\
& + 32\langle 2^3 1^7 \rangle & + 37\langle 2^3 1^6 \rangle & + 38\langle 2^3 1^5 \rangle & + 38\langle 2^3 1^4 \rangle & + 38\langle 2^3 1^3 \rangle \\
& + 36\langle 2^3 1^2 \rangle & + 30\langle 2^3 1 \rangle & + 18\langle 2^3 \rangle & + \langle 2^2 1^{12} \rangle & + 7\langle 2^2 1^{11} \rangle \\
& + 18\langle 2^2 1^{10} \rangle & + 28\langle 2^2 1^9 \rangle & + 33\langle 2^2 1^8 \rangle & + 34\langle 2^2 1^7 \rangle & + 34\langle 2^2 1^6 \rangle \\
& + 34\langle 2^2 1^5 \rangle & + 34\langle 2^2 1^4 \rangle & + 34\langle 2^2 1^3 \rangle & + 32\langle 2^2 1^2 \rangle & + 26\langle 2^2 1 \rangle \\
& + 14\langle 2^2 \rangle & + 4\langle 21^{13} \rangle & + 11\langle 21^{12} \rangle & + 17\langle 21^{11} \rangle & + 20\langle 21^{10} \rangle \\
& + 21\langle 21^9 \rangle & + 21\langle 21^8 \rangle & + 21\langle 21^7 \rangle & + 21\langle 21^6 \rangle & + 21\langle 21^5 \rangle \\
& + 21\langle 21^4 \rangle & + 21\langle 21^3 \rangle & + 19\langle 21^2 \rangle & + 13\langle 21 \rangle & + 5\langle 2 \rangle \\
& + \langle 1^{15} \rangle & + 3\langle 1^{14} \rangle & + 5\langle 1^{13} \rangle & + 6\langle 1^{12} \rangle & + 6\langle 1^{11} \rangle \\
& + 6\langle 1^{10} \rangle & + 6\langle 1^9 \rangle & + 6\langle 1^8 \rangle & + 6\langle 1^7 \rangle & + 6\langle 1^6 \rangle \\
& + 6\langle 1^5 \rangle & + 6\langle 1^4 \rangle & + 6\langle 1^3 \rangle & + 4\langle 1^2 \rangle & + 2\langle 1 \rangle \\
& + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 21^7 \rangle^2 = & \langle 11 \rangle + \langle 10 \ 2 \rangle + \langle 10 \ 1^2 \rangle + 4\langle 10 \ 1 \rangle + 3\langle 10 \ \rangle \\
& + 2\langle 93 \rangle + \langle 92^2 \rangle + \langle 921^2 \rangle + 6\langle 921 \rangle + 10\langle 92 \rangle \\
& + \langle 91^4 \rangle + 4\langle 91^3 \rangle + 10\langle 91^2 \rangle + 13\langle 91 \rangle + 7\langle 9 \rangle \\
& + \langle 84 \rangle + 2\langle 832 \rangle + 2\langle 831^2 \rangle + 9\langle 831 \rangle + 11\langle 83 \rangle \\
& + \langle 82^3 \rangle + \langle 82^2 1^2 \rangle + 6\langle 82^2 1 \rangle + 11\langle 82^2 \rangle + \langle 821^4 \rangle \\
& + 6\langle 821^3 \rangle + 18\langle 821^2 \rangle + 30\langle 821 \rangle + 24\langle 82 \rangle + \langle 81^6 \rangle \\
& + 4\langle 81^5 \rangle + 10\langle 81^4 \rangle + 19\langle 81^3 \rangle + 26\langle 81^2 \rangle + 22\langle 81 \rangle \\
& + 9\langle 8 \rangle + \langle 742 \rangle + \langle 741^2 \rangle + 4\langle 741 \rangle + 5\langle 74 \rangle \\
& + \langle 73^2 \rangle + 2\langle 732^2 \rangle + 2\langle 7321^2 \rangle + 10\langle 7321 \rangle + 15\langle 732 \rangle \\
& + 2\langle 731^4 \rangle + 9\langle 731^3 \rangle + 21\langle 731^2 \rangle + 29\langle 731 \rangle + 20\langle 73 \rangle \\
& + \langle 72^4 \rangle + \langle 72^3 1^2 \rangle + 6\langle 72^3 1 \rangle + 11\langle 72^3 \rangle + \langle 72^2 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 72^2 1^3 \rangle + 19\langle 72^2 1^2 \rangle + 34\langle 72^2 1 \rangle + 31\langle 72^2 \rangle + \langle 721^6 \rangle \\
& + 6\langle 721^5 \rangle + 18\langle 721^4 \rangle + 36\langle 721^3 \rangle + 52\langle 721^2 \rangle + 54\langle 721 \rangle \\
& + 33\langle 72 \rangle + \langle 71^8 \rangle + 4\langle 71^7 \rangle + 10\langle 71^6 \rangle + 19\langle 71^5 \rangle \\
& + 28\langle 71^4 \rangle + 34\langle 71^3 \rangle + 35\langle 71^2 \rangle + 26\langle 71 \rangle + 10\langle 7 \rangle \\
& + \langle 642^2 \rangle + \langle 6421^2 \rangle + 4\langle 6421 \rangle + 5\langle 642 \rangle + \langle 641^4 \rangle \\
& + 4\langle 641^3 \rangle + 7\langle 641^2 \rangle + 8\langle 641 \rangle + 6\langle 64 \rangle + \langle 63^2 2 \rangle \\
& + \langle 63^2 1^2 \rangle + 4\langle 63^2 1 \rangle + 5\langle 63^2 \rangle + 2\langle 632^3 \rangle + 2\langle 632^2 1^2 \rangle \\
& + 10\langle 632^2 1 \rangle + 15\langle 632^2 \rangle + 2\langle 6321^4 \rangle + 10\langle 6321^3 \rangle + 25\langle 6321^2 \rangle \\
& + 36\langle 6321 \rangle + 28\langle 632 \rangle + 2\langle 631^6 \rangle + 9\langle 631^5 \rangle + 21\langle 631^4 \rangle \\
& + 33\langle 631^3 \rangle + 40\langle 631^2 \rangle + 38\langle 631 \rangle + 22\langle 63 \rangle + \langle 62^5 \rangle \\
& + \langle 62^4 1^2 \rangle + 6\langle 62^4 1 \rangle + 11\langle 62^4 \rangle + \langle 62^3 1^4 \rangle + 6\langle 62^3 1^3 \rangle \\
& + 19\langle 62^3 1^2 \rangle + 34\langle 62^3 1 \rangle + 31\langle 62^3 \rangle + \langle 62^2 1^6 \rangle + 6\langle 62^2 1^5 \rangle \\
& + 19\langle 62^2 1^4 \rangle + 40\langle 62^2 1^3 \rangle + 59\langle 62^2 1^2 \rangle + 62\langle 62^2 1 \rangle + 41\langle 62^2 \rangle \\
& + \langle 621^8 \rangle + 6\langle 621^7 \rangle + 18\langle 621^6 \rangle + 36\langle 621^5 \rangle + 54\langle 621^4 \rangle \\
& + 66\langle 621^3 \rangle + 69\langle 621^2 \rangle + 60\langle 621 \rangle + 34\langle 62 \rangle + \langle 61^{10} \rangle \\
& + 4\langle 61^9 \rangle + 10\langle 61^8 \rangle + 19\langle 61^7 \rangle + 28\langle 61^6 \rangle + 34\langle 61^5 \rangle \\
& + 37\langle 61^4 \rangle + 38\langle 61^3 \rangle + 36\langle 61^2 \rangle + 26\langle 61 \rangle + 10\langle 6 \rangle \\
& + \langle 542^3 \rangle + \langle 542^2 1^2 \rangle + 4\langle 542^2 1 \rangle + 5\langle 542^2 \rangle + \langle 5421^4 \rangle \\
& + 4\langle 5421^3 \rangle + 7\langle 5421^2 \rangle + 8\langle 5421 \rangle + 6\langle 542 \rangle + \langle 541^6 \rangle \\
& + 4\langle 541^5 \rangle + 7\langle 541^4 \rangle + 8\langle 541^3 \rangle + 8\langle 541^2 \rangle + 8\langle 541 \rangle \\
& + 6\langle 54 \rangle + \langle 53^2 2^2 \rangle + \langle 53^2 21^2 \rangle + 4\langle 53^2 21 \rangle + 5\langle 53^2 2 \rangle \\
& + \langle 53^2 1^4 \rangle + 4\langle 53^2 1^3 \rangle + 7\langle 53^2 1^2 \rangle + 8\langle 53^2 1 \rangle + 6\langle 53^2 \rangle \\
& + 2\langle 532^4 \rangle + 2\langle 532^3 1^2 \rangle + 10\langle 532^3 1 \rangle + 15\langle 532^3 \rangle + 2\langle 532^2 1^4 \rangle \\
& + 10\langle 532^2 1^3 \rangle + 25\langle 532^2 1^2 \rangle + 36\langle 532^2 1 \rangle + 28\langle 532^2 \rangle + 2\langle 5321^6 \rangle \\
& + 10\langle 5321^5 \rangle + 25\langle 5321^4 \rangle + 40\langle 5321^3 \rangle + 48\langle 5321^2 \rangle + 46\langle 5321 \rangle \\
& + 30\langle 532 \rangle + 2\langle 531^8 \rangle + 9\langle 531^7 \rangle + 21\langle 531^6 \rangle + 33\langle 531^5 \rangle \\
& + 40\langle 531^4 \rangle + 42\langle 531^3 \rangle + 42\langle 531^2 \rangle + 38\langle 531 \rangle + 22\langle 53 \rangle \\
& + \langle 52^6 \rangle + \langle 52^5 1^2 \rangle + 6\langle 52^5 1 \rangle + 11\langle 52^5 \rangle + \langle 52^4 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 52^4 1^3 \rangle + 19\langle 52^4 1^2 \rangle + 34\langle 52^4 1 \rangle + 31\langle 52^4 \rangle + \langle 52^3 1^6 \rangle \\
& + 6\langle 52^3 1^5 \rangle + 19\langle 52^3 1^4 \rangle + 40\langle 52^3 1^3 \rangle + 59\langle 52^3 1^2 \rangle + 62\langle 52^3 1 \rangle \\
& + 41\langle 52^3 \rangle + \langle 52^2 1^8 \rangle + 6\langle 52^2 1^7 \rangle + 19\langle 52^2 1^6 \rangle + 40\langle 52^2 1^5 \rangle \\
& + 61\langle 52^2 1^4 \rangle + 74\langle 52^2 1^3 \rangle + 77\langle 52^2 1^2 \rangle + 68\langle 52^2 1 \rangle + 42\langle 52^2 \rangle \\
& + \langle 521^{10} \rangle + 6\langle 521^9 \rangle + 18\langle 521^8 \rangle + 36\langle 521^7 \rangle + 54\langle 521^6 \rangle \\
& + 66\langle 521^5 \rangle + 71\langle 521^4 \rangle + 72\langle 521^3 \rangle + 70\langle 521^2 \rangle + 60\langle 521 \rangle \\
& + 34\langle 52 \rangle + \langle 51^{12} \rangle + 4\langle 51^{11} \rangle + 10\langle 51^{10} \rangle + 19\langle 51^9 \rangle \\
& + 28\langle 51^8 \rangle + 34\langle 51^7 \rangle + 37\langle 51^6 \rangle + 38\langle 51^5 \rangle + 38\langle 51^4 \rangle \\
& + 38\langle 51^3 \rangle + 36\langle 51^2 \rangle + 26\langle 51 \rangle + 10\langle 5 \rangle + \langle 4^2 2^4 \rangle \\
& + \langle 4^2 2^3 1^2 \rangle + 4\langle 4^2 2^3 1 \rangle + 5\langle 4^2 2^3 \rangle + \langle 4^2 2^2 1^4 \rangle + 4\langle 4^2 2^2 1^3 \rangle \\
& + 7\langle 4^2 2^2 1^2 \rangle + 8\langle 4^2 2^2 1 \rangle + 6\langle 4^2 2^2 \rangle + \langle 4^2 21^6 \rangle + 4\langle 4^2 21^5 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 7\langle 4^221^4 \rangle & + 8\langle 4^221^3 \rangle & + 8\langle 4^221^2 \rangle & + 8\langle 4^221 \rangle & + 6\langle 4^22 \rangle \\
& + \langle 4^21^8 \rangle & + 4\langle 4^21^7 \rangle & + 7\langle 4^21^6 \rangle & + 8\langle 4^21^5 \rangle & + 8\langle 4^21^4 \rangle \\
& + 8\langle 4^21^3 \rangle & + 8\langle 4^21^2 \rangle & + 8\langle 4^21 \rangle & + 6\langle 4^2 \rangle & + \langle 43^22^3 \rangle \\
& + \langle 43^22^21^2 \rangle & + 4\langle 43^22^21 \rangle & + 5\langle 43^22^2 \rangle & + \langle 43^221^4 \rangle & + 4\langle 43^221^3 \rangle \\
& + 7\langle 43^221^2 \rangle & + 8\langle 43^221 \rangle & + 6\langle 43^22 \rangle & + \langle 43^21^6 \rangle & + 4\langle 43^21^5 \rangle \\
& + 7\langle 43^21^4 \rangle & + 8\langle 43^21^3 \rangle & + 8\langle 43^21^2 \rangle & + 8\langle 43^21 \rangle & + 6\langle 43^2 \rangle \\
& + 2\langle 432^5 \rangle & + 2\langle 432^41^2 \rangle & + 10\langle 432^41 \rangle & + 15\langle 432^4 \rangle & + 2\langle 432^31^4 \rangle \\
& + 10\langle 432^31^3 \rangle & + 25\langle 432^31^2 \rangle & + 36\langle 432^31 \rangle & + 28\langle 432^3 \rangle & + 2\langle 432^21^6 \rangle \\
& + 10\langle 432^21^5 \rangle & + 25\langle 432^21^4 \rangle & + 40\langle 432^21^3 \rangle & + 48\langle 432^21^2 \rangle & + 46\langle 432^21 \rangle \\
& + 30\langle 432^2 \rangle & + 2\langle 4321^8 \rangle & + 10\langle 4321^7 \rangle & + 25\langle 4321^6 \rangle & + 40\langle 4321^5 \rangle \\
& + 48\langle 4321^4 \rangle & + 50\langle 4321^3 \rangle & + 50\langle 4321^2 \rangle & + 46\langle 4321 \rangle & + 30\langle 432 \rangle \\
& + 2\langle 431^{10} \rangle & + 9\langle 431^9 \rangle & + 21\langle 431^8 \rangle & + 33\langle 431^7 \rangle & + 40\langle 431^6 \rangle \\
& + 42\langle 431^5 \rangle & + 42\langle 431^4 \rangle & + 42\langle 431^3 \rangle & + 42\langle 431^2 \rangle & + 38\langle 431 \rangle \\
& + 22\langle 43 \rangle & + \langle 42^7 \rangle & + \langle 42^61^2 \rangle & + 6\langle 42^61 \rangle & + 11\langle 42^6 \rangle \\
& + \langle 42^51^4 \rangle & + 6\langle 42^51^3 \rangle & + 19\langle 42^51^2 \rangle & + 34\langle 42^51 \rangle & + 31\langle 42^5 \rangle \\
& + \langle 42^41^6 \rangle & + 6\langle 42^41^5 \rangle & + 19\langle 42^41^4 \rangle & + 40\langle 42^41^3 \rangle & + 59\langle 42^41^2 \rangle \\
& + 62\langle 42^41 \rangle & + 41\langle 42^4 \rangle & + \langle 42^31^8 \rangle & + 6\langle 42^31^7 \rangle & + 19\langle 42^31^6 \rangle \\
& + 40\langle 42^31^5 \rangle & + 61\langle 42^31^4 \rangle & + 74\langle 42^31^3 \rangle & + 77\langle 42^31^2 \rangle & + 68\langle 42^31 \rangle \\
& + 42\langle 42^3 \rangle & + \langle 42^21^{10} \rangle & + 6\langle 42^21^9 \rangle & + 19\langle 42^21^8 \rangle & + 40\langle 42^21^7 \rangle \\
& + 61\langle 42^21^6 \rangle & + 74\langle 42^21^5 \rangle & + 79\langle 42^21^4 \rangle & + 80\langle 42^21^3 \rangle & + 78\langle 42^21^2 \rangle \\
& + 68\langle 42^21 \rangle & + 42\langle 42^2 \rangle & + \langle 421^{12} \rangle & + 6\langle 421^{11} \rangle & + 18\langle 421^{10} \rangle \\
& + 36\langle 421^9 \rangle & + 54\langle 421^8 \rangle & + 66\langle 421^7 \rangle & + 71\langle 421^6 \rangle & + 72\langle 421^5 \rangle \\
& + 72\langle 421^4 \rangle & + 72\langle 421^3 \rangle & + 70\langle 421^2 \rangle & + 60\langle 421 \rangle & + 34\langle 42 \rangle \\
& + \langle 41^{14} \rangle & + 4\langle 41^{13} \rangle & + 10\langle 41^{12} \rangle & + 19\langle 41^{11} \rangle & + 28\langle 41^{10} \rangle \\
& + 34\langle 41^9 \rangle & + 37\langle 41^8 \rangle & + 38\langle 41^7 \rangle & + 38\langle 41^6 \rangle & + 38\langle 41^5 \rangle \\
& + 38\langle 41^4 \rangle & + 38\langle 41^3 \rangle & + 36\langle 41^2 \rangle & + 26\langle 41 \rangle & + 10\langle 4 \rangle \\
& + \langle 3^32^4 \rangle & + \langle 3^32^31^2 \rangle & + 4\langle 3^32^31 \rangle & + 5\langle 3^32^3 \rangle & + \langle 3^32^21^4 \rangle \\
& + 4\langle 3^32^21^3 \rangle & + 7\langle 3^32^21^2 \rangle & + 8\langle 3^32^21 \rangle & + 6\langle 3^32^2 \rangle & + \langle 3^321^6 \rangle \\
& + 4\langle 3^321^5 \rangle & + 7\langle 3^321^4 \rangle & + 8\langle 3^321^3 \rangle & + 8\langle 3^321^2 \rangle & + 8\langle 3^321 \rangle \\
& + 6\langle 3^32 \rangle & + \langle 3^31^8 \rangle & + 4\langle 3^31^7 \rangle & + 7\langle 3^31^6 \rangle & + 8\langle 3^31^5 \rangle \\
& + 8\langle 3^31^4 \rangle & + 8\langle 3^31^3 \rangle & + 8\langle 3^31^2 \rangle & + 8\langle 3^31 \rangle & + 6\langle 3^3 \rangle \\
& + \langle 3^22^6 \rangle & + \langle 3^22^51^2 \rangle & + 6\langle 3^22^51 \rangle & + 10\langle 3^22^5 \rangle & + \langle 3^22^41^4 \rangle \\
& + 6\langle 3^22^41^3 \rangle & + 18\langle 3^22^41^2 \rangle & + 28\langle 3^22^41 \rangle & + 22\langle 3^22^4 \rangle & + \langle 3^22^31^6 \rangle \\
& + 6\langle 3^22^31^5 \rangle & + 18\langle 3^22^31^4 \rangle & + 32\langle 3^22^31^3 \rangle & + 40\langle 3^22^31^2 \rangle & + 38\langle 3^22^31 \rangle \\
& + 24\langle 3^22^3 \rangle & + \langle 3^22^21^8 \rangle & + 6\langle 3^22^21^7 \rangle & + 18\langle 3^22^21^6 \rangle & + 32\langle 3^22^21^5 \rangle \\
& + 40\langle 3^22^21^4 \rangle & + 42\langle 3^22^21^3 \rangle & + 42\langle 3^22^21^2 \rangle & + 38\langle 3^22^21 \rangle & + 24\langle 3^22^2 \rangle \\
& + \langle 3^221^{10} \rangle & + 6\langle 3^221^9 \rangle & + 18\langle 3^221^8 \rangle & + 32\langle 3^221^7 \rangle & + 40\langle 3^221^6 \rangle \\
& + 42\langle 3^221^5 \rangle & + 42\langle 3^221^4 \rangle & + 42\langle 3^221^3 \rangle & + 42\langle 3^221^2 \rangle & + 38\langle 3^221 \rangle \\
& + 24\langle 3^22 \rangle & + \langle 3^21^{12} \rangle & + 5\langle 3^21^{11} \rangle & + 14\langle 3^21^{10} \rangle & + 25\langle 3^21^9 \rangle \\
& + 32\langle 3^21^8 \rangle & + 34\langle 3^21^7 \rangle & + 34\langle 3^21^6 \rangle & + 34\langle 3^21^5 \rangle & + 34\langle 3^21^4 \rangle \\
& + 34\langle 3^21^3 \rangle & + 34\langle 3^21^2 \rangle & + 30\langle 3^21 \rangle & + 16\langle 3^2 \rangle & + 2\langle 32^71 \rangle \\
& + 6\langle 32^7 \rangle & + 2\langle 32^61^3 \rangle & + 12\langle 32^61^2 \rangle & + 26\langle 32^61 \rangle & + 25\langle 32^6 \rangle \\
& + 2\langle 32^51^5 \rangle & + 12\langle 32^51^4 \rangle & + 32\langle 32^51^3 \rangle & + 51\langle 32^51^2 \rangle & + 54\langle 32^51 \rangle \\
& + 35\langle 32^5 \rangle & + 2\langle 32^41^7 \rangle & + 12\langle 32^41^6 \rangle & + 32\langle 32^41^5 \rangle & + 53\langle 32^41^4 \rangle \\
& + 66\langle 32^41^3 \rangle & + 69\langle 32^41^2 \rangle & + 60\langle 32^41 \rangle & + 36\langle 32^4 \rangle & + 2\langle 32^31^9 \rangle \\
& + 12\langle 32^31^8 \rangle & + 32\langle 32^31^7 \rangle & + 53\langle 32^31^6 \rangle & + 66\langle 32^31^5 \rangle & + 71\langle 32^31^4 \rangle \\
& + 72\langle 32^31^3 \rangle & + 70\langle 32^31^2 \rangle & + 60\langle 32^31 \rangle & + 36\langle 32^3 \rangle & + 2\langle 32^21^{11} \rangle \\
& + 12\langle 32^21^{10} \rangle & + 32\langle 32^21^9 \rangle & + 53\langle 32^21^8 \rangle & + 66\langle 32^21^7 \rangle & + 71\langle 32^21^6 \rangle \\
& + 72\langle 32^21^5 \rangle & + 72\langle 32^21^4 \rangle & + 72\langle 32^21^3 \rangle & + 70\langle 32^21^2 \rangle & + 60\langle 32^21 \rangle \\
& + 36\langle 32^2 \rangle & + 2\langle 321^{13} \rangle & + 11\langle 321^{12} \rangle & + 28\langle 321^{11} \rangle & + 46\langle 321^{10} \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 58\langle 321^9 \rangle & + 63\langle 321^8 \rangle & + 64\langle 321^7 \rangle & + 64\langle 321^6 \rangle & + 64\langle 321^5 \rangle \\
& + 64\langle 321^4 \rangle & + 64\langle 321^3 \rangle & + 62\langle 321^2 \rangle & + 52\langle 321 \rangle & + 28\langle 32 \rangle \\
& + \langle 31^{15} \rangle & + 6\langle 31^{14} \rangle & + 15\langle 31^{13} \rangle & + 24\langle 31^{12} \rangle & + 30\langle 31^{11} \rangle \\
& + 33\langle 31^{10} \rangle & + 34\langle 31^9 \rangle & + 34\langle 31^8 \rangle & + 34\langle 31^7 \rangle & + 34\langle 31^6 \rangle \\
& + 34\langle 31^5 \rangle & + 34\langle 31^4 \rangle & + 34\langle 31^3 \rangle & + 32\langle 31^2 \rangle & + 22\langle 31 \rangle \\
& + 8\langle 3 \rangle & + \langle 2^9 \rangle & + \langle 2^8 1^2 \rangle & + 6\langle 2^8 1 \rangle & + 9\langle 2^8 \rangle \\
& + \langle 2^7 1^4 \rangle & + 8\langle 2^7 1^3 \rangle & + 19\langle 2^7 1^2 \rangle & + 24\langle 2^7 1 \rangle & + 17\langle 2^7 \rangle \\
& + \langle 2^6 1^6 \rangle & + 8\langle 2^6 1^5 \rangle & + 21\langle 2^6 1^4 \rangle & + 32\langle 2^6 1^3 \rangle & + 35\langle 2^6 1^2 \rangle \\
& + 30\langle 2^6 1 \rangle & + 18\langle 2^6 \rangle & + \langle 2^5 1^8 \rangle & + 8\langle 2^5 1^7 \rangle & + 21\langle 2^5 1^6 \rangle \\
& + 32\langle 2^5 1^5 \rangle & + 37\langle 2^5 1^4 \rangle & + 38\langle 2^5 1^3 \rangle & + 36\langle 2^5 1^2 \rangle & + 30\langle 2^5 1 \rangle \\
& + 18\langle 2^5 \rangle & + \langle 2^4 1^{10} \rangle & + 8\langle 2^4 1^9 \rangle & + 21\langle 2^4 1^8 \rangle & + 32\langle 2^4 1^7 \rangle \\
& + 37\langle 2^4 1^6 \rangle & + 38\langle 2^4 1^5 \rangle & + 38\langle 2^4 1^4 \rangle & + 38\langle 2^4 1^3 \rangle & + 36\langle 2^4 1^2 \rangle \\
& + 30\langle 2^4 1 \rangle & + 18\langle 2^4 \rangle & + \langle 2^3 1^{12} \rangle & + 8\langle 2^3 1^{11} \rangle & + 21\langle 2^3 1^{10} \rangle \\
& + 32\langle 2^3 1^9 \rangle & + 37\langle 2^3 1^8 \rangle & + 38\langle 2^3 1^7 \rangle & + 38\langle 2^3 1^6 \rangle & + 38\langle 2^3 1^5 \rangle \\
& + 38\langle 2^3 1^4 \rangle & + 38\langle 2^3 1^3 \rangle & + 36\langle 2^3 1^2 \rangle & + 30\langle 2^3 1 \rangle & + 18\langle 2^3 \rangle \\
& + \langle 2^2 1^{14} \rangle & + 7\langle 2^2 1^{13} \rangle & + 18\langle 2^2 1^{12} \rangle & + 28\langle 2^2 1^{11} \rangle & + 33\langle 2^2 1^{10} \rangle \\
& + 34\langle 2^2 1^9 \rangle & + 34\langle 2^2 1^8 \rangle & + 34\langle 2^2 1^7 \rangle & + 34\langle 2^2 1^6 \rangle & + 34\langle 2^2 1^5 \rangle \\
& + 34\langle 2^2 1^4 \rangle & + 34\langle 2^2 1^3 \rangle & + 32\langle 2^2 1^2 \rangle & + 26\langle 2^2 1 \rangle & + 14\langle 2^2 \rangle \\
& + 4\langle 21^{15} \rangle & + 11\langle 21^{14} \rangle & + 17\langle 21^{13} \rangle & + 20\langle 21^{12} \rangle & + 21\langle 21^{11} \rangle \\
& + 21\langle 21^{10} \rangle & + 21\langle 21^9 \rangle & + 21\langle 21^8 \rangle & + 21\langle 21^7 \rangle & + 21\langle 21^6 \rangle \\
& + 21\langle 21^5 \rangle & + 21\langle 21^4 \rangle & + 21\langle 21^3 \rangle & + 19\langle 21^2 \rangle & + 13\langle 21 \rangle \\
& + 5\langle 2 \rangle & + \langle 1^{17} \rangle & + 3\langle 1^{16} \rangle & + 5\langle 1^{15} \rangle & + 6\langle 1^{14} \rangle \\
& + 6\langle 1^{13} \rangle & + 6\langle 1^{12} \rangle & + 6\langle 1^{11} \rangle & + 6\langle 1^{10} \rangle & + 6\langle 1^9 \rangle \\
& + 6\langle 1^8 \rangle & + 6\langle 1^7 \rangle & + 6\langle 1^6 \rangle & + 6\langle 1^5 \rangle & + 6\langle 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 1^3 \rangle & + 4\langle 1^2 \rangle & + 2\langle 1 \rangle & + \langle 0 \rangle &
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 21^8 \rangle^2 = & \langle 12 \rangle + \langle 11 \cdot 2 \rangle + \langle 11 \cdot 1^2 \rangle + 4\langle 11 \cdot 1 \rangle + 3\langle 11 \cdot \rangle \\
& + 2\langle 10 \cdot 3 \rangle + \langle 10 \cdot 2^2 \rangle + \langle 10 \cdot 21^2 \rangle + 6\langle 10 \cdot 21 \rangle + 10\langle 10 \cdot 2 \rangle \\
& + \langle 10 \cdot 1^4 \rangle + 4\langle 10 \cdot 1^3 \rangle + 10\langle 10 \cdot 1^2 \rangle + 13\langle 10 \cdot 1 \rangle + 7\langle 10 \cdot \rangle \\
& + \langle 94 \rangle + 2\langle 932 \rangle + 2\langle 931^2 \rangle + 9\langle 931 \rangle + 11\langle 93 \rangle \\
& + \langle 92^3 \rangle + \langle 92^2 \cdot 1^2 \rangle + 6\langle 92^2 \cdot 1 \rangle + 11\langle 92^2 \rangle + \langle 92 \cdot 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 921^3 \rangle + 18\langle 921^2 \rangle + 30\langle 921 \rangle + 24\langle 92 \rangle + \langle 91^6 \rangle \\
& + 4\langle 91^5 \rangle + 10\langle 91^4 \rangle + 19\langle 91^3 \rangle + 26\langle 91^2 \rangle + 22\langle 91 \rangle \\
& + 9\langle 9 \rangle + \langle 842 \rangle + \langle 841^2 \rangle + 4\langle 841 \rangle + 5\langle 84 \rangle \\
& + \langle 83^2 \rangle + 2\langle 832^2 \rangle + 2\langle 8321^2 \rangle + 10\langle 8321 \rangle + 15\langle 832 \rangle \\
& + 2\langle 831^4 \rangle + 9\langle 831^3 \rangle + 21\langle 831^2 \rangle + 29\langle 831 \rangle + 20\langle 83 \rangle \\
& + \langle 82^4 \rangle + \langle 82^3 \cdot 1^2 \rangle + 6\langle 82^3 \cdot 1 \rangle + 11\langle 82^3 \rangle + \langle 82^2 \cdot 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 82^2 \cdot 1^3 \rangle + 19\langle 82^2 \cdot 1^2 \rangle + 34\langle 82^2 \cdot 1 \rangle + 31\langle 82^2 \rangle + \langle 82 \cdot 1^6 \rangle \\
& + 6\langle 821^5 \rangle + 18\langle 821^4 \rangle + 36\langle 821^3 \rangle + 52\langle 821^2 \rangle + 54\langle 821 \rangle \\
& + 33\langle 82 \rangle + \langle 81^8 \rangle + 4\langle 81^7 \rangle + 10\langle 81^6 \rangle + 19\langle 81^5 \rangle \\
& + 28\langle 81^4 \rangle + 34\langle 81^3 \rangle + 35\langle 81^2 \rangle + 26\langle 81 \rangle + 10\langle 8 \rangle \\
& + \langle 742^2 \rangle + \langle 7421^2 \rangle + 4\langle 7421 \rangle + 5\langle 742 \rangle + \langle 741^4 \rangle \\
& + 4\langle 741^3 \rangle + 7\langle 741^2 \rangle + 8\langle 741 \rangle + 6\langle 74 \rangle + \langle 73^2 \rangle \\
& + \langle 73^2 \cdot 1^2 \rangle + 4\langle 73^2 \cdot 1 \rangle + 5\langle 73^2 \rangle + 2\langle 73^2 \cdot 3 \rangle + 2\langle 732^2 \cdot 1^2 \rangle \\
& + 10\langle 732^2 \cdot 1 \rangle + 15\langle 732^2 \rangle + 2\langle 7321^4 \rangle + 10\langle 7321^3 \rangle + 25\langle 7321^2 \rangle \\
& + 36\langle 7321 \rangle + 28\langle 732 \rangle + 2\langle 731^6 \rangle + 9\langle 731^5 \rangle + 21\langle 731^4 \rangle \\
& + 33\langle 731^3 \rangle + 40\langle 731^2 \rangle + 38\langle 731 \rangle + 22\langle 73 \rangle + \langle 72^5 \rangle \\
& + \langle 72^4 \cdot 1^2 \rangle + 6\langle 72^4 \cdot 1 \rangle + 11\langle 72^4 \rangle + \langle 72^3 \cdot 1^4 \rangle + 6\langle 72^3 \cdot 1^3 \rangle \\
& + 19\langle 72^3 \cdot 1^2 \rangle + 34\langle 72^3 \cdot 1 \rangle + 31\langle 72^3 \rangle + \langle 72^2 \cdot 1^6 \rangle + 6\langle 72^2 \cdot 1^5 \rangle \\
& + 19\langle 72^2 \cdot 1^4 \rangle + 40\langle 72^2 \cdot 1^3 \rangle + 59\langle 72^2 \cdot 1^2 \rangle + 62\langle 72^2 \cdot 1 \rangle + 41\langle 72^2 \rangle \\
& + \langle 721^8 \rangle + 6\langle 721^7 \rangle + 18\langle 721^6 \rangle + 36\langle 721^5 \rangle + 54\langle 721^4 \rangle \\
& + 66\langle 721^3 \rangle + 69\langle 721^2 \rangle + 60\langle 721 \rangle + 34\langle 72 \rangle + \langle 71^{10} \rangle \\
& + 4\langle 71^9 \rangle + 10\langle 71^8 \rangle + 19\langle 71^7 \rangle + 28\langle 71^6 \rangle + 34\langle 71^5 \rangle \\
& + 37\langle 71^4 \rangle + 38\langle 71^3 \rangle + 36\langle 71^2 \rangle + 26\langle 71 \rangle + 10\langle 7 \rangle \\
& + \langle 642^3 \rangle + \langle 642^2 \cdot 1^2 \rangle + 4\langle 642^2 \cdot 1 \rangle + 5\langle 642^2 \rangle + \langle 6421^4 \rangle \\
& + 4\langle 6421^3 \rangle + 7\langle 6421^2 \rangle + 8\langle 6421 \rangle + 6\langle 642 \rangle + \langle 641^6 \rangle \\
& + 4\langle 641^5 \rangle + 7\langle 641^4 \rangle + 8\langle 641^3 \rangle + 8\langle 641^2 \rangle + 8\langle 641 \rangle \\
& + 6\langle 64 \rangle + \langle 63^2 \cdot 2^2 \rangle + \langle 63^2 \cdot 21^2 \rangle + 4\langle 63^2 \cdot 21 \rangle + 5\langle 63^2 \rangle \\
& + \langle 63^2 \cdot 1^4 \rangle + 4\langle 63^2 \cdot 1^3 \rangle + 7\langle 63^2 \cdot 1^2 \rangle + 8\langle 63^2 \cdot 1 \rangle + 6\langle 63^2 \rangle \\
& + 2\langle 632^4 \rangle + 2\langle 632^3 \cdot 1^2 \rangle + 10\langle 632^3 \cdot 1 \rangle + 15\langle 632^3 \rangle + 2\langle 632^2 \cdot 1^4 \rangle \\
& + 10\langle 632^2 \cdot 1^3 \rangle + 25\langle 632^2 \cdot 1^2 \rangle + 36\langle 632^2 \cdot 1 \rangle + 28\langle 632^2 \rangle + 2\langle 6321^6 \rangle \\
& + 10\langle 6321^5 \rangle + 25\langle 6321^4 \rangle + 40\langle 6321^3 \rangle + 48\langle 6321^2 \rangle + 46\langle 6321 \rangle \\
& + 30\langle 632 \rangle + 2\langle 631^8 \rangle + 9\langle 631^7 \rangle + 21\langle 631^6 \rangle + 33\langle 631^5 \rangle \\
& + 40\langle 631^4 \rangle + 42\langle 631^3 \rangle + 42\langle 631^2 \rangle + 38\langle 631 \rangle + 22\langle 63 \rangle \\
& + \langle 62^6 \rangle + \langle 62^5 \cdot 1^2 \rangle + 6\langle 62^5 \cdot 1 \rangle + 11\langle 62^5 \rangle + \langle 62^4 \cdot 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 62^4 \cdot 1^3 \rangle + 19\langle 62^4 \cdot 1^2 \rangle + 34\langle 62^4 \cdot 1 \rangle + 31\langle 62^4 \rangle + \langle 62^3 \cdot 1^6 \rangle \\
& + 6\langle 62^3 \cdot 1^5 \rangle + 19\langle 62^3 \cdot 1^4 \rangle + 40\langle 62^3 \cdot 1^3 \rangle + 59\langle 62^3 \cdot 1^2 \rangle + 62\langle 62^3 \cdot 1 \rangle \\
& + 41\langle 62^3 \rangle + \langle 62^2 \cdot 1^8 \rangle + 6\langle 62^2 \cdot 1^7 \rangle + 19\langle 62^2 \cdot 1^6 \rangle + 40\langle 62^2 \cdot 1^5 \rangle \\
& + 61\langle 62^2 \cdot 1^4 \rangle + 74\langle 62^2 \cdot 1^3 \rangle + 77\langle 62^2 \cdot 1^2 \rangle + 68\langle 62^2 \cdot 1 \rangle + 42\langle 62^2 \rangle \\
& + \langle 621^{10} \rangle + 6\langle 621^9 \rangle + 18\langle 621^8 \rangle + 36\langle 621^7 \rangle + 54\langle 621^6 \rangle \\
& + 66\langle 621^5 \rangle + 71\langle 621^4 \rangle + 72\langle 621^3 \rangle + 70\langle 621^2 \rangle + 60\langle 621 \rangle \\
& + 34\langle 62 \rangle + \langle 61^{12} \rangle + 4\langle 61^{11} \rangle + 10\langle 61^{10} \rangle + 19\langle 61^9 \rangle \\
& + 28\langle 61^8 \rangle + 34\langle 61^7 \rangle + 37\langle 61^6 \rangle + 38\langle 61^5 \rangle + 38\langle 61^4 \rangle \\
& + 38\langle 61^3 \rangle + 36\langle 61^2 \rangle + 26\langle 61 \rangle + 10\langle 6 \rangle + \langle 542^4 \rangle \\
& + \langle 542^3 \cdot 1^2 \rangle + 4\langle 542^3 \cdot 1 \rangle + 5\langle 542^3 \rangle + \langle 542^2 \cdot 1^4 \rangle + 4\langle 542^2 \cdot 1^3 \rangle \\
& + 7\langle 542^2 \cdot 1^2 \rangle + 8\langle 542^2 \cdot 1 \rangle + 6\langle 542^2 \rangle + \langle 5421^6 \rangle + 4\langle 5421^5 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 7\langle 5421^4 \rangle & + 8\langle 5421^3 \rangle & + 8\langle 5421^2 \rangle & + 8\langle 5421 \rangle & + 6\langle 542 \rangle \\
& + \langle 541^8 \rangle & + 4\langle 541^7 \rangle & + 7\langle 541^6 \rangle & + 8\langle 541^5 \rangle & + 8\langle 541^4 \rangle \\
& + 8\langle 541^3 \rangle & + 8\langle 541^2 \rangle & + 8\langle 541 \rangle & + 6\langle 54 \rangle & + \langle 53^2 2^3 \rangle \\
& + \langle 53^2 2^2 1^2 \rangle & + 4\langle 53^2 2^2 1 \rangle & + 5\langle 53^2 2^2 \rangle & + \langle 53^2 21^4 \rangle & + 4\langle 53^2 21^3 \rangle \\
& + 7\langle 53^2 21^2 \rangle & + 8\langle 53^2 21 \rangle & + 6\langle 53^2 2 \rangle & + \langle 53^2 1^6 \rangle & + 4\langle 53^2 1^5 \rangle \\
& + 7\langle 53^2 1^4 \rangle & + 8\langle 53^2 1^3 \rangle & + 8\langle 53^2 1^2 \rangle & + 8\langle 53^2 1 \rangle & + 6\langle 53^2 \rangle \\
& + 2\langle 532^5 \rangle & + 2\langle 532^4 1^2 \rangle & + 10\langle 532^4 1 \rangle & + 15\langle 532^4 \rangle & + 2\langle 532^3 1^4 \rangle \\
& + 10\langle 532^3 1^3 \rangle & + 25\langle 532^3 1^2 \rangle & + 36\langle 532^3 1 \rangle & + 28\langle 532^3 \rangle & + 2\langle 532^2 1^6 \rangle \\
& + 10\langle 532^2 1^5 \rangle & + 25\langle 532^2 1^4 \rangle & + 40\langle 532^2 1^3 \rangle & + 48\langle 532^2 1^2 \rangle & + 46\langle 532^2 1 \rangle \\
& + 30\langle 532^2 \rangle & + 2\langle 5321^8 \rangle & + 10\langle 5321^7 \rangle & + 25\langle 5321^6 \rangle & + 40\langle 5321^5 \rangle \\
& + 48\langle 5321^4 \rangle & + 50\langle 5321^3 \rangle & + 50\langle 5321^2 \rangle & + 46\langle 5321 \rangle & + 30\langle 532 \rangle \\
& + 2\langle 531^{10} \rangle & + 9\langle 531^9 \rangle & + 21\langle 531^8 \rangle & + 33\langle 531^7 \rangle & + 40\langle 531^6 \rangle \\
& + 42\langle 531^5 \rangle & + 42\langle 531^4 \rangle & + 42\langle 531^3 \rangle & + 42\langle 531^2 \rangle & + 38\langle 531 \rangle \\
& + 22\langle 53 \rangle & + \langle 52^7 \rangle & + \langle 52^6 1^2 \rangle & + 6\langle 52^6 1 \rangle & + 11\langle 52^6 \rangle \\
& + \langle 52^5 1^4 \rangle & + 6\langle 52^5 1^3 \rangle & + 19\langle 52^5 1^2 \rangle & + 34\langle 52^5 1 \rangle & + 31\langle 52^5 \rangle \\
& + \langle 52^4 1^6 \rangle & + 6\langle 52^4 1^5 \rangle & + 19\langle 52^4 1^4 \rangle & + 40\langle 52^4 1^3 \rangle & + 59\langle 52^4 1^2 \rangle \\
& + 62\langle 52^4 1 \rangle & + 41\langle 52^4 \rangle & + \langle 52^3 1^8 \rangle & + 6\langle 52^3 1^7 \rangle & + 19\langle 52^3 1^6 \rangle \\
& + 40\langle 52^3 1^5 \rangle & + 61\langle 52^3 1^4 \rangle & + 74\langle 52^3 1^3 \rangle & + 77\langle 52^3 1^2 \rangle & + 68\langle 52^3 1 \rangle \\
& + 42\langle 52^3 \rangle & + \langle 52^2 1^{10} \rangle & + 6\langle 52^2 1^9 \rangle & + 19\langle 52^2 1^8 \rangle & + 40\langle 52^2 1^7 \rangle \\
& + 61\langle 52^2 1^6 \rangle & + 74\langle 52^2 1^5 \rangle & + 79\langle 52^2 1^4 \rangle & + 80\langle 52^2 1^3 \rangle & + 78\langle 52^2 1^2 \rangle \\
& + 68\langle 52^2 1 \rangle & + 42\langle 52^2 \rangle & + \langle 52 1^{12} \rangle & + 6\langle 52 1^{11} \rangle & + 18\langle 52 1^{10} \rangle \\
& + 36\langle 52 1^9 \rangle & + 54\langle 52 1^8 \rangle & + 66\langle 52 1^7 \rangle & + 71\langle 52 1^6 \rangle & + 72\langle 52 1^5 \rangle \\
& + 72\langle 52 1^4 \rangle & + 72\langle 52 1^3 \rangle & + 70\langle 52 1^2 \rangle & + 60\langle 52 1 \rangle & + 34\langle 52 \rangle \\
& + \langle 51^{14} \rangle & + 4\langle 51^{13} \rangle & + 10\langle 51^{12} \rangle & + 19\langle 51^{11} \rangle & + 28\langle 51^{10} \rangle \\
& + 34\langle 51^9 \rangle & + 37\langle 51^8 \rangle & + 38\langle 51^7 \rangle & + 38\langle 51^6 \rangle & + 38\langle 51^5 \rangle \\
& + 38\langle 51^4 \rangle & + 38\langle 51^3 \rangle & + 36\langle 51^2 \rangle & + 26\langle 51 \rangle & + 10\langle 5 \rangle \\
& + \langle 4^2 2^5 \rangle & + \langle 4^2 2^4 1^2 \rangle & + 4\langle 4^2 2^4 1 \rangle & + 5\langle 4^2 2^4 \rangle & + \langle 4^2 2^3 1^4 \rangle \\
& + 4\langle 4^2 2^3 1^3 \rangle & + 7\langle 4^2 2^3 1^2 \rangle & + 8\langle 4^2 2^3 1 \rangle & + 6\langle 4^2 2^3 \rangle & + \langle 4^2 2^2 1^6 \rangle \\
& + 4\langle 4^2 2^2 1^5 \rangle & + 7\langle 4^2 2^2 1^4 \rangle & + 8\langle 4^2 2^2 1^3 \rangle & + 8\langle 4^2 2^2 1^2 \rangle & + 8\langle 4^2 2^2 1 \rangle \\
& + 6\langle 4^2 2^2 \rangle & + \langle 4^2 2 1^8 \rangle & + 4\langle 4^2 2 1^7 \rangle & + 7\langle 4^2 2 1^6 \rangle & + 8\langle 4^2 2 1^5 \rangle \\
& + 8\langle 4^2 2 1^4 \rangle & + 8\langle 4^2 2 1^3 \rangle & + 8\langle 4^2 2 1^2 \rangle & + 8\langle 4^2 2 1 \rangle & + 6\langle 4^2 2 \rangle \\
& + \langle 4^2 1^{10} \rangle & + 4\langle 4^2 1^9 \rangle & + 7\langle 4^2 1^8 \rangle & + 8\langle 4^2 1^7 \rangle & + 8\langle 4^2 1^6 \rangle \\
& + 8\langle 4^2 1^5 \rangle & + 8\langle 4^2 1^4 \rangle & + 8\langle 4^2 1^3 \rangle & + 8\langle 4^2 1^2 \rangle & + 8\langle 4^2 1 \rangle \\
& + 6\langle 4^2 \rangle & + \langle 43^2 2^4 \rangle & + \langle 43^2 2^3 1^2 \rangle & + 4\langle 43^2 2^3 1 \rangle & + 5\langle 43^2 2^3 \rangle \\
& + \langle 43^2 2^2 1^4 \rangle & + 4\langle 43^2 2^2 1^3 \rangle & + 7\langle 43^2 2^2 1^2 \rangle & + 8\langle 43^2 2^2 1 \rangle & + 6\langle 43^2 2^2 \rangle \\
& + \langle 43^2 2 1^6 \rangle & + 4\langle 43^2 2 1^5 \rangle & + 7\langle 43^2 2 1^4 \rangle & + 8\langle 43^2 2 1^3 \rangle & + 8\langle 43^2 2 1^2 \rangle \\
& + 8\langle 43^2 2 1 \rangle & + 6\langle 43^2 2 \rangle & + \langle 43^2 1^8 \rangle & + 4\langle 43^2 1^7 \rangle & + 7\langle 43^2 1^6 \rangle \\
& + 8\langle 43^2 1^5 \rangle & + 8\langle 43^2 1^4 \rangle & + 8\langle 43^2 1^3 \rangle & + 8\langle 43^2 1^2 \rangle & + 8\langle 43^2 1 \rangle \\
& + 6\langle 43^2 \rangle & + 2\langle 432^6 \rangle & + 2\langle 432^5 1^2 \rangle & + 10\langle 432^5 1 \rangle & + 15\langle 432^5 \rangle \\
& + 2\langle 432^4 1^4 \rangle & + 10\langle 432^4 1^3 \rangle & + 25\langle 432^4 1^2 \rangle & + 36\langle 432^4 1 \rangle & + 28\langle 432^4 \rangle \\
& + 2\langle 432^3 1^6 \rangle & + 10\langle 432^3 1^5 \rangle & + 25\langle 432^3 1^4 \rangle & + 40\langle 432^3 1^3 \rangle & + 48\langle 432^3 1^2 \rangle \\
& + 46\langle 432^3 1 \rangle & + 30\langle 432^3 \rangle & + 2\langle 432^2 1^8 \rangle & + 10\langle 432^2 1^7 \rangle & + 25\langle 432^2 1^6 \rangle \\
& + 40\langle 432^2 1^5 \rangle & + 48\langle 432^2 1^4 \rangle & + 50\langle 432^2 1^3 \rangle & + 50\langle 432^2 1^2 \rangle & + 46\langle 432^2 1 \rangle \\
& + 30\langle 432^2 \rangle & + 2\langle 4321^{10} \rangle & + 10\langle 4321^9 \rangle & + 25\langle 4321^8 \rangle & + 40\langle 4321^7 \rangle \\
& + 48\langle 4321^6 \rangle & + 50\langle 4321^5 \rangle & + 50\langle 4321^4 \rangle & + 50\langle 4321^3 \rangle & + 50\langle 4321^2 \rangle \\
& + 46\langle 4321 \rangle & + 30\langle 432 \rangle & + 2\langle 431^{12} \rangle & + 9\langle 431^{11} \rangle & + 21\langle 431^{10} \rangle \\
& + 33\langle 431^9 \rangle & + 40\langle 431^8 \rangle & + 42\langle 431^7 \rangle & + 42\langle 431^6 \rangle & + 42\langle 431^5 \rangle \\
& + 42\langle 431^4 \rangle & + 42\langle 431^3 \rangle & + 42\langle 431^2 \rangle & + 38\langle 431 \rangle & + 22\langle 43 \rangle \\
& + \langle 42^8 \rangle & + \langle 42^7 1^2 \rangle & + 6\langle 42^7 1 \rangle & + 11\langle 42^7 \rangle & + \langle 42^6 1^4 \rangle \\
& + 6\langle 42^6 1^3 \rangle & + 19\langle 42^6 1^2 \rangle & + 34\langle 42^6 1 \rangle & + 31\langle 42^6 \rangle & + \langle 42^5 1^6 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 6\langle 42^5 1^5 \rangle & + 19\langle 42^5 1^4 \rangle & + 40\langle 42^5 1^3 \rangle & + 59\langle 42^5 1^2 \rangle & + 62\langle 42^5 1 \rangle \\
& + 41\langle 42^5 \rangle & + \langle 42^4 1^8 \rangle & + 6\langle 42^4 1^7 \rangle & + 19\langle 42^4 1^6 \rangle & + 40\langle 42^4 1^5 \rangle \\
& + 61\langle 42^4 1^4 \rangle & + 74\langle 42^4 1^3 \rangle & + 77\langle 42^4 1^2 \rangle & + 68\langle 42^4 1 \rangle & + 42\langle 42^4 \rangle \\
& + \langle 42^3 1^{10} \rangle & + 6\langle 42^3 1^9 \rangle & + 19\langle 42^3 1^8 \rangle & + 40\langle 42^3 1^7 \rangle & + 61\langle 42^3 1^6 \rangle \\
& + 74\langle 42^3 1^5 \rangle & + 79\langle 42^3 1^4 \rangle & + 80\langle 42^3 1^3 \rangle & + 78\langle 42^3 1^2 \rangle & + 68\langle 42^3 1 \rangle \\
& + 42\langle 42^3 \rangle & + \langle 42^2 1^{12} \rangle & + 6\langle 42^2 1^{11} \rangle & + 19\langle 42^2 1^{10} \rangle & + 40\langle 42^2 1^9 \rangle \\
& + 61\langle 42^2 1^8 \rangle & + 74\langle 42^2 1^7 \rangle & + 79\langle 42^2 1^6 \rangle & + 80\langle 42^2 1^5 \rangle & + 80\langle 42^2 1^4 \rangle \\
& + 80\langle 42^2 1^3 \rangle & + 78\langle 42^2 1^2 \rangle & + 68\langle 42^2 1 \rangle & + 42\langle 42^2 \rangle & + \langle 421^{14} \rangle \\
& + 6\langle 421^{13} \rangle & + 18\langle 421^{12} \rangle & + 36\langle 421^{11} \rangle & + 54\langle 421^{10} \rangle & + 66\langle 421^9 \rangle \\
& + 71\langle 421^8 \rangle & + 72\langle 421^7 \rangle & + 72\langle 421^6 \rangle & + 72\langle 421^5 \rangle & + 72\langle 421^4 \rangle \\
& + 72\langle 421^3 \rangle & + 70\langle 421^2 \rangle & + 60\langle 421 \rangle & + 34\langle 42 \rangle & + \langle 41^{16} \rangle \\
& + 4\langle 41^{15} \rangle & + 10\langle 41^{14} \rangle & + 19\langle 41^{13} \rangle & + 28\langle 41^{12} \rangle & + 34\langle 41^{11} \rangle \\
& + 37\langle 41^{10} \rangle & + 38\langle 41^9 \rangle & + 38\langle 41^8 \rangle & + 38\langle 41^7 \rangle & + 38\langle 41^6 \rangle \\
& + 38\langle 41^5 \rangle & + 38\langle 41^4 \rangle & + 38\langle 41^3 \rangle & + 36\langle 41^2 \rangle & + 26\langle 41 \rangle \\
& + 10\langle 4 \rangle & + \langle 3^3 2^5 \rangle & + \langle 3^3 2^4 1^2 \rangle & + 4\langle 3^3 2^4 1 \rangle & + 5\langle 3^3 2^4 \rangle \\
& + \langle 3^3 2^3 1^4 \rangle & + 4\langle 3^3 2^3 1^3 \rangle & + 7\langle 3^3 2^3 1^2 \rangle & + 8\langle 3^3 2^3 1 \rangle & + 6\langle 3^3 2^3 \rangle \\
& + \langle 3^3 2^2 1^6 \rangle & + 4\langle 3^3 2^2 1^5 \rangle & + 7\langle 3^3 2^2 1^4 \rangle & + 8\langle 3^3 2^2 1^3 \rangle & + 8\langle 3^3 2^2 1^2 \rangle \\
& + 8\langle 3^3 2^2 1 \rangle & + 6\langle 3^3 2^2 \rangle & + \langle 3^3 21^8 \rangle & + 4\langle 3^3 21^7 \rangle & + 7\langle 3^3 21^6 \rangle \\
& + 6\langle 3^3 2 \rangle & + \langle 3^3 1^{10} \rangle & + 4\langle 3^3 1^9 \rangle & + 7\langle 3^3 1^8 \rangle & + 8\langle 3^3 1^7 \rangle \\
& + 8\langle 3^3 1^6 \rangle & + 8\langle 3^3 1^5 \rangle & + 8\langle 3^3 1^4 \rangle & + 8\langle 3^3 1^3 \rangle & + 8\langle 3^3 1^2 \rangle \\
& + 8\langle 3^3 1 \rangle & + 6\langle 3^3 \rangle & + \langle 3^2 2^7 \rangle & + \langle 3^2 6 1^2 \rangle & + 6\langle 3^2 6 1 \rangle \\
& + 10\langle 3^2 2^6 \rangle & + \langle 3^2 2^5 1^4 \rangle & + 6\langle 3^2 2^5 1^3 \rangle & + 18\langle 3^2 2^5 1^2 \rangle & + 28\langle 3^2 2^5 1 \rangle \\
& + 22\langle 3^2 2^5 \rangle & + \langle 3^2 2^4 1^6 \rangle & + 6\langle 3^2 2^4 1^5 \rangle & + 18\langle 3^2 2^4 1^4 \rangle & + 32\langle 3^2 2^4 1^3 \rangle \\
& + 40\langle 3^2 2^4 1^2 \rangle & + 38\langle 3^2 2^4 1 \rangle & + 24\langle 3^2 2^4 \rangle & + \langle 3^2 2^3 1^8 \rangle & + 6\langle 3^2 2^3 1^7 \rangle \\
& + 18\langle 3^2 2^3 1^6 \rangle & + 32\langle 3^2 2^3 1^5 \rangle & + 40\langle 3^2 2^3 1^4 \rangle & + 42\langle 3^2 2^3 1^3 \rangle & + 42\langle 3^2 2^3 1^2 \rangle \\
& + 38\langle 3^2 2^3 1 \rangle & + 24\langle 3^2 2^3 \rangle & + \langle 3^2 2^2 1^{10} \rangle & + 6\langle 3^2 2^2 1^9 \rangle & + 18\langle 3^2 2^2 1^8 \rangle \\
& + 32\langle 3^2 2^2 1^7 \rangle & + 40\langle 3^2 2^2 1^6 \rangle & + 42\langle 3^2 2^2 1^5 \rangle & + 42\langle 3^2 2^2 1^4 \rangle & + 42\langle 3^2 2^2 1^3 \rangle \\
& + 42\langle 3^2 2^2 1^2 \rangle & + 38\langle 3^2 2^2 1 \rangle & + 24\langle 3^2 2^2 \rangle & + \langle 3^2 21^{12} \rangle & + 6\langle 3^2 21^{11} \rangle \\
& + 18\langle 3^2 21^{10} \rangle & + 32\langle 3^2 21^9 \rangle & + 40\langle 3^2 21^8 \rangle & + 42\langle 3^2 21^7 \rangle & + 42\langle 3^2 21^6 \rangle \\
& + 42\langle 3^2 21^5 \rangle & + 42\langle 3^2 21^4 \rangle & + 42\langle 3^2 21^3 \rangle & + 42\langle 3^2 21^2 \rangle & + 38\langle 3^2 21 \rangle \\
& + 24\langle 3^2 2 \rangle & + \langle 3^2 1^{14} \rangle & + 5\langle 3^2 1^{13} \rangle & + 14\langle 3^2 1^{12} \rangle & + 25\langle 3^2 1^{11} \rangle \\
& + 32\langle 3^2 1^{10} \rangle & + 34\langle 3^2 1^9 \rangle & + 34\langle 3^2 1^8 \rangle & + 34\langle 3^2 1^7 \rangle & + 34\langle 3^2 1^6 \rangle \\
& + 34\langle 3^2 1^5 \rangle & + 34\langle 3^2 1^4 \rangle & + 34\langle 3^2 1^3 \rangle & + 34\langle 3^2 1^2 \rangle & + 30\langle 3^2 1 \rangle \\
& + 16\langle 3^2 \rangle & + 2\langle 32^8 1 \rangle & + 6\langle 32^8 \rangle & + 2\langle 32^7 1^3 \rangle & + 12\langle 32^7 1^2 \rangle \\
& + 26\langle 32^7 1 \rangle & + 25\langle 32^7 \rangle & + 2\langle 32^6 1^5 \rangle & + 12\langle 32^6 1^4 \rangle & + 32\langle 32^6 1^3 \rangle \\
& + 51\langle 32^6 1^2 \rangle & + 54\langle 32^6 1 \rangle & + 35\langle 32^6 \rangle & + 2\langle 32^5 1^7 \rangle & + 12\langle 32^5 1^6 \rangle \\
& + 32\langle 32^5 1^5 \rangle & + 53\langle 32^5 1^4 \rangle & + 66\langle 32^5 1^3 \rangle & + 69\langle 32^5 1^2 \rangle & + 60\langle 32^5 1 \rangle \\
& + 36\langle 32^5 \rangle & + 2\langle 32^4 1^9 \rangle & + 12\langle 32^4 1^8 \rangle & + 32\langle 32^4 1^7 \rangle & + 53\langle 32^4 1^6 \rangle \\
& + 66\langle 32^4 1^5 \rangle & + 71\langle 32^4 1^4 \rangle & + 72\langle 32^4 1^3 \rangle & + 70\langle 32^4 1^2 \rangle & + 60\langle 32^4 1 \rangle \\
& + 36\langle 32^4 \rangle & + 2\langle 32^3 1^{11} \rangle & + 12\langle 32^3 1^{10} \rangle & + 32\langle 32^3 1^9 \rangle & + 53\langle 32^3 1^8 \rangle \\
& + 66\langle 32^3 1^7 \rangle & + 71\langle 32^3 1^6 \rangle & + 72\langle 32^3 1^5 \rangle & + 72\langle 32^3 1^4 \rangle & + 72\langle 32^3 1^3 \rangle \\
& + 70\langle 32^3 1^2 \rangle & + 60\langle 32^3 1 \rangle & + 36\langle 32^3 \rangle & + 2\langle 32^2 1^{13} \rangle & + 12\langle 32^2 1^{12} \rangle \\
& + 32\langle 32^2 1^{11} \rangle & + 53\langle 32^2 1^{10} \rangle & + 66\langle 32^2 1^9 \rangle & + 71\langle 32^2 1^8 \rangle & + 72\langle 32^2 1^7 \rangle \\
& + 72\langle 32^2 1^6 \rangle & + 72\langle 32^2 1^5 \rangle & + 72\langle 32^2 1^4 \rangle & + 72\langle 32^2 1^3 \rangle & + 70\langle 32^2 1^2 \rangle \\
& + 60\langle 32^2 1 \rangle & + 36\langle 32^2 \rangle & + 2\langle 321^{15} \rangle & + 11\langle 321^{14} \rangle & + 28\langle 321^{13} \rangle \\
& + 46\langle 321^{12} \rangle & + 58\langle 321^{11} \rangle & + 63\langle 321^{10} \rangle & + 64\langle 321^9 \rangle & + 64\langle 321^8 \rangle \\
& + 64\langle 321^7 \rangle & + 64\langle 321^6 \rangle & + 64\langle 321^5 \rangle & + 64\langle 321^4 \rangle & + 64\langle 321^3 \rangle \\
& + 62\langle 321^2 \rangle & + 52\langle 321 \rangle & + 28\langle 32 \rangle & + \langle 31^{17} \rangle & + 6\langle 31^{16} \rangle \\
& + 15\langle 31^{15} \rangle & + 24\langle 31^{14} \rangle & + 30\langle 31^{13} \rangle & + 33\langle 31^{12} \rangle & + 34\langle 31^{11} \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 34\langle 31^{10} \rangle & + 34\langle 31^9 \rangle & + 34\langle 31^8 \rangle & + 34\langle 31^7 \rangle & + 34\langle 31^6 \rangle \\
& + 34\langle 31^5 \rangle & + 34\langle 31^4 \rangle & + 34\langle 31^3 \rangle & + 32\langle 31^2 \rangle & + 22\langle 31 \rangle \\
& + 8\langle 3 \rangle & + \langle 2^{10} \rangle & + \langle 2^9 1^2 \rangle & + 6\langle 2^9 1 \rangle & + 9\langle 2^9 \rangle \\
& + \langle 2^8 1^4 \rangle & + 8\langle 2^8 1^3 \rangle & + 19\langle 2^8 1^2 \rangle & + 24\langle 2^8 1 \rangle & + 17\langle 2^8 \rangle \\
& + \langle 2^7 1^6 \rangle & + 8\langle 2^7 1^5 \rangle & + 21\langle 2^7 1^4 \rangle & + 32\langle 2^7 1^3 \rangle & + 35\langle 2^7 1^2 \rangle \\
& + 30\langle 2^7 1 \rangle & + 18\langle 2^7 \rangle & + \langle 2^6 1^8 \rangle & + 8\langle 2^6 1^7 \rangle & + 21\langle 2^6 1^6 \rangle \\
& + 32\langle 2^6 1^5 \rangle & + 37\langle 2^6 1^4 \rangle & + 38\langle 2^6 1^3 \rangle & + 36\langle 2^6 1^2 \rangle & + 30\langle 2^6 1 \rangle \\
& + 18\langle 2^6 \rangle & + \langle 2^5 1^{10} \rangle & + 8\langle 2^5 1^9 \rangle & + 21\langle 2^5 1^8 \rangle & + 32\langle 2^5 1^7 \rangle \\
& + 37\langle 2^5 1^6 \rangle & + 38\langle 2^5 1^5 \rangle & + 38\langle 2^5 1^4 \rangle & + 38\langle 2^5 1^3 \rangle & + 36\langle 2^5 1^2 \rangle \\
& + 30\langle 2^5 1 \rangle & + 18\langle 2^5 \rangle & + \langle 2^4 1^{12} \rangle & + 8\langle 2^4 1^{11} \rangle & + 21\langle 2^4 1^{10} \rangle \\
& + 32\langle 2^4 1^9 \rangle & + 37\langle 2^4 1^8 \rangle & + 38\langle 2^4 1^7 \rangle & + 38\langle 2^4 1^6 \rangle & + 38\langle 2^4 1^5 \rangle \\
& + 38\langle 2^4 1^4 \rangle & + 38\langle 2^4 1^3 \rangle & + 36\langle 2^4 1^2 \rangle & + 30\langle 2^4 1 \rangle & + 18\langle 2^4 \rangle \\
& + \langle 2^3 1^{14} \rangle & + 8\langle 2^3 1^{13} \rangle & + 21\langle 2^3 1^{12} \rangle & + 32\langle 2^3 1^{11} \rangle & + 37\langle 2^3 1^{10} \rangle \\
& + 38\langle 2^3 1^9 \rangle & + 38\langle 2^3 1^8 \rangle & + 38\langle 2^3 1^7 \rangle & + 38\langle 2^3 1^6 \rangle & + 38\langle 2^3 1^5 \rangle \\
& + 38\langle 2^3 1^4 \rangle & + 38\langle 2^3 1^3 \rangle & + 36\langle 2^3 1^2 \rangle & + 30\langle 2^3 1 \rangle & + 18\langle 2^3 \rangle \\
& + \langle 2^2 1^{16} \rangle & + 7\langle 2^2 1^{15} \rangle & + 18\langle 2^2 1^{14} \rangle & + 28\langle 2^2 1^{13} \rangle & + 33\langle 2^2 1^{12} \rangle \\
& + 34\langle 2^2 1^{11} \rangle & + 34\langle 2^2 1^{10} \rangle & + 34\langle 2^2 1^9 \rangle & + 34\langle 2^2 1^8 \rangle & + 34\langle 2^2 1^7 \rangle \\
& + 34\langle 2^2 1^6 \rangle & + 34\langle 2^2 1^5 \rangle & + 34\langle 2^2 1^4 \rangle & + 34\langle 2^2 1^3 \rangle & + 32\langle 2^2 1^2 \rangle \\
& + 26\langle 2^2 1 \rangle & + 14\langle 2^2 \rangle & + 4\langle 21^{17} \rangle & + 11\langle 21^{16} \rangle & + 17\langle 21^{15} \rangle \\
& + 20\langle 21^{14} \rangle & + 21\langle 21^{13} \rangle & + 21\langle 21^{12} \rangle & + 21\langle 21^{11} \rangle & + 21\langle 21^{10} \rangle \\
& + 21\langle 21^9 \rangle & + 21\langle 21^8 \rangle & + 21\langle 21^7 \rangle & + 21\langle 21^6 \rangle & + 21\langle 21^5 \rangle \\
& + 21\langle 21^4 \rangle & + 21\langle 21^3 \rangle & + 19\langle 21^2 \rangle & + 13\langle 21 \rangle & + 5\langle 2 \rangle \\
& + \langle 1^{19} \rangle & + 3\langle 1^{18} \rangle & + 5\langle 1^{17} \rangle & + 6\langle 1^{16} \rangle & + 6\langle 1^{15} \rangle \\
& + 6\langle 1^{14} \rangle & + 6\langle 1^{13} \rangle & + 6\langle 1^{12} \rangle & + 6\langle 1^{11} \rangle & + 6\langle 1^{10} \rangle \\
& + 6\langle 1^9 \rangle & + 6\langle 1^8 \rangle & + 6\langle 1^7 \rangle & + 6\langle 1^6 \rangle & + 6\langle 1^5 \rangle \\
& + 6\langle 1^4 \rangle & + 6\langle 1^3 \rangle & + 4\langle 1^2 \rangle & + 2\langle 1 \rangle & + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 31 \rangle^2 = & \\
& + \langle 7 \rangle \quad + \langle 62 \rangle \quad + \langle 61^2 \rangle \quad + 4\langle 61 \rangle \quad + 3\langle 6 \rangle \\
& + \langle 53 \rangle \quad + 2\langle 521 \rangle \quad + 7\langle 52 \rangle \quad + \langle 51^3 \rangle \quad + 6\langle 51^2 \rangle \\
& + 11\langle 51 \rangle \quad + 6\langle 5 \rangle \quad + \langle 4^2 \rangle \quad + 2\langle 431 \rangle \quad + 6\langle 43 \rangle \\
& + \langle 42^2 \rangle \quad + \langle 421^2 \rangle \quad + 11\langle 421 \rangle \quad + 17\langle 42 \rangle \quad + 4\langle 41^3 \rangle \\
& + 16\langle 41^2 \rangle \quad + 19\langle 41 \rangle \quad + 8\langle 4 \rangle \quad + \langle 3^2 2 \rangle \quad + \langle 3^2 1^2 \rangle \\
& + 6\langle 3^2 1 \rangle \quad + 8\langle 3^2 \rangle \quad + 5\langle 32^2 \rangle \quad + 6\langle 321^2 \rangle \quad + 22\langle 321 \rangle \\
& + 21\langle 32 \rangle \quad + \langle 31^4 \rangle \quad + 11\langle 31^3 \rangle \quad + 22\langle 31^2 \rangle \quad + 19\langle 31 \rangle \\
& + 7\langle 3 \rangle \quad + 2\langle 2^3 1 \rangle \quad + 6\langle 2^3 \rangle \quad + \langle 2^2 1^3 \rangle \quad + 8\langle 2^2 1^2 \rangle \\
& + 17\langle 2^2 1 \rangle \quad + 13\langle 2^2 \rangle \quad + 3\langle 21^4 \rangle \quad + 11\langle 21^3 \rangle \quad + 17\langle 21^2 \rangle \\
& + 13\langle 21 \rangle \quad + 5\langle 2 \rangle \quad + 2\langle 1^5 \rangle \quad + 5\langle 1^4 \rangle \quad + 6\langle 1^3 \rangle \\
& + 4\langle 1^2 \rangle \quad + 2\langle 1 \rangle \quad + \langle 0 \rangle \\
\langle 31^2 \rangle^2 = & \\
& + \langle 8 \rangle \quad + \langle 72 \rangle \quad + \langle 71^2 \rangle \quad + 4\langle 71 \rangle \quad + 3\langle 7 \rangle \\
& + 2\langle 63 \rangle \quad + \langle 62^2 \rangle \quad + \langle 621^2 \rangle \quad + 6\langle 621 \rangle \quad + 12\langle 62 \rangle \\
& + \langle 61^4 \rangle \quad + 4\langle 61^3 \rangle \quad + 10\langle 61^2 \rangle \quad + 15\langle 61 \rangle \quad + 8\langle 6 \rangle \\
& + 2\langle 54 \rangle \quad + \langle 532 \rangle \quad + \langle 531^2 \rangle \quad + 9\langle 531 \rangle \quad + 16\langle 53 \rangle \\
& + 2\langle 52^2 1 \rangle \quad + 8\langle 52^2 \rangle \quad + 2\langle 521^3 \rangle \quad + 13\langle 521^2 \rangle \quad + 36\langle 521 \rangle \\
& + 36\langle 52 \rangle \quad + \langle 51^5 \rangle \quad + 6\langle 51^4 \rangle \quad + 19\langle 51^3 \rangle \quad + 36\langle 51^2 \rangle \\
& + 33\langle 51 \rangle \quad + 12\langle 5 \rangle \quad + \langle 4^2 2 \rangle \quad + \langle 4^2 1^2 \rangle \quad + 5\langle 4^2 1 \rangle \\
& + 8\langle 4^2 \rangle \quad + 2\langle 4321 \rangle \quad + 10\langle 432 \rangle \quad + 2\langle 431^3 \rangle \quad + 14\langle 431^2 \rangle \\
& + 38\langle 431 \rangle \quad + 35\langle 43 \rangle \quad + \langle 42^3 \rangle \quad + \langle 42^2 1^2 \rangle \quad + 14\langle 42^2 1 \rangle \\
& + 34\langle 42^2 \rangle \quad + \langle 421^4 \rangle \quad + 13\langle 421^3 \rangle \quad + 51\langle 421^2 \rangle \quad + 88\langle 421 \rangle \\
& + 61\langle 42 \rangle \quad + 4\langle 41^5 \rangle \quad + 22\langle 41^4 \rangle \quad + 50\langle 41^3 \rangle \quad + 62\langle 41^2 \rangle \\
& + 43\langle 41 \rangle \quad + 14\langle 4 \rangle \quad + 2\langle 3^3 \rangle \quad + \langle 3^2 2^2 \rangle \quad + \langle 3^2 21^2 \rangle \\
& + 10\langle 3^2 21 \rangle \quad + 23\langle 3^2 2 \rangle \quad + \langle 3^2 1^4 \rangle \quad + 8\langle 3^2 1^3 \rangle \quad + 30\langle 3^2 1^2 \rangle \\
& + 51\langle 3^2 1 \rangle \quad + 32\langle 3^2 \rangle \quad + 5\langle 32^3 \rangle \quad + 9\langle 32^2 1^2 \rangle \quad + 40\langle 32^2 1 \rangle \\
& + 54\langle 32^2 \rangle \quad + 6\langle 321^4 \rangle \quad + 36\langle 321^3 \rangle \quad + 87\langle 321^2 \rangle \quad + 104\langle 321 \rangle \\
& + 55\langle 32 \rangle \quad + \langle 31^6 \rangle \quad + 13\langle 31^5 \rangle \quad + 39\langle 31^4 \rangle \quad + 64\langle 31^3 \rangle \\
& + 63\langle 31^2 \rangle \quad + 36\langle 31 \rangle \quad + 10\langle 3 \rangle \quad + 2\langle 2^4 1 \rangle \quad + 8\langle 2^4 \rangle \\
& + 2\langle 2^3 1^3 \rangle \quad + 14\langle 2^3 1^2 \rangle \quad + 35\langle 2^3 1 \rangle \quad + 35\langle 2^3 \rangle \quad + \langle 2^2 1^5 \rangle \\
& + 10\langle 2^2 1^4 \rangle \quad + 34\langle 2^2 1^3 \rangle \quad + 58\langle 2^2 1^2 \rangle \quad + 55\langle 2^2 1 \rangle \quad + 26\langle 2^2 \rangle \\
& + 3\langle 21^6 \rangle \quad + 15\langle 21^5 \rangle \quad + 34\langle 21^4 \rangle \quad + 43\langle 21^3 \rangle \quad + 34\langle 21^2 \rangle \\
& + 18\langle 21 \rangle \quad + 6\langle 2 \rangle \quad + 2\langle 1^7 \rangle \quad + 7\langle 1^6 \rangle \quad + 12\langle 1^5 \rangle \\
& + 12\langle 1^4 \rangle \quad + 8\langle 1^3 \rangle \quad + 4\langle 1^2 \rangle \quad + 2\langle 1 \rangle \quad + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 31^3 \rangle^2 = & \langle 9 \rangle + \langle 82 \rangle + \langle 81^2 \rangle + 4\langle 81 \rangle + 3\langle 8 \rangle \\
& + 2\langle 73 \rangle + \langle 72^2 \rangle + \langle 721^2 \rangle + 6\langle 721 \rangle + 12\langle 72 \rangle \\
& + \langle 71^4 \rangle + 4\langle 71^3 \rangle + 10\langle 71^2 \rangle + 15\langle 71 \rangle + 8\langle 7 \rangle \\
& + 3\langle 64 \rangle + 2\langle 632 \rangle + 2\langle 631^2 \rangle + 13\langle 631 \rangle + 21\langle 63 \rangle \\
& + \langle 62^3 \rangle + \langle 62^2 1^2 \rangle + 6\langle 62^2 1 \rangle + 13\langle 62^2 \rangle + \langle 621^4 \rangle \\
& + 6\langle 621^3 \rangle + 20\langle 621^2 \rangle + 44\langle 621 \rangle + 42\langle 62 \rangle + \langle 61^6 \rangle \\
& + 4\langle 61^5 \rangle + 10\langle 61^4 \rangle + 23\langle 61^3 \rangle + 40\langle 61^2 \rangle + 37\langle 61 \rangle \\
& + 14\langle 6 \rangle + \langle 5^2 \rangle + 2\langle 542 \rangle + 2\langle 541^2 \rangle + 12\langle 541 \rangle \\
& + 18\langle 54 \rangle + \langle 53^2 \rangle + \langle 532^2 \rangle + \langle 5321^2 \rangle + 10\langle 5321 \rangle \\
& + 26\langle 532 \rangle + \langle 531^4 \rangle + 9\langle 531^3 \rangle + 36\langle 531^2 \rangle + 73\langle 531 \rangle \\
& + 58\langle 53 \rangle + 2\langle 52^3 1 \rangle + 8\langle 52^3 \rangle + 2\langle 52^2 1^3 \rangle + 14\langle 52^2 1^2 \rangle \\
& + 44\langle 52^2 1 \rangle + 63\langle 52^2 \rangle + 2\langle 521^5 \rangle + 13\langle 521^4 \rangle + 44\langle 521^3 \rangle \\
& + 98\langle 521^2 \rangle + 134\langle 521 \rangle + 85\langle 52 \rangle + \langle 51^7 \rangle + 6\langle 51^6 \rangle \\
& + 19\langle 51^5 \rangle + 44\langle 51^4 \rangle + 74\langle 51^3 \rangle + 84\langle 51^2 \rangle + 57\langle 51 \rangle \\
& + 18\langle 5 \rangle + \langle 4^2 3 \rangle + \langle 4^2 2^2 \rangle + \langle 4^2 21^2 \rangle + 6\langle 4^2 21 \rangle \\
& + 15\langle 4^2 2 \rangle + \langle 4^2 1^4 \rangle + 5\langle 4^2 1^3 \rangle + 18\langle 4^2 1^2 \rangle + 39\langle 4^2 1 \rangle \\
& + 31\langle 4^2 \rangle + \langle 4 3^2 1 \rangle + 13\langle 43^2 \rangle + 2\langle 432^2 1 \rangle + 10\langle 432^2 \rangle \\
& + 2\langle 4321^3 \rangle + 18\langle 4321^2 \rangle + 64\langle 4321 \rangle + 91\langle 432 \rangle + 2\langle 431^5 \rangle \\
& + 14\langle 431^4 \rangle + 52\langle 431^3 \rangle + 120\langle 431^2 \rangle + 155\langle 431 \rangle + 86\langle 43 \rangle \\
& + \langle 42^4 \rangle + \langle 42^3 1^2 \rangle + 14\langle 42^3 1 \rangle + 36\langle 42^3 \rangle + \langle 42^2 1^4 \rangle \\
& + 16\langle 42^2 1^3 \rangle + 70\langle 42^2 1^2 \rangle + 143\langle 42^2 1 \rangle + 135\langle 42^2 \rangle + \langle 421^6 \rangle \\
& + 13\langle 421^5 \rangle + 57\langle 421^4 \rangle + 138\langle 421^3 \rangle + 216\langle 421^2 \rangle + 212\langle 421 \rangle \\
& + 104\langle 42 \rangle + 4\langle 41^7 \rangle + 22\langle 41^6 \rangle + 56\langle 41^5 \rangle + 95\langle 41^4 \rangle \\
& + 120\langle 41^3 \rangle + 108\langle 41^2 \rangle + 61\langle 41 \rangle + 17\langle 4 \rangle + 2\langle 3^3 2 \rangle \\
& + 4\langle 3^3 1^2 \rangle + 18\langle 3^3 1 \rangle + 24\langle 3^3 \rangle + \langle 3^2 2^3 \rangle + \langle 3^2 2^2 1^2 \rangle \\
& + 10\langle 3^2 2^2 1 \rangle + 27\langle 3^2 2^2 \rangle + \langle 3^2 21^4 \rangle + 12\langle 3^2 21^3 \rangle + 53\langle 3^2 21^2 \rangle \\
& + 112\langle 3^2 21 \rangle + 103\langle 3^2 2 \rangle + \langle 3^2 1^6 \rangle + 8\langle 3^2 1^5 \rangle + 34\langle 3^2 1^4 \rangle \\
& + 90\langle 3^2 1^3 \rangle + 144\langle 3^2 1^2 \rangle + 132\langle 3^2 1 \rangle + 56\langle 3^2 \rangle + 5\langle 32^4 \rangle \\
& + 9\langle 32^3 1^2 \rangle + 44\langle 32^3 1 \rangle + 70\langle 32^3 \rangle + 9\langle 32^2 1^4 \rangle + 54\langle 32^2 1^3 \rangle \\
& + 139\langle 32^2 1^2 \rangle + 197\langle 32^2 1 \rangle + 140\langle 32^2 \rangle + 6\langle 321^6 \rangle + 38\langle 321^5 \rangle \\
& + 109\langle 321^4 \rangle + 194\langle 321^3 \rangle + 232\langle 321^2 \rangle + 180\langle 321 \rangle + 74\langle 32 \rangle \\
& + \langle 31^8 \rangle + 13\langle 31^7 \rangle + 41\langle 31^6 \rangle + 78\langle 31^5 \rangle + 108\langle 31^4 \rangle \\
& + 112\langle 31^3 \rangle + 83\langle 31^2 \rangle + 41\langle 31 \rangle + 11\langle 3 \rangle + 2\langle 2^5 1 \rangle \\
& + 8\langle 2^5 \rangle + 2\langle 2^4 1^3 \rangle + 16\langle 2^4 1^2 \rangle + 43\langle 2^4 1 \rangle + 48\langle 2^4 \rangle \\
& + 2\langle 2^3 1^5 \rangle + 16\langle 2^3 1^4 \rangle + 53\langle 2^3 1^3 \rangle + 96\langle 2^3 1^2 \rangle + 104\langle 2^3 1 \rangle \\
& + 61\langle 2^3 \rangle + \langle 2^2 1^7 \rangle + 10\langle 2^2 1^6 \rangle + 38\langle 2^2 1^5 \rangle + 80\langle 2^2 1^4 \rangle \\
& + 109\langle 2^2 1^3 \rangle + 104\langle 2^2 1^2 \rangle + 70\langle 2^2 1 \rangle + 28\langle 2^2 \rangle + 3\langle 21^8 \rangle \\
& + 15\langle 21^7 \rangle + 36\langle 21^6 \rangle + 55\langle 21^5 \rangle + 62\langle 21^4 \rangle + 54\langle 21^3 \rangle \\
& + 36\langle 21^2 \rangle + 18\langle 21 \rangle + 6\langle 2 \rangle + 2\langle 1^9 \rangle + 7\langle 1^8 \rangle \\
& + 12\langle 1^7 \rangle + 14\langle 1^6 \rangle + 14\langle 1^5 \rangle + 12\langle 1^4 \rangle + 8\langle 1^3 \rangle \\
& + 4\langle 1^2 \rangle + 2\langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 31^4 \rangle^2 = & \langle 10 \rangle + \langle 92 \rangle + \langle 91^2 \rangle + 4\langle 91 \rangle + 3\langle 9 \rangle \\
& + 2\langle 83 \rangle + \langle 82^2 \rangle + \langle 821^2 \rangle + 6\langle 821 \rangle + 12\langle 82 \rangle \\
& + \langle 81^4 \rangle + 4\langle 81^3 \rangle + 10\langle 81^2 \rangle + 15\langle 81 \rangle + 8\langle 8 \rangle \\
& + 3\langle 74 \rangle + 2\langle 732 \rangle + 2\langle 731^2 \rangle + 13\langle 731 \rangle + 21\langle 73 \rangle \\
& + \langle 72^3 \rangle + \langle 72^2 1^2 \rangle + 6\langle 72^2 1 \rangle + 13\langle 72^2 \rangle + \langle 721^4 \rangle \\
& + 6\langle 721^3 \rangle + 20\langle 721^2 \rangle + 44\langle 721 \rangle + 42\langle 72 \rangle + \langle 71^6 \rangle \\
& + 4\langle 71^5 \rangle + 10\langle 71^4 \rangle + 23\langle 71^3 \rangle + 40\langle 71^2 \rangle + 37\langle 71 \rangle \\
& + 14\langle 7 \rangle + 2\langle 65 \rangle + 3\langle 642 \rangle + 3\langle 641^2 \rangle + 16\langle 641 \rangle \\
& + 23\langle 64 \rangle + \langle 63^2 \rangle + 2\langle 632^2 \rangle + 2\langle 6321^2 \rangle + 14\langle 6321 \rangle \\
& + 31\langle 632 \rangle + 2\langle 631^4 \rangle + 13\langle 631^3 \rangle + 43\langle 631^2 \rangle + 81\langle 631 \rangle \\
& + 64\langle 63 \rangle + \langle 62^4 \rangle + \langle 62^3 1^2 \rangle + 6\langle 62^3 1 \rangle + 13\langle 62^3 \rangle \\
& + \langle 62^2 1^4 \rangle + 6\langle 62^2 1^3 \rangle + 21\langle 62^2 1^2 \rangle + 52\langle 62^2 1 \rangle + 69\langle 62^2 \rangle \\
& + 142\langle 621 \rangle + 91\langle 62 \rangle + \langle 61^8 \rangle + 4\langle 61^7 \rangle + 10\langle 61^6 \rangle \\
& + 23\langle 61^5 \rangle + 48\langle 61^4 \rangle + 78\langle 61^3 \rangle + 88\langle 61^2 \rangle + 61\langle 61 \rangle \\
& + 20\langle 6 \rangle + \langle 5^2 2 \rangle + \langle 5^2 1^2 \rangle + 7\langle 5^2 1 \rangle + 10\langle 5^2 \rangle \\
& + 2\langle 543 \rangle + 2\langle 542^2 \rangle + 2\langle 5421^2 \rangle + 14\langle 5421 \rangle + 31\langle 542 \rangle \\
& + 2\langle 541^4 \rangle + 12\langle 541^3 \rangle + 40\langle 541^2 \rangle + 74\langle 541 \rangle + 54\langle 54 \rangle \\
& + \langle 53^2 2 \rangle + \langle 53^2 1^2 \rangle + 10\langle 53^2 1 \rangle + 22\langle 53^2 \rangle + \langle 532^3 \rangle \\
& + \langle 532^2 1^2 \rangle + 10\langle 532^2 1 \rangle + 26\langle 532^2 \rangle + \langle 5321^4 \rangle + 10\langle 5321^3 \rangle \\
& + 46\langle 5321^2 \rangle + 114\langle 5321 \rangle + 134\langle 532 \rangle + \langle 531^6 \rangle + 9\langle 531^5 \rangle \\
& + 36\langle 531^4 \rangle + 95\langle 531^3 \rangle + 179\langle 531^2 \rangle + 211\langle 531 \rangle + 114\langle 53 \rangle \\
& + 2\langle 52^4 1 \rangle + 8\langle 52^4 \rangle + 2\langle 52^3 1^3 \rangle + 14\langle 52^3 1^2 \rangle + 44\langle 52^3 1 \rangle \\
& + 65\langle 52^3 \rangle + 2\langle 52^2 1^5 \rangle + 14\langle 52^2 1^4 \rangle + 52\langle 52^2 1^3 \rangle + 127\langle 52^2 1^2 \rangle \\
& + 201\langle 52^2 1 \rangle + 171\langle 52^2 \rangle + 2\langle 521^7 \rangle + 13\langle 521^6 \rangle + 44\langle 521^5 \rangle \\
& + 106\langle 521^4 \rangle + 196\langle 521^3 \rangle + 274\langle 521^2 \rangle + 260\langle 521 \rangle + 128\langle 52 \rangle \\
& + \langle 51^9 \rangle + 6\langle 51^8 \rangle + 19\langle 51^7 \rangle + 44\langle 51^6 \rangle + 80\langle 51^5 \rangle \\
& + 119\langle 51^4 \rangle + 144\langle 51^3 \rangle + 130\langle 51^2 \rangle + 75\langle 51 \rangle + 21\langle 5 \rangle \\
& + \langle 4^3 \rangle + \langle 4^2 32 \rangle + \langle 4^2 31^2 \rangle + 8\langle 4^2 31 \rangle + 17\langle 4^2 3 \rangle \\
& + \langle 4^2 2^3 \rangle + \langle 4^2 2^2 1^2 \rangle + 6\langle 4^2 2^2 1 \rangle + 15\langle 4^2 2^2 \rangle + \langle 4^2 21^4 \rangle \\
& + 6\langle 4^2 21^3 \rangle + 25\langle 4^2 21^2 \rangle + 66\langle 4^2 21 \rangle + 79\langle 4^2 2 \rangle + \langle 4^2 1^6 \rangle \\
& + 5\langle 4^2 1^5 \rangle + 18\langle 4^2 1^4 \rangle + 51\langle 4^2 1^3 \rangle + 98\langle 4^2 1^2 \rangle + 112\langle 4^2 1 \rangle \\
& + 58\langle 4^2 \rangle + 4\langle 43^2 21 \rangle + 15\langle 43^2 2 \rangle + 4\langle 43^2 1^3 \rangle + 27\langle 43^2 1^2 \rangle \\
& + 67\langle 43^2 1 \rangle + 67\langle 43^2 \rangle + 2\langle 432^3 1 \rangle + 10\langle 432^3 \rangle + 2\langle 432^2 1^3 \rangle \\
& + 18\langle 432^2 1^2 \rangle + 66\langle 432^2 1 \rangle + 104\langle 432^2 \rangle + 2\langle 4321^5 \rangle + 18\langle 4321^4 \rangle \\
& + 78\langle 4321^3 \rangle + 201\langle 4321^2 \rangle + 310\langle 4321 \rangle + 242\langle 432 \rangle + 2\langle 431^7 \rangle \\
& + 14\langle 431^6 \rangle + 52\langle 431^5 \rangle + 134\langle 431^4 \rangle + 250\langle 431^3 \rangle + 329\langle 431^2 \rangle \\
& + 280\langle 431 \rangle + 119\langle 43 \rangle + \langle 42^5 \rangle + \langle 42^4 1^2 \rangle + 14\langle 42^4 1 \rangle \\
& + 36\langle 42^4 \rangle + \langle 42^3 1^4 \rangle + 16\langle 42^3 1^3 \rangle + 72\langle 42^3 1^2 \rangle + 154\langle 42^3 1 \rangle \\
& + 162\langle 42^3 \rangle + \langle 42^2 1^6 \rangle + 16\langle 42^2 1^5 \rangle + 76\langle 42^2 1^4 \rangle + 193\langle 42^2 1^3 \rangle \\
& + 322\langle 42^2 1^2 \rangle + 367\langle 42^2 1 \rangle + 239\langle 42^2 \rangle + \langle 421^8 \rangle + 13\langle 421^7 \rangle \\
& + 57\langle 421^6 \rangle + 144\langle 421^5 \rangle + 258\langle 421^4 \rangle + 358\langle 421^3 \rangle + 385\langle 421^2 \rangle \\
& + 294\langle 421 \rangle + 124\langle 42 \rangle + 4\langle 41^9 \rangle + 22\langle 41^8 \rangle + 56\langle 41^7 \rangle \\
& + 97\langle 41^6 \rangle + 138\langle 41^5 \rangle + 169\langle 41^4 \rangle + 169\langle 41^3 \rangle + 128\langle 41^2 \rangle \\
& + 66\langle 41 \rangle + 18\langle 4 \rangle + 2\langle 3^4 \rangle + 2\langle 3^3 2^2 \rangle + 4\langle 3^3 21^2 \rangle \\
& + 22\langle 3^3 21 \rangle + 38\langle 3^3 2 \rangle + 4\langle 3^3 1^4 \rangle + 24\langle 3^3 1^3 \rangle + 65\langle 3^3 1^2 \rangle \\
& + 94\langle 3^3 1 \rangle + 63\langle 3^3 \rangle + \langle 3^2 2^4 \rangle + \langle 3^2 2^3 1^2 \rangle + 10\langle 3^2 2^3 1 \rangle \\
& + 27\langle 3^2 2^3 \rangle + \langle 3^2 2^2 1^4 \rangle + 12\langle 3^2 2^2 1^3 \rangle + 57\langle 3^2 2^2 1^2 \rangle + 131\langle 3^2 2^2 1 \rangle \\
& + 139\langle 3^2 2^2 \rangle + \langle 3^2 21^6 \rangle + 12\langle 3^2 21^5 \rangle + 57\langle 3^2 21^4 \rangle + 158\langle 3^2 21^3 \rangle \\
& + 275\langle 3^2 21^2 \rangle + 300\langle 3^2 21 \rangle + 176\langle 3^2 2 \rangle + \langle 3^2 1^8 \rangle + 8\langle 3^2 1^7 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 34\langle 3^2 1^6 \rangle & + 94\langle 3^2 1^5 \rangle & + 178\langle 3^2 1^4 \rangle & + 245\langle 3^2 1^3 \rangle & + 248\langle 3^2 1^2 \rangle \\
& + 171\langle 3^2 1 \rangle & + 62\langle 3^2 \rangle & + 5\langle 32^5 \rangle & + 9\langle 32^4 1^2 \rangle & + 44\langle 32^4 1 \rangle \\
& + 71\langle 32^4 \rangle & + 9\langle 32^3 1^4 \rangle & + 58\langle 32^3 1^3 \rangle & + 156\langle 32^3 1^2 \rangle & + 232\langle 32^3 1 \rangle \\
& + 183\langle 32^3 \rangle & + 9\langle 32^2 1^6 \rangle & + 56\langle 32^2 1^5 \rangle & + 161\langle 32^2 1^4 \rangle & + 293\langle 32^2 1^3 \rangle \\
& + 373\langle 32^2 1^2 \rangle & + 334\langle 32^2 1 \rangle & + 179\langle 32^2 \rangle & + 6\langle 321^8 \rangle & + 38\langle 321^7 \rangle \\
& + 111\langle 321^6 \rangle & + 210\langle 321^5 \rangle & + 296\langle 321^4 \rangle & + 332\langle 321^3 \rangle & + 298\langle 321^2 \rangle \\
& + 198\langle 321 \rangle & + 76\langle 32 \rangle & + \langle 31^{10} \rangle & + 13\langle 31^9 \rangle & + 41\langle 31^8 \rangle \\
& + 78\langle 31^7 \rangle & + 112\langle 31^6 \rangle & + 134\langle 31^5 \rangle & + 139\langle 31^4 \rangle & + 123\langle 31^3 \rangle \\
& + 85\langle 31^2 \rangle & + 41\langle 31 \rangle & + 11\langle 3 \rangle & + 2\langle 2^6 1 \rangle & + 8\langle 2^6 \rangle \\
& + 2\langle 2^5 1^3 \rangle & + 16\langle 2^5 1^2 \rangle & + 44\langle 2^5 1 \rangle & + 51\langle 2^5 \rangle & + 2\langle 2^4 1^5 \rangle \\
& + 18\langle 2^4 1^4 \rangle & + 61\langle 2^4 1^3 \rangle & + 112\langle 2^4 1^2 \rangle & + 126\langle 2^4 1 \rangle & + 81\langle 2^4 \rangle \\
& + 2\langle 2^3 1^7 \rangle & + 16\langle 2^3 1^6 \rangle & + 57\langle 2^3 1^5 \rangle & + 118\langle 2^3 1^4 \rangle & + 162\langle 2^3 1^3 \rangle \\
& + 163\langle 2^3 1^2 \rangle & + 126\langle 2^3 1 \rangle & + 64\langle 2^3 \rangle & + \langle 2^2 1^9 \rangle & + 10\langle 2^2 1^8 \rangle \\
& + 38\langle 2^2 1^7 \rangle & + 82\langle 2^2 1^6 \rangle & + 121\langle 2^2 1^5 \rangle & + 138\langle 2^2 1^4 \rangle & + 132\langle 2^2 1^3 \rangle \\
& + 108\langle 2^2 1^2 \rangle & + 70\langle 2^2 1 \rangle & + 28\langle 2^2 \rangle & + 3\langle 21^{10} \rangle & + 15\langle 21^9 \rangle \\
& + 36\langle 21^8 \rangle & + 55\langle 21^7 \rangle & + 64\langle 21^6 \rangle & + 66\langle 21^5 \rangle & + 64\langle 21^4 \rangle \\
& + 54\langle 21^3 \rangle & + 36\langle 21^2 \rangle & + 18\langle 21 \rangle & + 6\langle 2 \rangle & + 2\langle 1^{11} \rangle \\
& + 7\langle 1^{10} \rangle & + 12\langle 1^9 \rangle & + 14\langle 1^8 \rangle & + 14\langle 1^7 \rangle & + 14\langle 1^6 \rangle \\
& + 14\langle 1^5 \rangle & + 12\langle 1^4 \rangle & + 8\langle 1^3 \rangle & + 4\langle 1^2 \rangle & + 2\langle 1 \rangle \\
& + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 31^5 \rangle^2 = & \langle 11 \rangle + \langle 10 \ 2 \rangle + \langle 10 \ 1^2 \rangle + 4\langle 10 \ 1 \rangle + 3\langle 10 \ \rangle \\
& + 2\langle 93 \rangle + \langle 92^2 \rangle + \langle 921^2 \rangle + 6\langle 921 \rangle + 12\langle 92 \rangle \\
& + \langle 91^4 \rangle + 4\langle 91^3 \rangle + 10\langle 91^2 \rangle + 15\langle 91 \rangle + 8\langle 9 \rangle \\
& + 3\langle 84 \rangle + 2\langle 832 \rangle + 2\langle 831^2 \rangle + 13\langle 831 \rangle + 21\langle 83 \rangle \\
& + \langle 82^3 \rangle + \langle 82^2 1^2 \rangle + 6\langle 82^2 1 \rangle + 13\langle 82^2 \rangle + \langle 821^4 \rangle \\
& + 6\langle 821^3 \rangle + 20\langle 821^2 \rangle + 44\langle 821 \rangle + 42\langle 82 \rangle + \langle 81^6 \rangle \\
& + 4\langle 81^5 \rangle + 10\langle 81^4 \rangle + 23\langle 81^3 \rangle + 40\langle 81^2 \rangle + 37\langle 81 \rangle \\
& + 14\langle 8 \rangle + 2\langle 75 \rangle + 3\langle 742 \rangle + 3\langle 741^2 \rangle + 16\langle 741 \rangle \\
& + 23\langle 74 \rangle + \langle 73^2 \rangle + 2\langle 732^2 \rangle + 2\langle 7321^2 \rangle + 14\langle 7321 \rangle \\
& + 31\langle 732 \rangle + 2\langle 731^4 \rangle + 13\langle 731^3 \rangle + 43\langle 731^2 \rangle + 81\langle 731 \rangle \\
& + 64\langle 73 \rangle + \langle 72^4 \rangle + \langle 72^3 1^2 \rangle + 6\langle 72^3 1 \rangle + 13\langle 72^3 \rangle \\
& + \langle 72^2 1^4 \rangle + 6\langle 72^2 1^3 \rangle + 21\langle 72^2 1^2 \rangle + 52\langle 72^2 1 \rangle + 69\langle 72^2 \rangle \\
& + \langle 721^6 \rangle + 6\langle 721^5 \rangle + 20\langle 721^4 \rangle + 52\langle 721^3 \rangle + 106\langle 721^2 \rangle \\
& + 142\langle 721 \rangle + 91\langle 72 \rangle + \langle 71^8 \rangle + 4\langle 71^7 \rangle + 10\langle 71^6 \rangle \\
& + 23\langle 71^5 \rangle + 48\langle 71^4 \rangle + 78\langle 71^3 \rangle + 88\langle 71^2 \rangle + 61\langle 71 \rangle \\
& + 20\langle 7 \rangle + \langle 6^2 \rangle + 2\langle 652 \rangle + 2\langle 651^2 \rangle + 11\langle 651 \rangle \\
& + 15\langle 65 \rangle + 2\langle 643 \rangle + 3\langle 642^2 \rangle + 3\langle 6421^2 \rangle + 18\langle 6421 \rangle \\
& + 36\langle 642 \rangle + 3\langle 641^4 \rangle + 16\langle 641^3 \rangle + 47\langle 641^2 \rangle + 82\langle 641 \rangle \\
& + 60\langle 64 \rangle + \langle 63^2 2 \rangle + \langle 63^2 1^2 \rangle + 10\langle 63^2 1 \rangle + 22\langle 63^2 \rangle \\
& + 2\langle 632^3 \rangle + 2\langle 632^2 1^2 \rangle + 14\langle 632^2 1 \rangle + 31\langle 632^2 \rangle + 2\langle 6321^4 \rangle \\
& + 14\langle 6321^3 \rangle + 53\langle 6321^2 \rangle + 122\langle 6321 \rangle + 140\langle 632 \rangle + 2\langle 631^6 \rangle \\
& + 13\langle 631^5 \rangle + 43\langle 631^4 \rangle + 103\langle 631^3 \rangle + 187\langle 631^2 \rangle + 219\langle 631 \rangle \\
& + 120\langle 63 \rangle + \langle 62^5 \rangle + \langle 62^4 1^2 \rangle + 6\langle 62^4 1 \rangle + 13\langle 62^4 \rangle \\
& + \langle 62^3 1^4 \rangle + 6\langle 62^3 1^3 \rangle + 21\langle 62^3 1^2 \rangle + 52\langle 62^3 1 \rangle + 71\langle 62^3 \rangle \\
& + \langle 62^2 1^6 \rangle + 6\langle 62^2 1^5 \rangle + 21\langle 62^2 1^4 \rangle + 60\langle 62^2 1^3 \rangle + 135\langle 62^2 1^2 \rangle \\
& + 209\langle 62^2 1 \rangle + 177\langle 62^2 \rangle + \langle 621^8 \rangle + 6\langle 621^7 \rangle + 20\langle 621^6 \rangle \\
& + 52\langle 621^5 \rangle + 114\langle 621^4 \rangle + 204\langle 621^3 \rangle + 282\langle 621^2 \rangle + 268\langle 621 \rangle \\
& + 134\langle 62 \rangle + \langle 61^{10} \rangle + 4\langle 61^9 \rangle + 10\langle 61^8 \rangle + 23\langle 61^7 \rangle \\
& + 48\langle 61^6 \rangle + 84\langle 61^5 \rangle + 123\langle 61^4 \rangle + 148\langle 61^3 \rangle + 134\langle 61^2 \rangle \\
& + 79\langle 61 \rangle + 23\langle 6 \rangle + \langle 5^2 3 \rangle + \langle 5^2 2^2 \rangle + \langle 5^2 21^2 \rangle \\
& + 8\langle 5^2 21 \rangle + 16\langle 5^2 2 \rangle + \langle 5^2 1^4 \rangle + 7\langle 5^2 1^3 \rangle + 22\langle 5^2 1^2 \rangle \\
& + 35\langle 5^2 1 \rangle + 23\langle 5^2 \rangle + \langle 54^2 \rangle + 2\langle 5432 \rangle + 2\langle 5431^2 \rangle \\
& + 14\langle 5431 \rangle + 26\langle 543 \rangle + 2\langle 542^3 \rangle + 2\langle 542^2 1^2 \rangle + 14\langle 542^2 1 \rangle \\
& + 31\langle 542^2 \rangle + 2\langle 5421^4 \rangle + 14\langle 5421^3 \rangle + 53\langle 5421^2 \rangle + 116\langle 5421 \rangle \\
& + 122\langle 542 \rangle + 2\langle 541^6 \rangle + 12\langle 541^5 \rangle + 40\langle 541^4 \rangle + 94\langle 541^3 \rangle \\
& + 157\langle 541^2 \rangle + 168\langle 541 \rangle + 86\langle 54 \rangle + \langle 53^2 2^2 \rangle + \langle 53^2 21^2 \rangle \\
& + 10\langle 53^2 21 \rangle + 24\langle 53^2 2 \rangle + \langle 53^2 1^4 \rangle + 10\langle 53^2 1^3 \rangle + 42\langle 53^2 1^2 \rangle \\
& + 87\langle 53^2 1 \rangle + 81\langle 53^2 \rangle + \langle 532^4 \rangle + \langle 532^3 1^2 \rangle + 10\langle 532^3 1 \rangle \\
& + 26\langle 532^3 \rangle + \langle 532^2 1^4 \rangle + 10\langle 532^2 1^3 \rangle + 46\langle 532^2 1^2 \rangle + 116\langle 532^2 1 \rangle \\
& + 147\langle 532^2 \rangle + \langle 5321^6 \rangle + 10\langle 5321^5 \rangle + 46\langle 5321^4 \rangle + 136\langle 5321^3 \rangle \\
& + 282\langle 5321^2 \rangle + 390\langle 5321 \rangle + 292\langle 532 \rangle + \langle 531^8 \rangle + 9\langle 531^7 \rangle \\
& + 36\langle 531^6 \rangle + 95\langle 531^5 \rangle + 195\langle 531^4 \rangle + 320\langle 531^3 \rangle + 399\langle 531^2 \rangle \\
& + 338\langle 531 \rangle + 147\langle 53 \rangle + 2\langle 52^5 1 \rangle + 8\langle 52^5 \rangle + 2\langle 52^4 1^3 \rangle \\
& + 14\langle 52^4 1^2 \rangle + 44\langle 52^4 1 \rangle + 65\langle 52^4 \rangle + 2\langle 52^3 1^5 \rangle + 14\langle 52^3 1^4 \rangle \\
& + 52\langle 52^3 1^3 \rangle + 129\langle 52^3 1^2 \rangle + 212\langle 52^3 1 \rangle + 198\langle 52^3 \rangle + 2\langle 52^2 1^7 \rangle \\
& + 14\langle 52^2 1^6 \rangle + 52\langle 52^2 1^5 \rangle + 135\langle 52^2 1^4 \rangle + 263\langle 52^2 1^3 \rangle + 392\langle 52^2 1^2 \rangle \\
& + 427\langle 52^2 1 \rangle + 275\langle 52^2 \rangle + 2\langle 521^9 \rangle + 13\langle 521^8 \rangle + 44\langle 521^7 \rangle \\
& + 106\langle 521^6 \rangle + 202\langle 521^5 \rangle + 318\langle 521^4 \rangle + 418\langle 521^3 \rangle + 443\langle 521^2 \rangle \\
& + 342\langle 521 \rangle + 148\langle 52 \rangle + \langle 51^{11} \rangle + 6\langle 51^{10} \rangle + 19\langle 51^9 \rangle \\
& + 44\langle 51^8 \rangle + 80\langle 51^7 \rangle + 121\langle 51^6 \rangle + 162\langle 51^5 \rangle + 193\langle 51^4 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 193\langle 51^3 \rangle & + 150\langle 51^2 \rangle & + 80\langle 51 \rangle & + 22\langle 5 \rangle & + \langle 4^3 \rangle \\
& + \langle 4^3 1^2 \rangle & + 4\langle 4^3 1 \rangle & + 6\langle 4^3 \rangle & + \langle 4^2 32^2 \rangle & + \langle 4^2 321^2 \rangle \\
& + 8\langle 4^2 321 \rangle & + 19\langle 4^2 32 \rangle & + \langle 4^2 31^4 \rangle & + 8\langle 4^2 31^3 \rangle & + 31\langle 4^2 31^2 \rangle \\
& + 61\langle 4^2 31 \rangle & + 54\langle 4^2 3 \rangle & + \langle 4^2 2^4 \rangle & + \langle 4^2 2^3 1^2 \rangle & + 6\langle 4^2 2^3 1 \rangle \\
& + 88\langle 4^2 2^2 \rangle & + \langle 4^2 21^6 \rangle & + 6\langle 4^2 21^5 \rangle & + 25\langle 4^2 21^4 \rangle & + 78\langle 4^2 21^3 \rangle \\
& + 163\langle 4^2 21^2 \rangle & + 214\langle 4^2 21 \rangle & + 151\langle 4^2 2 \rangle & + \langle 4^2 1^8 \rangle & + 5\langle 4^2 1^7 \rangle \\
& + 18\langle 4^2 1^6 \rangle & + 51\langle 4^2 1^5 \rangle & + 108\langle 4^2 1^4 \rangle & + 168\langle 4^2 1^3 \rangle & + 193\langle 4^2 1^2 \rangle \\
& + 156\langle 4^2 1 \rangle & + 67\langle 4^2 \rangle & + 2\langle 43^3 1 \rangle & + 7\langle 43^3 \rangle & + 4\langle 43^2 2^2 1 \rangle \\
& + 15\langle 43^2 2^2 \rangle & + 4\langle 43^2 21^3 \rangle & + 29\langle 43^2 21^2 \rangle & + 80\langle 43^2 21 \rangle & + 97\langle 43^2 2 \rangle \\
& + 4\langle 43^2 1^5 \rangle & + 27\langle 43^2 1^4 \rangle & + 85\langle 43^2 1^3 \rangle & + 164\langle 43^2 1^2 \rangle & + 199\langle 43^2 1 \rangle \\
& + 125\langle 43^2 \rangle & + 2\langle 432^4 1 \rangle & + 10\langle 432^4 \rangle & + 2\langle 432^3 1^3 \rangle & + 18\langle 432^3 1^2 \rangle \\
& + 66\langle 432^3 1 \rangle & + 104\langle 432^3 \rangle & + 2\langle 432^2 1^5 \rangle & + 18\langle 432^2 1^4 \rangle & + 80\langle 432^2 1^3 \rangle \\
& + 214\langle 432^2 1^2 \rangle & + 347\langle 432^2 1 \rangle & + 301\langle 432^2 \rangle & + 2\langle 432 1^7 \rangle & + 18\langle 432 1^6 \rangle \\
& + 78\langle 432 1^5 \rangle & + 215\langle 432 1^4 \rangle & + 416\langle 432 1^3 \rangle & + 584\langle 432 1^2 \rangle & + 578\langle 432 1 \rangle \\
& + 335\langle 432 \rangle & + 2\langle 431^9 \rangle & + 14\langle 431^8 \rangle & + 52\langle 431^7 \rangle & + 134\langle 431^6 \rangle \\
& + 258\langle 431^5 \rangle & + 387\langle 431^4 \rangle & + 469\langle 431^3 \rangle & + 457\langle 431^2 \rangle & + 325\langle 431 \rangle \\
& + 126\langle 43 \rangle & + \langle 42^6 \rangle & + \langle 42^5 1^2 \rangle & + 14\langle 42^5 1 \rangle & + 36\langle 42^5 \rangle \\
& + \langle 42^4 1^4 \rangle & + 16\langle 42^4 1^3 \rangle & + 72\langle 42^4 1^2 \rangle & + 154\langle 42^4 1 \rangle & + 163\langle 42^4 \rangle \\
& + \langle 42^3 1^6 \rangle & + 16\langle 42^3 1^5 \rangle & + 78\langle 42^3 1^4 \rangle & + 204\langle 42^3 1^3 \rangle & + 350\langle 42^3 1^2 \rangle \\
& + 414\langle 42^3 1 \rangle & + 294\langle 42^3 \rangle & + \langle 42^2 1^8 \rangle & + 16\langle 42^2 1^7 \rangle & + 76\langle 42^2 1^6 \rangle \\
& + 199\langle 42^2 1^5 \rangle & + 364\langle 42^2 1^4 \rangle & + 519\langle 42^2 1^3 \rangle & + 590\langle 42^2 1^2 \rangle & + 512\langle 42^2 1 \rangle \\
& + 279\langle 42^2 \rangle & + \langle 421^{10} \rangle & + 13\langle 421^9 \rangle & + 57\langle 421^8 \rangle & + 144\langle 421^7 \rangle \\
& + 260\langle 421^6 \rangle & + 378\langle 421^5 \rangle & + 469\langle 421^4 \rangle & + 502\langle 421^3 \rangle & + 452\langle 421^2 \rangle \\
& + 312\langle 421 \rangle & + 126\langle 42 \rangle & + 4\langle 41^{11} \rangle & + 22\langle 41^{10} \rangle & + 56\langle 41^9 \rangle \\
& + 97\langle 41^8 \rangle & + 138\langle 41^7 \rangle & + 173\langle 41^6 \rangle & + 195\langle 41^5 \rangle & + 200\langle 41^4 \rangle \\
& + 180\langle 41^3 \rangle & + 130\langle 41^2 \rangle & + 66\langle 41 \rangle & + 18\langle 4 \rangle & + 2\langle 3^4 2 \rangle \\
& + 4\langle 3^4 1^2 \rangle & + 15\langle 3^4 1 \rangle & + 18\langle 3^4 \rangle & + 2\langle 3^3 2^3 \rangle & + 4\langle 3^3 2^2 1^2 \rangle \\
& + 22\langle 3^3 2^2 1 \rangle & + 39\langle 3^3 2^2 \rangle & + 4\langle 3^3 21^4 \rangle & + 28\langle 3^3 21^3 \rangle & + 84\langle 3^3 21^2 \rangle \\
& + 134\langle 3^3 21 \rangle & + 107\langle 3^3 2 \rangle & + 4\langle 3^3 1^6 \rangle & + 24\langle 3^3 1^5 \rangle & + 71\langle 3^3 1^4 \rangle \\
& + 136\langle 3^3 1^3 \rangle & + 180\langle 3^3 1^2 \rangle & + 160\langle 3^3 1 \rangle & + 79\langle 3^3 \rangle & + \langle 3^2 2^5 \rangle \\
& + \langle 3^2 2^4 1^2 \rangle & + 10\langle 3^2 2^4 1 \rangle & + 27\langle 3^2 2^4 \rangle & + \langle 3^2 2^3 1^4 \rangle & + 12\langle 3^2 2^3 1^3 \rangle \\
& + 57\langle 3^2 2^3 1^2 \rangle & + 132\langle 3^2 2^3 1 \rangle & + 143\langle 3^2 2^3 \rangle & + \langle 3^2 2^2 1^6 \rangle & + 12\langle 3^2 2^2 1^5 \rangle \\
& + 61\langle 3^2 2^2 1^4 \rangle & + 177\langle 3^2 2^2 1^3 \rangle & + 317\langle 3^2 2^2 1^2 \rangle & + 361\langle 3^2 2^2 1 \rangle & + 236\langle 3^2 2^2 \rangle \\
& + \langle 3^2 2^1 8 \rangle & + 12\langle 3^2 2^1 7 \rangle & + 57\langle 3^2 2^1 6 \rangle & + 162\langle 3^2 2^1 5 \rangle & + 311\langle 3^2 2^1 4 \rangle \\
& + 436\langle 3^2 2^1 3 \rangle & + 468\langle 3^2 2^1 2 \rangle & + 378\langle 3^2 2^1 \rangle & + 190\langle 3^2 2 \rangle & + \langle 3^2 1^{10} \rangle \\
& + 8\langle 3^2 1^9 \rangle & + 34\langle 3^2 1^8 \rangle & + 94\langle 3^2 1^7 \rangle & + 180\langle 3^2 1^6 \rangle & + 259\langle 3^2 1^5 \rangle \\
& + 304\langle 3^2 1^4 \rangle & + 309\langle 3^2 1^3 \rangle & + 268\langle 3^2 1^2 \rangle & + 174\langle 3^2 1 \rangle & + 62\langle 3^2 \rangle \\
& + 5\langle 32^6 \rangle & + 9\langle 32^5 1^2 \rangle & + 44\langle 32^5 1 \rangle & + 71\langle 32^5 \rangle & + 9\langle 32^4 1^4 \rangle \\
& + 58\langle 32^4 1^3 \rangle & + 157\langle 32^4 1^2 \rangle & + 236\langle 32^4 1 \rangle & + 190\langle 32^4 \rangle & + 9\langle 32^3 1^6 \rangle \\
& + 60\langle 32^3 1^5 \rangle & + 178\langle 32^3 1^4 \rangle & + 328\langle 32^3 1^3 \rangle & + 423\langle 32^3 1^2 \rangle & + 392\langle 32^3 1 \rangle \\
& + 231\langle 32^3 \rangle & + 9\langle 32^2 1^8 \rangle & + 56\langle 32^2 1^7 \rangle & + 163\langle 32^2 1^6 \rangle & + 309\langle 32^2 1^5 \rangle \\
& + 437\langle 32^2 1^4 \rangle & + 496\langle 32^2 1^3 \rangle & + 469\langle 32^2 1^2 \rangle & + 360\langle 32^2 1 \rangle & + 182\langle 32^2 \rangle \\
& + 6\langle 321^{10} \rangle & + 38\langle 321^9 \rangle & + 111\langle 321^8 \rangle & + 210\langle 321^7 \rangle & + 300\langle 321^6 \rangle \\
& + 356\langle 321^5 \rangle & + 374\langle 321^4 \rangle & + 358\langle 321^3 \rangle & + 302\langle 321^2 \rangle & + 198\langle 321 \rangle \\
& + 76\langle 32 \rangle & + \langle 31^{12} \rangle & + 13\langle 31^{11} \rangle & + 41\langle 31^{10} \rangle & + 78\langle 31^9 \rangle \\
& + 112\langle 31^8 \rangle & + 134\langle 31^7 \rangle & + 143\langle 31^6 \rangle & + 145\langle 31^5 \rangle & + 141\langle 31^4 \rangle \\
& + 123\langle 31^3 \rangle & + 85\langle 31^2 \rangle & + 41\langle 31 \rangle & + 11\langle 3 \rangle & + 2\langle 2^7 1 \rangle \\
& + 8\langle 2^7 \rangle & + 2\langle 2^6 1^3 \rangle & + 16\langle 2^6 1^2 \rangle & + 44\langle 2^6 1 \rangle & + 51\langle 2^6 \rangle \\
& + 2\langle 2^5 1^5 \rangle & + 18\langle 2^5 1^4 \rangle & + 62\langle 2^5 1^3 \rangle & + 115\langle 2^5 1^2 \rangle & + 130\langle 2^5 1 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 85\langle 2^5 \rangle & + 2\langle 2^4 1^7 \rangle & + 18\langle 2^4 1^6 \rangle & + 65\langle 2^4 1^5 \rangle & + 134\langle 2^4 1^4 \rangle \\
& + 184\langle 2^4 1^3 \rangle & + 187\langle 2^4 1^2 \rangle & + 150\langle 2^4 1 \rangle & + 84\langle 2^4 \rangle & + 2\langle 2^3 1^9 \rangle \\
& + 16\langle 2^3 1^8 \rangle & + 57\langle 2^3 1^7 \rangle & + 120\langle 2^3 1^6 \rangle & + 174\langle 2^3 1^5 \rangle & + 197\langle 2^3 1^4 \rangle \\
& + 192\langle 2^3 1^3 \rangle & + 168\langle 2^3 1^2 \rangle & + 126\langle 2^3 1 \rangle & + 64\langle 2^3 \rangle & + \langle 2^2 1^{11} \rangle \\
& + 10\langle 2^2 1^{10} \rangle & + 38\langle 2^2 1^9 \rangle & + 82\langle 2^2 1^8 \rangle & + 121\langle 2^2 1^7 \rangle & + 140\langle 2^2 1^6 \rangle \\
& + 144\langle 2^2 1^5 \rangle & + 142\langle 2^2 1^4 \rangle & + 132\langle 2^2 1^3 \rangle & + 108\langle 2^2 1^2 \rangle & + 70\langle 2^2 1 \rangle \\
& + 28\langle 2^2 \rangle & + 3\langle 21^{12} \rangle & + 15\langle 21^{11} \rangle & + 36\langle 21^{10} \rangle & + 55\langle 21^9 \rangle \\
& + 64\langle 21^8 \rangle & + 66\langle 21^7 \rangle & + 66\langle 21^6 \rangle & + 66\langle 21^5 \rangle & + 64\langle 21^4 \rangle \\
& + 54\langle 21^3 \rangle & + 36\langle 21^2 \rangle & + 18\langle 21 \rangle & + 6\langle 2 \rangle & + 2\langle 1^{13} \rangle \\
& + 7\langle 1^{12} \rangle & + 12\langle 1^{11} \rangle & + 14\langle 1^{10} \rangle & + 14\langle 1^9 \rangle & + 14\langle 1^8 \rangle \\
& + 14\langle 1^7 \rangle & + 14\langle 1^6 \rangle & + 14\langle 1^5 \rangle & + 12\langle 1^4 \rangle & + 8\langle 1^3 \rangle \\
& + 4\langle 1^2 \rangle & + 2\langle 1 \rangle & + \langle 0 \rangle & &
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 31^6 \rangle^2 = & \\
& + \langle 12 \rangle + \langle 11 \ 2 \rangle + \langle 11 \ 1^2 \rangle + 4\langle 11 \ 1 \rangle + 3\langle 11 \ \rangle \\
& + 2\langle 10 \ 3 \rangle + \langle 10 \ 2^2 \rangle + \langle 10 \ 21^2 \rangle + 6\langle 10 \ 21 \rangle + 12\langle 10 \ 2 \rangle \\
& + \langle 10 \ 1^4 \rangle + 4\langle 10 \ 1^3 \rangle + 10\langle 10 \ 1^2 \rangle + 15\langle 10 \ 1 \rangle + 8\langle 10 \ \rangle \\
& + 3\langle 94 \rangle + 2\langle 932 \rangle + 2\langle 931^2 \rangle + 13\langle 931 \rangle + 21\langle 93 \rangle \\
& + \langle 92^3 \rangle + \langle 92^2 1^2 \rangle + 6\langle 92^2 1 \rangle + 13\langle 92^2 \rangle + \langle 921^4 \rangle \\
& + 6\langle 921^3 \rangle + 20\langle 921^2 \rangle + 44\langle 921 \rangle + 42\langle 92 \rangle + \langle 91^6 \rangle \\
& + 4\langle 91^5 \rangle + 10\langle 91^4 \rangle + 23\langle 91^3 \rangle + 40\langle 91^2 \rangle + 37\langle 91 \rangle \\
& + 14\langle 9 \rangle + 2\langle 85 \rangle + 3\langle 842 \rangle + 3\langle 841^2 \rangle + 16\langle 841 \rangle \\
& + 23\langle 84 \rangle + \langle 83^2 \rangle + 2\langle 832^2 \rangle + 2\langle 8321^2 \rangle + 14\langle 8321 \rangle \\
& + 31\langle 832 \rangle + 2\langle 831^4 \rangle + 13\langle 831^3 \rangle + 43\langle 831^2 \rangle + 81\langle 831 \rangle \\
& + 64\langle 83 \rangle + \langle 82^4 \rangle + \langle 82^3 1^2 \rangle + 6\langle 82^3 1 \rangle + 13\langle 82^3 \rangle \\
& + \langle 82^2 1^4 \rangle + 6\langle 82^2 1^3 \rangle + 21\langle 82^2 1^2 \rangle + 52\langle 82^2 1 \rangle + 69\langle 82^2 \rangle \\
& + \langle 821^6 \rangle + 6\langle 821^5 \rangle + 20\langle 821^4 \rangle + 52\langle 821^3 \rangle + 106\langle 821^2 \rangle \\
& + 142\langle 821 \rangle + 91\langle 82 \rangle + \langle 81^8 \rangle + 4\langle 81^7 \rangle + 10\langle 81^6 \rangle \\
& + 23\langle 81^5 \rangle + 48\langle 81^4 \rangle + 78\langle 81^3 \rangle + 88\langle 81^2 \rangle + 61\langle 81 \rangle \\
& + 20\langle 8 \rangle + \langle 76 \rangle + 2\langle 752 \rangle + 2\langle 751^2 \rangle + 11\langle 751 \rangle \\
& + 15\langle 75 \rangle + 2\langle 743 \rangle + 3\langle 742^2 \rangle + 3\langle 7421^2 \rangle + 18\langle 7421 \rangle \\
& + 36\langle 742 \rangle + 3\langle 741^4 \rangle + 16\langle 741^3 \rangle + 47\langle 741^2 \rangle + 82\langle 741 \rangle \\
& + 60\langle 74 \rangle + \langle 73^2 2 \rangle + \langle 73^2 1^2 \rangle + 10\langle 73^2 1 \rangle + 22\langle 73^2 \rangle \\
& + 2\langle 732^3 \rangle + 2\langle 732^2 1^2 \rangle + 14\langle 732^2 1 \rangle + 31\langle 732^2 \rangle + 2\langle 7321^4 \rangle \\
& + 14\langle 7321^3 \rangle + 53\langle 7321^2 \rangle + 122\langle 7321 \rangle + 140\langle 732 \rangle + 2\langle 731^6 \rangle \\
& + 13\langle 731^5 \rangle + 43\langle 731^4 \rangle + 103\langle 731^3 \rangle + 187\langle 731^2 \rangle + 219\langle 731 \rangle \\
& + 120\langle 73 \rangle + \langle 72^5 \rangle + \langle 72^4 1^2 \rangle + 6\langle 72^4 1 \rangle + 13\langle 72^4 \rangle \\
& + \langle 72^3 1^4 \rangle + 6\langle 72^3 1^3 \rangle + 21\langle 72^3 1^2 \rangle + 52\langle 72^3 1 \rangle + 71\langle 72^3 \rangle \\
& + \langle 72^2 1^6 \rangle + 6\langle 72^2 1^5 \rangle + 21\langle 72^2 1^4 \rangle + 60\langle 72^2 1^3 \rangle + 135\langle 72^2 1^2 \rangle \\
& + 209\langle 72^2 1 \rangle + 177\langle 72^2 \rangle + \langle 721^8 \rangle + 6\langle 721^7 \rangle + 20\langle 721^6 \rangle \\
& + 52\langle 721^5 \rangle + 114\langle 721^4 \rangle + 204\langle 721^3 \rangle + 282\langle 721^2 \rangle + 268\langle 721 \rangle \\
& + 134\langle 72 \rangle + \langle 71^{10} \rangle + 4\langle 71^9 \rangle + 10\langle 71^8 \rangle + 23\langle 71^7 \rangle \\
& + 48\langle 71^6 \rangle + 84\langle 71^5 \rangle + 123\langle 71^4 \rangle + 148\langle 71^3 \rangle + 134\langle 71^2 \rangle \\
& + 79\langle 71 \rangle + 23\langle 7 \rangle + \langle 6^2 2 \rangle + \langle 6^2 1^2 \rangle + 4\langle 6^2 1 \rangle \\
& + 5\langle 6^2 \rangle + \langle 653 \rangle + 2\langle 652^2 \rangle + 2\langle 6521^2 \rangle + 12\langle 6521 \rangle \\
& + 21\langle 652 \rangle + 2\langle 651^4 \rangle + 11\langle 651^3 \rangle + 29\langle 651^2 \rangle + 43\langle 651 \rangle \\
& + 29\langle 65 \rangle + \langle 64^2 \rangle + 2\langle 6432 \rangle + 2\langle 6431^2 \rangle + 14\langle 6431 \rangle \\
& + 26\langle 643 \rangle + 3\langle 642^3 \rangle + 3\langle 642^2 1^2 \rangle + 18\langle 642^2 1 \rangle + 36\langle 642^2 \rangle \\
& + 3\langle 6421^4 \rangle + 18\langle 6421^3 \rangle + 60\langle 6421^2 \rangle + 124\langle 6421 \rangle + 128\langle 642 \rangle \\
& + 3\langle 641^6 \rangle + 16\langle 641^5 \rangle + 47\langle 641^4 \rangle + 102\langle 641^3 \rangle + 165\langle 641^2 \rangle \\
& + 176\langle 641 \rangle + 92\langle 64 \rangle + \langle 63^2 2^2 \rangle + \langle 63^2 21^2 \rangle + 10\langle 63^2 21 \rangle \\
& + 24\langle 63^2 2 \rangle + \langle 63^2 1^4 \rangle + 10\langle 63^2 1^3 \rangle + 42\langle 63^2 1^2 \rangle + 87\langle 63^2 1 \rangle \\
& + 81\langle 63^2 \rangle + 2\langle 632^4 \rangle + 2\langle 632^3 1^2 \rangle + 14\langle 632^3 1 \rangle + 31\langle 632^3 \rangle \\
& + 2\langle 632^2 1^4 \rangle + 14\langle 632^2 1^3 \rangle + 53\langle 632^2 1^2 \rangle + 124\langle 632^2 1 \rangle + 153\langle 632^2 \rangle \\
& + 2\langle 6321^6 \rangle + 14\langle 6321^5 \rangle + 53\langle 6321^4 \rangle + 144\langle 6321^3 \rangle + 290\langle 6321^2 \rangle \\
& + 398\langle 6321 \rangle + 298\langle 632 \rangle + 2\langle 631^8 \rangle + 13\langle 631^7 \rangle + 43\langle 631^6 \rangle \\
& + 103\langle 631^5 \rangle + 203\langle 631^4 \rangle + 328\langle 631^3 \rangle + 407\langle 631^2 \rangle + 346\langle 631 \rangle \\
& + 153\langle 63 \rangle + \langle 62^6 \rangle + \langle 62^5 1^2 \rangle + 6\langle 62^5 1 \rangle + 13\langle 62^5 \rangle \\
& + \langle 62^4 1^4 \rangle + 6\langle 62^4 1^3 \rangle + 21\langle 62^4 1^2 \rangle + 52\langle 62^4 1 \rangle + 71\langle 62^4 \rangle \\
& + \langle 62^3 1^6 \rangle + 6\langle 62^3 1^5 \rangle + 21\langle 62^3 1^4 \rangle + 60\langle 62^3 1^3 \rangle + 137\langle 62^3 1^2 \rangle \\
& + 220\langle 62^3 1 \rangle + 204\langle 62^3 \rangle + \langle 62^2 1^8 \rangle + 6\langle 62^2 1^7 \rangle + 21\langle 62^2 1^6 \rangle \\
& + 60\langle 62^2 1^5 \rangle + 143\langle 62^2 1^4 \rangle + 271\langle 62^2 1^3 \rangle + 400\langle 62^2 1^2 \rangle + 435\langle 62^2 1 \rangle \\
& + 281\langle 62^2 \rangle + \langle 621^{10} \rangle + 6\langle 621^9 \rangle + 20\langle 621^8 \rangle + 52\langle 621^7 \rangle \\
& + 114\langle 621^6 \rangle + 210\langle 621^5 \rangle + 326\langle 621^4 \rangle + 426\langle 621^3 \rangle + 451\langle 621^2 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 350\langle 621 \rangle & + 154\langle 62 \rangle & + \langle 61^{12} \rangle & + 4\langle 61^{11} \rangle & + 10\langle 61^{10} \rangle \\
& + 23\langle 61^9 \rangle & + 48\langle 61^8 \rangle & + 84\langle 61^7 \rangle & + 125\langle 61^6 \rangle & + 166\langle 61^5 \rangle \\
& + 197\langle 61^4 \rangle & + 197\langle 61^3 \rangle & + 154\langle 61^2 \rangle & + 84\langle 61 \rangle & + 24\langle 6 \rangle \\
& + \langle 5^232 \rangle & + \langle 5^231^2 \rangle & + 6\langle 5^231 \rangle & + 9\langle 5^23 \rangle & + \langle 5^22^3 \rangle \\
& + \langle 5^22^21^2 \rangle & + 8\langle 5^22^21 \rangle & + 16\langle 5^22^2 \rangle & + \langle 5^221^4 \rangle & + 8\langle 5^221^3 \rangle \\
& + 28\langle 5^221^2 \rangle & + 50\langle 5^221 \rangle & + 43\langle 5^22 \rangle & + \langle 5^21^6 \rangle & + 7\langle 5^21^5 \rangle \\
& + 22\langle 5^21^4 \rangle & + 43\langle 5^21^3 \rangle & + 59\langle 5^21^2 \rangle & + 56\langle 5^21 \rangle & + 28\langle 5^2 \rangle \\
& + \langle 54^22 \rangle & + \langle 54^21^2 \rangle & + 4\langle 54^21 \rangle & + 6\langle 54^2 \rangle & + 2\langle 5432^2 \rangle \\
& + 2\langle 54321^2 \rangle & + 14\langle 54321 \rangle & + 28\langle 5432 \rangle & + 2\langle 5431^4 \rangle & + 14\langle 5431^3 \rangle \\
& + 46\langle 5431^2 \rangle & + 81\langle 5431 \rangle & + 68\langle 543 \rangle & + 2\langle 542^4 \rangle & + 2\langle 542^31^2 \rangle \\
& + 14\langle 542^31 \rangle & + 31\langle 542^3 \rangle & + 2\langle 542^21^4 \rangle & + 14\langle 542^21^3 \rangle & + 53\langle 542^21^2 \rangle \\
& + 118\langle 542^21 \rangle & + 131\langle 542^2 \rangle & + 2\langle 5421^6 \rangle & + 14\langle 5421^5 \rangle & + 53\langle 5421^4 \rangle \\
& + 136\langle 5421^3 \rangle & + 244\langle 5421^2 \rangle & + 294\langle 5421 \rangle & + 201\langle 542 \rangle & + 2\langle 541^8 \rangle \\
& + 12\langle 541^7 \rangle & + 40\langle 541^6 \rangle & + 94\langle 541^5 \rangle & + 169\langle 541^4 \rangle & + 238\langle 541^3 \rangle \\
& + 263\langle 541^2 \rangle & + 214\langle 541 \rangle & + 95\langle 54 \rangle & + 2\langle 53^31 \rangle & + 7\langle 53^3 \rangle \\
& + \langle 53^22^3 \rangle & + \langle 53^22^21^2 \rangle & + 10\langle 53^22^21 \rangle & + 24\langle 53^22^2 \rangle & + \langle 53^221^4 \rangle \\
& + 10\langle 53^221^3 \rangle & + 44\langle 53^221^2 \rangle & + 100\langle 53^221 \rangle & + 111\langle 53^22 \rangle & + \langle 53^21^6 \rangle \\
& + 10\langle 53^21^5 \rangle & + 42\langle 53^21^4 \rangle & + 107\langle 53^21^3 \rangle & + 188\langle 53^21^2 \rangle & + 221\langle 53^21 \rangle \\
& + 139\langle 53^2 \rangle & + \langle 532^5 \rangle & + \langle 532^41^2 \rangle & + 10\langle 532^41 \rangle & + 26\langle 532^4 \rangle \\
& + \langle 532^31^4 \rangle & + 10\langle 532^31^3 \rangle & + 46\langle 532^31^2 \rangle & + 116\langle 532^31 \rangle & + 147\langle 532^3 \rangle \\
& + \langle 532^21^6 \rangle & + 10\langle 532^21^5 \rangle & + 46\langle 532^21^4 \rangle & + 138\langle 532^21^3 \rangle & + 295\langle 532^21^2 \rangle \\
& + 427\langle 532^21 \rangle & + 351\langle 532^2 \rangle & + \langle 5321^8 \rangle & + 10\langle 5321^7 \rangle & + 46\langle 5321^6 \rangle \\
& + 136\langle 5321^5 \rangle & + 298\langle 5321^4 \rangle & + 510\langle 5321^3 \rangle & + 678\langle 5321^2 \rangle & + 660\langle 5321 \rangle \\
& + 385\langle 532 \rangle & + \langle 531^{10} \rangle & + 9\langle 531^9 \rangle & + 36\langle 531^8 \rangle & + 95\langle 531^7 \rangle \\
& + 195\langle 531^6 \rangle & + 328\langle 531^5 \rangle & + 459\langle 531^4 \rangle & + 541\langle 531^3 \rangle & + 527\langle 531^2 \rangle \\
& + 383\langle 531 \rangle & + 154\langle 53 \rangle & + 2\langle 52^61 \rangle & + 8\langle 52^6 \rangle & + 2\langle 52^51^3 \rangle \\
& + 14\langle 52^51^2 \rangle & + 44\langle 52^51 \rangle & + 65\langle 52^5 \rangle & + 2\langle 52^41^5 \rangle & + 14\langle 52^41^4 \rangle \\
& + 52\langle 52^41^3 \rangle & + 129\langle 52^41^2 \rangle & + 212\langle 52^41 \rangle & + 199\langle 52^4 \rangle & + 2\langle 52^31^7 \rangle \\
& + 14\langle 52^31^6 \rangle & + 52\langle 52^31^5 \rangle & + 137\langle 52^31^4 \rangle & + 274\langle 52^31^3 \rangle & + 420\langle 52^31^2 \rangle \\
& + 474\langle 52^31 \rangle & + 330\langle 52^3 \rangle & + 2\langle 52^21^9 \rangle & + 14\langle 52^21^8 \rangle & + 52\langle 52^21^7 \rangle \\
& + 135\langle 52^21^6 \rangle & + 269\langle 52^21^5 \rangle & + 436\langle 52^21^4 \rangle & + 591\langle 52^21^3 \rangle & + 660\langle 52^21^2 \rangle \\
& + 572\langle 52^21 \rangle & + 315\langle 52^2 \rangle & + 2\langle 521^{11} \rangle & + 13\langle 521^{10} \rangle & + 44\langle 521^9 \rangle \\
& + 106\langle 521^8 \rangle & + 202\langle 521^7 \rangle & + 320\langle 521^6 \rangle & + 438\langle 521^5 \rangle & + 529\langle 521^4 \rangle \\
& + 562\langle 521^3 \rangle & + 510\langle 521^2 \rangle & + 360\langle 521 \rangle & + 150\langle 52 \rangle & + \langle 51^{13} \rangle \\
& + 6\langle 51^{12} \rangle & + 19\langle 51^{11} \rangle & + 44\langle 51^{10} \rangle & + 80\langle 51^9 \rangle & + 121\langle 51^8 \rangle \\
& + 162\langle 51^7 \rangle & + 197\langle 51^6 \rangle & + 219\langle 51^5 \rangle & + 224\langle 51^4 \rangle & + 204\langle 51^3 \rangle \\
& + 152\langle 51^2 \rangle & + 80\langle 51 \rangle & + 22\langle 5 \rangle & + \langle 4^32^2 \rangle & + \langle 4^321^2 \rangle \\
& + 4\langle 4^321 \rangle & + 6\langle 4^32 \rangle & + \langle 4^31^4 \rangle & + 4\langle 4^31^3 \rangle & + 8\langle 4^31^2 \rangle \\
& + 12\langle 4^31 \rangle & + 11\langle 4^3 \rangle & + 2\langle 4^23^21 \rangle & + 5\langle 4^23^2 \rangle & + \langle 4^232^3 \rangle \\
& + \langle 4^232^21^2 \rangle & + 8\langle 4^232^21 \rangle & + 19\langle 4^232^2 \rangle & + \langle 4^2321^4 \rangle & + 8\langle 4^2321^3 \rangle \\
& + 33\langle 4^2321^2 \rangle & + 70\langle 4^2321 \rangle & + 70\langle 4^232 \rangle & + \langle 4^231^6 \rangle & + 8\langle 4^231^5 \rangle \\
& + 31\langle 4^231^4 \rangle & + 73\langle 4^231^3 \rangle & + 114\langle 4^231^2 \rangle & + 121\langle 4^231 \rangle & + 74\langle 4^23 \rangle \\
& + \langle 4^22^5 \rangle & + \langle 4^22^41^2 \rangle & + 6\langle 4^22^41 \rangle & + 15\langle 4^22^4 \rangle & + \langle 4^22^31^4 \rangle \\
& + 6\langle 4^22^31^3 \rangle & + 25\langle 4^22^31^2 \rangle & + 68\langle 4^22^31 \rangle & + 88\langle 4^22^3 \rangle & + \langle 4^22^21^6 \rangle \\
& + 6\langle 4^22^21^5 \rangle & + 25\langle 4^22^21^4 \rangle & + 80\langle 4^22^21^3 \rangle & + 172\langle 4^22^21^2 \rangle & + 232\langle 4^22^21 \rangle \\
& + 174\langle 4^22^2 \rangle & + \langle 4^221^8 \rangle & + 6\langle 4^221^7 \rangle & + 25\langle 4^221^6 \rangle & + 78\langle 4^221^5 \rangle \\
& + 173\langle 4^221^4 \rangle & + 274\langle 4^221^3 \rangle & + 325\langle 4^221^2 \rangle & + 294\langle 4^221 \rangle & + 171\langle 4^22 \rangle \\
& + \langle 4^21^{10} \rangle & + 5\langle 4^21^9 \rangle & + 18\langle 4^21^8 \rangle & + 51\langle 4^21^7 \rangle & + 108\langle 4^21^6 \rangle \\
& + 172\langle 4^21^5 \rangle & + 217\langle 4^21^4 \rangle & + 232\langle 4^21^3 \rangle & + 217\langle 4^21^2 \rangle & + 162\langle 4^21 \rangle \\
& + 68\langle 4^2 \rangle & + 2\langle 43^321 \rangle & + 7\langle 43^32 \rangle & + 2\langle 43^31^3 \rangle & + 13\langle 43^31^2 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 31\langle 43^31 \rangle & + 31\langle 43^3 \rangle & + 4\langle 43^22^31 \rangle & + 15\langle 43^22^3 \rangle & + 4\langle 43^22^21^3 \rangle \\
& + 29\langle 43^22^21^2 \rangle & + 80\langle 43^22^21 \rangle & + 98\langle 43^22^2 \rangle & + 4\langle 43^221^5 \rangle & + 29\langle 43^221^4 \rangle \\
& + 98\langle 43^221^3 \rangle & + 201\langle 43^221^2 \rangle & + 262\langle 43^221 \rangle & + 191\langle 43^22 \rangle & + 4\langle 43^21^7 \rangle \\
& + 27\langle 43^21^6 \rangle & + 85\langle 43^21^5 \rangle & + 174\langle 43^21^4 \rangle & + 267\langle 43^21^3 \rangle & + 318\langle 43^21^2 \rangle \\
& + 278\langle 43^21 \rangle & + 143\langle 43^2 \rangle & + 2\langle 432^51 \rangle & + 10\langle 432^5 \rangle & + 2\langle 432^41^3 \rangle \\
& + 18\langle 432^41^2 \rangle & + 66\langle 432^41 \rangle & + 104\langle 432^4 \rangle & + 2\langle 432^31^5 \rangle & + 18\langle 432^31^4 \rangle \\
& + 80\langle 432^31^3 \rangle & + 214\langle 432^31^2 \rangle & + 348\langle 432^31 \rangle & + 305\langle 432^3 \rangle & + 2\langle 432^21^7 \rangle \\
& + 18\langle 432^21^6 \rangle & + 80\langle 432^21^5 \rangle & + 228\langle 432^21^4 \rangle & + 453\langle 432^21^3 \rangle & + 649\langle 432^21^2 \rangle \\
& + 663\langle 432^21 \rangle & + 419\langle 432^2 \rangle & + 2\langle 4321^9 \rangle & + 18\langle 4321^8 \rangle & + 78\langle 4321^7 \rangle \\
& + 215\langle 4321^6 \rangle & + 424\langle 4321^5 \rangle & + 644\langle 4321^4 \rangle & + 794\langle 4321^3 \rangle & + 813\langle 4321^2 \rangle \\
& + 664\langle 4321 \rangle & + 350\langle 432 \rangle & + 2\langle 431^{11} \rangle & + 14\langle 431^{10} \rangle & + 52\langle 431^9 \rangle \\
& + 134\langle 431^8 \rangle & + 258\langle 431^7 \rangle & + 389\langle 431^6 \rangle & + 487\langle 431^5 \rangle & + 537\langle 431^4 \rangle \\
& + 539\langle 431^3 \rangle & + 478\langle 431^2 \rangle & + 328\langle 431 \rangle & + 126\langle 43 \rangle & + \langle 42^7 \rangle \\
& + \langle 42^61^2 \rangle & + 14\langle 42^61 \rangle & + 36\langle 42^6 \rangle & + \langle 42^51^4 \rangle & + 16\langle 42^51^3 \rangle \\
& + 72\langle 42^51^2 \rangle & + 154\langle 42^51 \rangle & + 163\langle 42^5 \rangle & + \langle 42^41^6 \rangle & + 16\langle 42^41^5 \rangle \\
& + \langle 42^31^8 \rangle & + 16\langle 42^31^7 \rangle & + 78\langle 42^31^6 \rangle & + 210\langle 42^31^5 \rangle & + 392\langle 42^31^4 \rangle \\
& + 566\langle 42^31^3 \rangle & + 652\langle 42^31^2 \rangle & + 582\langle 42^31 \rangle & + 343\langle 42^3 \rangle & + \langle 42^21^{10} \rangle \\
& + 16\langle 42^21^9 \rangle & + 76\langle 42^21^8 \rangle & + 199\langle 42^21^7 \rangle & + 366\langle 42^21^6 \rangle & + 539\langle 42^21^5 \rangle \\
& + 674\langle 42^21^4 \rangle & + 730\langle 42^21^3 \rangle & + 687\langle 42^21^2 \rangle & + 538\langle 42^21 \rangle & + 282\langle 42^2 \rangle \\
& + \langle 421^{12} \rangle & + 13\langle 421^{11} \rangle & + 57\langle 421^{10} \rangle & + 144\langle 421^9 \rangle & + 260\langle 421^8 \rangle \\
& + 378\langle 421^7 \rangle & + 473\langle 421^6 \rangle & + 530\langle 421^5 \rangle & + 548\langle 421^4 \rangle & + 528\langle 421^3 \rangle \\
& + 456\langle 421^2 \rangle & + 312\langle 421 \rangle & + 126\langle 42 \rangle & + 4\langle 41^{13} \rangle & + 22\langle 41^{12} \rangle \\
& + 56\langle 41^{11} \rangle & + 97\langle 41^{10} \rangle & + 138\langle 41^9 \rangle & + 173\langle 41^8 \rangle & + 195\langle 41^7 \rangle \\
& + 204\langle 41^6 \rangle & + 206\langle 41^5 \rangle & + 202\langle 41^4 \rangle & + 180\langle 41^3 \rangle & + 130\langle 41^2 \rangle \\
& + 66\langle 41 \rangle & + 18\langle 4 \rangle & + \langle 3^5 \rangle & + 2\langle 3^42^2 \rangle & + 4\langle 3^421^2 \rangle \\
& + 16\langle 3^421 \rangle & + 22\langle 3^42 \rangle & + 4\langle 3^41^4 \rangle & + 19\langle 3^41^3 \rangle & + 40\langle 3^41^2 \rangle \\
& + 49\langle 3^41 \rangle & + 32\langle 3^4 \rangle & + 2\langle 3^32^4 \rangle & + 4\langle 3^32^31^2 \rangle & + 22\langle 3^32^31 \rangle \\
& + 39\langle 3^32^3 \rangle & + 4\langle 3^32^21^4 \rangle & + 28\langle 3^32^21^3 \rangle & + 85\langle 3^32^21^2 \rangle & + 138\langle 3^32^21 \rangle \\
& + 114\langle 3^32^2 \rangle & + 4\langle 3^321^6 \rangle & + 28\langle 3^321^5 \rangle & + 90\langle 3^321^4 \rangle & + 178\langle 3^321^3 \rangle \\
& + 241\langle 3^321^2 \rangle & + 228\langle 3^321 \rangle & + 133\langle 3^32 \rangle & + 4\langle 3^31^8 \rangle & + 24\langle 3^31^7 \rangle \\
& + 71\langle 3^31^6 \rangle & + 138\langle 3^31^5 \rangle & + 198\langle 3^31^4 \rangle & + 228\langle 3^31^3 \rangle & + 221\langle 3^31^2 \rangle \\
& + 170\langle 3^31 \rangle & + 80\langle 3^3 \rangle & + \langle 3^22^6 \rangle & + \langle 3^22^51^2 \rangle & + 10\langle 3^22^51 \rangle \\
& + 27\langle 3^22^5 \rangle & + \langle 3^22^41^4 \rangle & + 12\langle 3^22^41^3 \rangle & + 57\langle 3^22^41^2 \rangle & + 132\langle 3^22^41 \rangle \\
& + 143\langle 3^22^4 \rangle & + \langle 3^22^31^6 \rangle & + 12\langle 3^22^31^5 \rangle & + 61\langle 3^22^31^4 \rangle & + 178\langle 3^22^31^3 \rangle \\
& + 321\langle 3^22^31^2 \rangle & + 368\langle 3^22^31 \rangle & + 244\langle 3^22^3 \rangle & + \langle 3^22^21^8 \rangle & + 12\langle 3^22^21^7 \rangle \\
& + 61\langle 3^22^21^6 \rangle & + 181\langle 3^22^21^5 \rangle & + 353\langle 3^22^21^4 \rangle & + 497\langle 3^22^21^3 \rangle & + 538\langle 3^22^21^2 \rangle \\
& + 450\langle 3^22^21 \rangle & + 252\langle 3^22^2 \rangle & + \langle 3^221^{10} \rangle & + 12\langle 3^221^9 \rangle & + 57\langle 3^221^8 \rangle \\
& + 162\langle 3^221^7 \rangle & + 313\langle 3^221^6 \rangle & + 450\langle 3^221^5 \rangle & + 526\langle 3^221^4 \rangle & + 540\langle 3^221^3 \rangle \\
& + 498\langle 3^221^2 \rangle & + 382\langle 3^221 \rangle & + 190\langle 3^22 \rangle & + \langle 3^21^{12} \rangle & + 8\langle 3^21^{11} \rangle \\
& + 34\langle 3^21^{10} \rangle & + 94\langle 3^21^9 \rangle & + 180\langle 3^21^8 \rangle & + 259\langle 3^21^7 \rangle & + 306\langle 3^21^6 \rangle \\
& + 323\langle 3^21^5 \rangle & + 324\langle 3^21^4 \rangle & + 312\langle 3^21^3 \rangle & + 268\langle 3^21^2 \rangle & + 174\langle 3^21 \rangle \\
& + 62\langle 3^2 \rangle & + 5\langle 32^7 \rangle & + 9\langle 32^61^2 \rangle & + 44\langle 32^61 \rangle & + 71\langle 32^6 \rangle \\
& + 9\langle 32^51^4 \rangle & + 58\langle 32^51^3 \rangle & + 157\langle 32^51^2 \rangle & + 236\langle 32^51 \rangle & + 190\langle 32^5 \rangle \\
& + 9\langle 32^41^6 \rangle & + 60\langle 32^41^5 \rangle & + 179\langle 32^41^4 \rangle & + 332\langle 32^41^3 \rangle & + 430\langle 32^41^2 \rangle \\
& + 400\langle 32^41 \rangle & + 239\langle 32^4 \rangle & + 9\langle 32^31^8 \rangle & + 60\langle 32^31^7 \rangle & + 180\langle 32^31^6 \rangle \\
& + 344\langle 32^31^5 \rangle & + 487\langle 32^31^4 \rangle & + 554\langle 32^31^3 \rangle & + 529\langle 32^31^2 \rangle & + 420\langle 32^31 \rangle \\
& + 234\langle 32^3 \rangle & + 9\langle 32^21^{10} \rangle & + 56\langle 32^21^9 \rangle & + 163\langle 32^21^8 \rangle & + 309\langle 32^21^7 \rangle \\
& + 441\langle 32^21^6 \rangle & + 520\langle 32^21^5 \rangle & + 545\langle 32^21^4 \rangle & + 530\langle 32^21^3 \rangle & + 474\langle 32^21^2 \rangle \\
& + 360\langle 32^21 \rangle & + 182\langle 32^2 \rangle & + 6\langle 321^{12} \rangle & + 38\langle 321^{11} \rangle & + 111\langle 321^{10} \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 210\langle 321^9 \rangle & + 300\langle 321^8 \rangle & + 356\langle 321^7 \rangle & + 378\langle 321^6 \rangle & + 382\langle 321^5 \rangle \\
& + 378\langle 321^4 \rangle & + 358\langle 321^3 \rangle & + 302\langle 321^2 \rangle & + 198\langle 321 \rangle & + 76\langle 32 \rangle \\
& + \langle 31^{14} \rangle & + 13\langle 31^{13} \rangle & + 41\langle 31^{12} \rangle & + 78\langle 31^{11} \rangle & + 112\langle 31^{10} \rangle \\
& + 134\langle 31^9 \rangle & + 143\langle 31^8 \rangle & + 145\langle 31^7 \rangle & + 145\langle 31^6 \rangle & + 145\langle 31^5 \rangle \\
& + 141\langle 31^4 \rangle & + 123\langle 31^3 \rangle & + 85\langle 31^2 \rangle & + 41\langle 31 \rangle & + 11\langle 3 \rangle \\
& + 2\langle 2^8 1 \rangle & + 8\langle 2^8 \rangle & + 2\langle 2^7 1^3 \rangle & + 16\langle 2^7 1^2 \rangle & + 44\langle 2^7 1 \rangle \\
& + 51\langle 2^7 \rangle & + 2\langle 2^6 1^5 \rangle & + 18\langle 2^6 1^4 \rangle & + 62\langle 2^6 1^3 \rangle & + 115\langle 2^6 1^2 \rangle \\
& + 130\langle 2^6 1 \rangle & + 85\langle 2^6 \rangle & + 2\langle 2^5 1^7 \rangle & + 18\langle 2^5 1^6 \rangle & + 66\langle 2^5 1^5 \rangle \\
& + 137\langle 2^5 1^4 \rangle & + 188\langle 2^5 1^3 \rangle & + 191\langle 2^5 1^2 \rangle & + 154\langle 2^5 1 \rangle & + 88\langle 2^5 \rangle \\
& + 2\langle 2^4 1^9 \rangle & + 18\langle 2^4 1^8 \rangle & + 65\langle 2^4 1^7 \rangle & + 136\langle 2^4 1^6 \rangle & + 196\langle 2^4 1^5 \rangle \\
& + 221\langle 2^4 1^4 \rangle & + 216\langle 2^4 1^3 \rangle & + 192\langle 2^4 1^2 \rangle & + 150\langle 2^4 1 \rangle & + 84\langle 2^4 \rangle \\
& + 2\langle 2^3 1^{11} \rangle & + 16\langle 2^3 1^{10} \rangle & + 57\langle 2^3 1^9 \rangle & + 120\langle 2^3 1^8 \rangle & + 174\langle 2^3 1^7 \rangle \\
& + 199\langle 2^3 1^6 \rangle & + 204\langle 2^3 1^5 \rangle & + 202\langle 2^3 1^4 \rangle & + 192\langle 2^3 1^3 \rangle & + 168\langle 2^3 1^2 \rangle \\
& + 126\langle 2^3 1 \rangle & + 64\langle 2^3 \rangle & + \langle 2^2 1^{13} \rangle & + 10\langle 2^2 1^{12} \rangle & + 38\langle 2^2 1^{11} \rangle \\
& + 82\langle 2^2 1^{10} \rangle & + 121\langle 2^2 1^9 \rangle & + 140\langle 2^2 1^8 \rangle & + 144\langle 2^2 1^7 \rangle & + 144\langle 2^2 1^6 \rangle \\
& + 144\langle 2^2 1^5 \rangle & + 142\langle 2^2 1^4 \rangle & + 132\langle 2^2 1^3 \rangle & + 108\langle 2^2 1^2 \rangle & + 70\langle 2^2 1 \rangle \\
& + 28\langle 2^2 \rangle & + 3\langle 21^{14} \rangle & + 15\langle 21^{13} \rangle & + 36\langle 21^{12} \rangle & + 55\langle 21^{11} \rangle \\
& + 64\langle 21^{10} \rangle & + 66\langle 21^9 \rangle & + 66\langle 21^8 \rangle & + 66\langle 21^7 \rangle & + 66\langle 21^6 \rangle \\
& + 66\langle 21^5 \rangle & + 64\langle 21^4 \rangle & + 54\langle 21^3 \rangle & + 36\langle 21^2 \rangle & + 18\langle 21 \rangle \\
& + 6\langle 2 \rangle & + 2\langle 1^{15} \rangle & + 7\langle 1^{14} \rangle & + 12\langle 1^{13} \rangle & + 14\langle 1^{12} \rangle \\
& + 14\langle 1^{11} \rangle & + 14\langle 1^{10} \rangle & + 14\langle 1^9 \rangle & + 14\langle 1^8 \rangle & + 14\langle 1^7 \rangle \\
& + 14\langle 1^6 \rangle & + 14\langle 1^5 \rangle & + 12\langle 1^4 \rangle & + 8\langle 1^3 \rangle & + 4\langle 1^2 \rangle \\
& + 2\langle 1 \rangle & + \langle 0 \rangle & & &
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 41 \rangle^2 = & \\
& \langle 9 \rangle + \langle 82 \rangle + \langle 81^2 \rangle + 4\langle 81 \rangle + 3\langle 8 \rangle \\
& + \langle 73 \rangle + 2\langle 721 \rangle + 7\langle 72 \rangle + \langle 71^3 \rangle + 6\langle 71^2 \rangle \\
& + 11\langle 71 \rangle + 6\langle 7 \rangle + \langle 64 \rangle + 2\langle 631 \rangle + 8\langle 63 \rangle \\
& + \langle 62^2 \rangle + \langle 621^2 \rangle + 11\langle 621 \rangle + 19\langle 62 \rangle + 4\langle 61^3 \rangle \\
& + 16\langle 61^2 \rangle + 21\langle 61 \rangle + 9\langle 6 \rangle + \langle 5^2 \rangle + 2\langle 541 \rangle \\
& + 6\langle 54 \rangle + \langle 532 \rangle + \langle 531^2 \rangle + 12\langle 531 \rangle + 20\langle 53 \rangle \\
& + 5\langle 52^2 \rangle + 6\langle 521^2 \rangle + 30\langle 521 \rangle + 34\langle 52 \rangle + \langle 51^4 \rangle \\
& + 11\langle 51^3 \rangle + 29\langle 51^2 \rangle + 29\langle 51 \rangle + 11\langle 5 \rangle + \langle 4^2 2 \rangle \\
& + \langle 4^2 1^2 \rangle + 6\langle 4^2 1 \rangle + 9\langle 4^2 \rangle + 6\langle 432 \rangle + 6\langle 431^2 \rangle \\
& + 27\langle 431 \rangle + 28\langle 43 \rangle + 2\langle 42^2 1 \rangle + 15\langle 42^2 \rangle + \langle 421^3 \rangle \\
& + 18\langle 421^2 \rangle + 49\langle 421 \rangle + 40\langle 42 \rangle + 3\langle 41^4 \rangle + 19\langle 41^3 \rangle \\
& + 36\langle 41^2 \rangle + 30\langle 41 \rangle + 10\langle 4 \rangle + \langle 3^3 \rangle + 2\langle 3^2 21 \rangle \\
& + 10\langle 3^2 2 \rangle + \langle 3^2 1^3 \rangle + 10\langle 3^2 1^2 \rangle + 26\langle 3^2 1 \rangle + 20\langle 3^2 \rangle \\
& + 8\langle 32^2 1 \rangle + 20\langle 32^2 \rangle + 4\langle 321^3 \rangle + 25\langle 321^2 \rangle + 46\langle 321 \rangle \\
& + 31\langle 32 \rangle + 5\langle 31^4 \rangle + 20\langle 31^3 \rangle + 31\langle 31^2 \rangle + 23\langle 31 \rangle \\
& + 8\langle 3 \rangle + \langle 2^4 \rangle + \langle 2^3 1^2 \rangle + 7\langle 2^3 1 \rangle + 11\langle 2^3 \rangle \\
& + 4\langle 2^2 1^3 \rangle + 15\langle 2^2 1^2 \rangle + 22\langle 2^2 1 \rangle + 14\langle 2^2 \rangle + 4\langle 21^4 \rangle \\
& + 13\langle 21^3 \rangle + 18\langle 21^2 \rangle + 13\langle 21 \rangle + 5\langle 2 \rangle + 2\langle 1^5 \rangle \\
& + 5\langle 1^4 \rangle + 6\langle 1^3 \rangle + 4\langle 1^2 \rangle + 2\langle 1 \rangle + \langle 0 \rangle \\
\langle 41^2 \rangle^2 = & \\
& \langle 10 \rangle + \langle 92 \rangle + \langle 91^2 \rangle + 4\langle 91 \rangle + 3\langle 9 \rangle \\
& + 2\langle 83 \rangle + \langle 82^2 \rangle + \langle 821^2 \rangle + 6\langle 821 \rangle + 12\langle 82 \rangle \\
& + \langle 81^4 \rangle + 4\langle 81^3 \rangle + 10\langle 81^2 \rangle + 15\langle 81 \rangle + 8\langle 8 \rangle \\
& + 2\langle 74 \rangle + \langle 732 \rangle + \langle 731^2 \rangle + 9\langle 731 \rangle + 18\langle 73 \rangle \\
& + 2\langle 72^2 1 \rangle + 8\langle 72^2 \rangle + 2\langle 721^3 \rangle + 13\langle 721^2 \rangle + 36\langle 721 \rangle \\
& + 38\langle 72 \rangle + \langle 71^5 \rangle + 6\langle 71^4 \rangle + 19\langle 71^3 \rangle + 36\langle 71^2 \rangle \\
& + 35\langle 71 \rangle + 13\langle 7 \rangle + 2\langle 65 \rangle + \langle 642 \rangle + \langle 641^2 \rangle \\
& + 9\langle 641 \rangle + 18\langle 64 \rangle + 2\langle 6321 \rangle + 12\langle 632 \rangle + 2\langle 631^3 \rangle \\
& + 16\langle 631^2 \rangle + 52\langle 631 \rangle + 55\langle 63 \rangle + \langle 62^3 \rangle + \langle 62^2 1^2 \rangle \\
& + 14\langle 62^2 1 \rangle + 38\langle 62^2 \rangle + \langle 621^4 \rangle + 13\langle 621^3 \rangle + 55\langle 621^2 \rangle \\
& + 108\langle 621 \rangle + 83\langle 62 \rangle + 4\langle 61^5 \rangle + 22\langle 61^4 \rangle + 54\langle 61^3 \rangle \\
& + 76\langle 61^2 \rangle + 58\langle 61 \rangle + 19\langle 6 \rangle + \langle 5^2 2 \rangle + \langle 5^2 1^2 \rangle \\
& + 5\langle 5^2 1 \rangle + 8\langle 5^2 \rangle + 2\langle 5421 \rangle + 10\langle 542 \rangle + 2\langle 541^3 \rangle \\
& + 14\langle 541^2 \rangle + 42\langle 541 \rangle + 42\langle 54 \rangle + 4\langle 53^2 \rangle + \langle 532^2 \rangle \\
& + \langle 5321^2 \rangle + 18\langle 5321 \rangle + 55\langle 532 \rangle + \langle 531^4 \rangle + 14\langle 531^3 \rangle \\
& + 68\langle 531^2 \rangle + 139\langle 531 \rangle + 99\langle 53 \rangle + 5\langle 52^3 \rangle + 9\langle 52^2 1^2 \rangle \\
& + 56\langle 52^2 1 \rangle + 97\langle 52^2 \rangle + 6\langle 521^4 \rangle + 48\langle 521^3 \rangle + 146\langle 521^2 \rangle \\
& + 204\langle 521 \rangle + 117\langle 52 \rangle + \langle 51^6 \rangle + 13\langle 51^5 \rangle + 52\langle 51^4 \rangle \\
& + 103\langle 51^3 \rangle + 115\langle 51^2 \rangle + 70\langle 51 \rangle + 19\langle 5 \rangle + 2\langle 4^2 3 \rangle \\
& + \langle 4^2 2^2 \rangle + \langle 4^2 21^2 \rangle + 10\langle 4^2 21 \rangle + 28\langle 4^2 2 \rangle + \langle 4^2 1^4 \rangle \\
& + 8\langle 4^2 1^3 \rangle + 33\langle 4^2 1^2 \rangle + 65\langle 4^2 1 \rangle + 46\langle 4^2 \rangle + 4\langle 43^2 1 \rangle \\
& + 17\langle 43^2 \rangle + 6\langle 432^2 \rangle + 10\langle 4321^2 \rangle + 64\langle 4321 \rangle + 114\langle 432 \rangle \\
& + 6\langle 431^4 \rangle + 45\langle 431^3 \rangle + 139\langle 431^2 \rangle + 196\langle 431 \rangle + 107\langle 43 \rangle \\
& + 2\langle 42^3 1 \rangle + 21\langle 42^3 \rangle + 2\langle 42^2 1^3 \rangle + 35\langle 42^2 1^2 \rangle + 128\langle 42^2 1 \rangle \\
& + 153\langle 42^2 \rangle + \langle 421^5 \rangle + 22\langle 421^4 \rangle + 106\langle 421^3 \rangle + 226\langle 421^2 \rangle \\
& + 243\langle 421 \rangle + 117\langle 42 \rangle + 3\langle 41^6 \rangle + 29\langle 41^5 \rangle + 84\langle 41^4 \rangle \\
& + 128\langle 41^3 \rangle + 116\langle 41^2 \rangle + 63\langle 41 \rangle + 17\langle 4 \rangle + \langle 3^3 2 \rangle \\
& + \langle 3^3 1^2 \rangle + 12\langle 3^3 1 \rangle + 24\langle 3^3 \rangle + 2\langle 3^2 2^2 1 \rangle + 14\langle 3^2 2^2 \rangle \\
& + 2\langle 3^2 21^3 \rangle + 24\langle 3^2 21^2 \rangle + 85\langle 3^2 21 \rangle + 101\langle 3^2 2 \rangle + \langle 3^2 1^5 \rangle \\
& + 12\langle 3^2 1^4 \rangle + 56\langle 3^2 1^3 \rangle + 126\langle 3^2 1^2 \rangle + 137\langle 3^2 1 \rangle + 61\langle 3^2 \rangle \\
& + 10\langle 32^3 1 \rangle + 36\langle 32^3 \rangle + 10\langle 32^2 1^3 \rangle + 65\langle 32^2 1^2 \rangle + 148\langle 32^2 1 \rangle \\
& + 131\langle 32^2 \rangle + 4\langle 321^5 \rangle + 37\langle 321^4 \rangle + 124\langle 321^3 \rangle + 205\langle 321^2 \rangle \\
& + 180\langle 321 \rangle + 75\langle 32 \rangle + 7\langle 31^6 \rangle + 36\langle 31^5 \rangle + 81\langle 31^4 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{array}{ccccc}
+ 104\langle 31^3 \rangle & + 83\langle 31^2 \rangle & + 41\langle 31 \rangle & + 11\langle 3 \rangle & + \langle 2^5 \rangle \\
+ \langle 2^4 1^2 \rangle & + 11\langle 2^4 1 \rangle & + 25\langle 2^4 \rangle & + \langle 2^3 1^4 \rangle & + 11\langle 2^3 1^3 \rangle \\
+ 43\langle 2^3 1^2 \rangle & + 75\langle 2^3 1 \rangle & + 56\langle 2^3 \rangle & + 4\langle 2^2 1^5 \rangle & + 27\langle 2^2 1^4 \rangle \\
+ 69\langle 2^2 1^3 \rangle & + 91\langle 2^2 1^2 \rangle & + 69\langle 2^2 1 \rangle & + 28\langle 2^2 \rangle & + 6\langle 2 1^6 \rangle \\
+ 26\langle 2 1^5 \rangle & + 49\langle 2 1^4 \rangle & + 52\langle 2 1^3 \rangle & + 36\langle 2 1^2 \rangle & + 18\langle 2 1 \rangle \\
+ 6\langle 2 \rangle & + 3\langle 1^7 \rangle & + 9\langle 1^6 \rangle & + 13\langle 1^5 \rangle & + 12\langle 1^4 \rangle \\
+ 8\langle 1^3 \rangle & + 4\langle 1^2 \rangle & + 2\langle 1 \rangle & + \langle 0 \rangle &
\end{array}$$

$$\begin{aligned}
\langle 41^3 \rangle^2 = & \langle 11 \rangle + \langle 10 \ 2 \rangle + \langle 10 \ 1^2 \rangle + 4\langle 10 \ 1 \rangle + 3\langle 10 \ \rangle \\
& + 2\langle 93 \rangle + \langle 92^2 \rangle + \langle 921^2 \rangle + 6\langle 921 \rangle + 12\langle 92 \rangle \\
& + \langle 91^4 \rangle + 4\langle 91^3 \rangle + 10\langle 91^2 \rangle + 15\langle 91 \rangle + 8\langle 9 \rangle \\
& + 3\langle 84 \rangle + 2\langle 832 \rangle + 2\langle 831^2 \rangle + 13\langle 831 \rangle + 23\langle 83 \rangle \\
& + \langle 82^3 \rangle + \langle 82^2 1^2 \rangle + 6\langle 82^2 1 \rangle + 13\langle 82^2 \rangle + \langle 821^4 \rangle \\
& + 6\langle 821^3 \rangle + 20\langle 821^2 \rangle + 44\langle 821 \rangle + 44\langle 82 \rangle + \langle 81^6 \rangle \\
& + 4\langle 81^5 \rangle + 10\langle 81^4 \rangle + 23\langle 81^3 \rangle + 40\langle 81^2 \rangle + 39\langle 81 \rangle \\
& + 15\langle 8 \rangle + 3\langle 75 \rangle + 2\langle 742 \rangle + 2\langle 741^2 \rangle + 16\langle 741 \rangle \\
& + 28\langle 74 \rangle + \langle 73^2 \rangle + \langle 732^2 \rangle + \langle 7321^2 \rangle + 10\langle 7321 \rangle \\
& + 28\langle 732 \rangle + \langle 731^4 \rangle + 9\langle 731^3 \rangle + 38\langle 731^2 \rangle + 87\langle 731 \rangle \\
& + 78\langle 73 \rangle + 2\langle 72^3 1 \rangle + 8\langle 72^3 \rangle + 2\langle 72^2 1^3 \rangle + 14\langle 72^2 1^2 \rangle \\
& + 44\langle 72^2 1 \rangle + 67\langle 72^2 \rangle + 2\langle 721^5 \rangle + 13\langle 721^4 \rangle + 44\langle 721^3 \rangle \\
& + 102\langle 721^2 \rangle + 154\langle 721 \rangle + 107\langle 72 \rangle + \langle 71^7 \rangle + 6\langle 71^6 \rangle \\
& + 19\langle 71^5 \rangle + 44\langle 71^4 \rangle + 78\langle 71^3 \rangle + 98\langle 71^2 \rangle + 72\langle 71 \rangle \\
& + 23\langle 7 \rangle + \langle 6^2 \rangle + 2\langle 652 \rangle + 2\langle 651^2 \rangle + 12\langle 651 \rangle \\
& + 20\langle 65 \rangle + \langle 643 \rangle + \langle 642^2 \rangle + \langle 6421^2 \rangle + 10\langle 6421 \rangle \\
& + 83\langle 64 \rangle + 4\langle 63^2 1 \rangle + 17\langle 63^2 \rangle + 2\langle 632^2 1 \rangle + 12\langle 632^2 \rangle \\
& + 2\langle 6321^3 \rangle + 20\langle 6321^2 \rangle + 84\langle 6321 \rangle + 143\langle 632 \rangle + 2\langle 631^5 \rangle \\
& + 16\langle 631^4 \rangle + 68\langle 631^3 \rangle + 180\langle 631^2 \rangle + 271\langle 631 \rangle + 168\langle 63 \rangle \\
& + \langle 62^4 \rangle + \langle 62^3 1^2 \rangle + 14\langle 62^3 1 \rangle + 40\langle 62^3 \rangle + \langle 62^2 1^4 \rangle \\
& + 16\langle 62^2 1^3 \rangle + 76\langle 62^2 1^2 \rangle + 181\langle 62^2 1 \rangle + 201\langle 62^2 \rangle + \langle 621^6 \rangle \\
& + 13\langle 621^5 \rangle + 61\langle 621^4 \rangle + 168\langle 621^3 \rangle + 306\langle 621^2 \rangle + 340\langle 621 \rangle \\
& + 178\langle 62 \rangle + 4\langle 61^7 \rangle + 22\langle 61^6 \rangle + 62\langle 61^5 \rangle + 121\langle 61^4 \rangle \\
& + 172\langle 61^3 \rangle + 169\langle 61^2 \rangle + 100\langle 61 \rangle + 27\langle 6 \rangle + \langle 5^2 3 \rangle \\
& + \langle 5^2 2^2 \rangle + \langle 5^2 21^2 \rangle + 6\langle 5^2 21 \rangle + 15\langle 5^2 2 \rangle + \langle 5^2 1^4 \rangle \\
& + 5\langle 5^2 1^3 \rangle + 18\langle 5^2 1^2 \rangle + 43\langle 5^2 1 \rangle + 37\langle 5^2 \rangle + 4\langle 5431 \rangle \\
& + 18\langle 543 \rangle + 2\langle 542^2 1 \rangle + 10\langle 542^2 \rangle + 2\langle 5421^3 \rangle + 18\langle 5421^2 \rangle \\
& + 72\langle 5421 \rangle + 126\langle 542 \rangle + 2\langle 541^5 \rangle + 14\langle 541^4 \rangle + 56\langle 541^3 \rangle \\
& + 152\langle 541^2 \rangle + 230\langle 541 \rangle + 137\langle 54 \rangle + 4\langle 53^2 2 \rangle + 6\langle 53^2 1^2 \rangle \\
& + 42\langle 53^2 1 \rangle + 80\langle 53^2 \rangle + \langle 532^3 \rangle + \langle 532^2 1^2 \rangle + 18\langle 532^2 1 \rangle \\
& + 63\langle 532^2 \rangle + \langle 5321^4 \rangle + 20\langle 5321^3 \rangle + 117\langle 5321^2 \rangle + 316\langle 5321 \rangle \\
& + 362\langle 532 \rangle + \langle 531^6 \rangle + 14\langle 531^5 \rangle + 76\langle 531^4 \rangle + 236\langle 531^3 \rangle \\
& + 455\langle 531^2 \rangle + 494\langle 531 \rangle + 232\langle 53 \rangle + 5\langle 52^4 \rangle + 9\langle 52^3 1^2 \rangle \\
& + 62\langle 52^3 1 \rangle + 131\langle 52^3 \rangle + 9\langle 52^2 1^4 \rangle + 74\langle 52^2 1^3 \rangle + 252\langle 52^2 1^2 \rangle \\
& + 449\langle 52^2 1 \rangle + 374\langle 52^2 \rangle + 6\langle 521^6 \rangle + 50\langle 521^5 \rangle + 184\langle 521^4 \rangle \\
& + 404\langle 521^3 \rangle + 572\langle 521^2 \rangle + 496\langle 521 \rangle + 212\langle 52 \rangle + \langle 51^8 \rangle \\
& + 13\langle 51^7 \rangle + 58\langle 51^6 \rangle + 139\langle 51^5 \rangle + 223\langle 51^4 \rangle + 258\langle 51^3 \rangle \\
& + 207\langle 51^2 \rangle + 104\langle 51 \rangle + 26\langle 5 \rangle + 3\langle 4^3 \rangle + 2\langle 4^2 32 \rangle \\
& + 4\langle 4^2 31^2 \rangle + 26\langle 4^2 31 \rangle + 50\langle 4^2 3 \rangle + \langle 4^2 2^3 \rangle + \langle 4^2 2^2 1^2 \rangle \\
& + 10\langle 4^2 2^2 1 \rangle + 32\langle 4^2 2^2 \rangle + \langle 4^2 21^4 \rangle + 12\langle 4^2 21^3 \rangle + 60\langle 4^2 21^2 \rangle \\
& + 163\langle 4^2 21 \rangle + 190\langle 4^2 2 \rangle + \langle 4^2 1^6 \rangle + 8\langle 4^2 1^5 \rangle + 37\langle 4^2 1^4 \rangle \\
& + 116\langle 4^2 1^3 \rangle + 228\langle 4^2 1^2 \rangle + 246\langle 4^2 1 \rangle + 112\langle 4^2 \rangle + 4\langle 43^2 21 \rangle \\
& + 25\langle 43^2 2 \rangle + 4\langle 43^2 1^3 \rangle + 41\langle 43^2 1^2 \rangle + 134\langle 43^2 1 \rangle + 153\langle 43^2 \rangle \\
& + 6\langle 432^3 \rangle + 10\langle 432^2 1^2 \rangle + 74\langle 432^2 1 \rangle + 171\langle 432^2 \rangle + 10\langle 4321^4 \rangle \\
& + 84\langle 4321^3 \rangle + 312\langle 4321^2 \rangle + 592\langle 4321 \rangle + 493\langle 432 \rangle + 6\langle 431^6 \rangle \\
& + 47\langle 431^5 \rangle + 181\langle 431^4 \rangle + 428\langle 431^3 \rangle + 626\langle 431^2 \rangle + 527\langle 431 \rangle \\
& + 203\langle 43 \rangle + 2\langle 42^4 1 \rangle + 21\langle 42^4 \rangle + 2\langle 42^3 1^3 \rangle + 41\langle 42^3 1^2 \rangle \\
& + 169\langle 42^3 1 \rangle + 252\langle 42^3 \rangle + 2\langle 42^2 1^5 \rangle + 39\langle 42^2 1^4 \rangle + 196\langle 42^2 1^3 \rangle \\
& + 482\langle 42^2 1^2 \rangle + 653\langle 42^2 1 \rangle + 428\langle 42^2 \rangle + \langle 421^7 \rangle + 22\langle 421^6 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 120\langle 421^5 \rangle & + 336\langle 421^4 \rangle & + 587\langle 421^3 \rangle & + 668\langle 421^2 \rangle & + 476\langle 421 \rangle \\
& + 176\langle 42 \rangle & + 3\langle 41^8 \rangle & + 31\langle 41^7 \rangle & + 102\langle 41^6 \rangle & + 199\langle 41^5 \rangle \\
& + 268\langle 41^4 \rangle & + 259\langle 41^3 \rangle & + 178\langle 41^2 \rangle & + 82\langle 41 \rangle & + 20\langle 4 \rangle \\
& + 2\langle 3^4 \rangle & + \langle 3^3 2^2 \rangle & + \langle 3^3 21^2 \rangle & + 16\langle 3^3 21 \rangle & + 48\langle 3^3 2 \rangle \\
& + \langle 3^3 1^4 \rangle & + 16\langle 3^3 1^3 \rangle & + 72\langle 3^3 1^2 \rangle & + 147\langle 3^3 1 \rangle & + 119\langle 3^3 \rangle \\
& + 2\langle 3^2 2^3 1 \rangle & + 14\langle 3^2 2^3 \rangle & + 2\langle 3^2 2^2 1^3 \rangle & + 28\langle 3^2 2^2 1^2 \rangle & + 120\langle 3^2 2^2 1 \rangle \\
& + 190\langle 3^2 2^2 \rangle & + 2\langle 3^2 21^5 \rangle & + 26\langle 3^2 21^4 \rangle & + 131\langle 3^2 21^3 \rangle & + 344\langle 3^2 21^2 \rangle \\
& + 484\langle 3^2 21 \rangle & + 314\langle 3^2 2 \rangle & + \langle 3^2 1^7 \rangle & + 12\langle 3^2 1^6 \rangle & + 64\langle 3^2 1^5 \rangle \\
& + 192\langle 3^2 1^4 \rangle & + 354\langle 3^2 1^3 \rangle & + 410\langle 3^2 1^2 \rangle & + 284\langle 3^2 1 \rangle & + 95\langle 3^2 \rangle \\
& + 10\langle 32^4 1 \rangle & + 41\langle 32^4 \rangle & + 12\langle 32^3 1^3 \rangle & + 86\langle 32^3 1^2 \rangle & + 230\langle 32^3 1 \rangle \\
& + 256\langle 32^3 \rangle & + 10\langle 32^2 1^5 \rangle & + 77\langle 32^2 1^4 \rangle & + 262\langle 32^2 1^3 \rangle & + 494\langle 32^2 1^2 \rangle \\
& + 533\langle 32^2 1 \rangle & + 288\langle 32^2 \rangle & + 4\langle 321^7 \rangle & + 39\langle 321^6 \rangle & + 154\langle 321^5 \rangle \\
& + 345\langle 321^4 \rangle & + 492\langle 321^3 \rangle & + 464\langle 321^2 \rangle & + 284\langle 321 \rangle & + 96\langle 32 \rangle \\
& + 7\langle 31^8 \rangle & + 40\langle 31^7 \rangle & + 108\langle 31^6 \rangle & + 179\langle 31^5 \rangle & + 203\langle 31^4 \rangle \\
& + 168\langle 31^3 \rangle & + 104\langle 31^2 \rangle & + 46\langle 31 \rangle & + 12\langle 3 \rangle & + \langle 2^6 \rangle \\
& + \langle 2^5 1^2 \rangle & + 12\langle 2^5 1 \rangle & + 31\langle 2^5 \rangle & + \langle 2^4 1^4 \rangle & + 15\langle 2^4 1^3 \rangle \\
& + 65\langle 2^4 1^2 \rangle & + 127\langle 2^4 1 \rangle & + 112\langle 2^4 \rangle & + \langle 2^3 1^6 \rangle & + 11\langle 2^3 1^5 \rangle \\
& + 57\langle 2^3 1^4 \rangle & + 150\langle 2^3 1^3 \rangle & + 222\langle 2^3 1^2 \rangle & + 195\langle 2^3 1 \rangle & + 92\langle 2^3 \rangle \\
& + 4\langle 2^2 1^7 \rangle & + 29\langle 2^2 1^6 \rangle & + 92\langle 2^2 1^5 \rangle & + 168\langle 2^2 1^4 \rangle & + 196\langle 2^2 1^3 \rangle \\
& + 155\langle 2^2 1^2 \rangle & + 86\langle 2^2 1 \rangle & + 30\langle 2^2 \rangle & + 6\langle 21^8 \rangle & + 30\langle 21^7 \rangle \\
& + 68\langle 21^6 \rangle & + 92\langle 21^5 \rangle & + 87\langle 21^4 \rangle & + 64\langle 21^3 \rangle & + 38\langle 21^2 \rangle \\
& + 18\langle 21 \rangle & + 6\langle 2 \rangle & + 3\langle 1^9 \rangle & + 11\langle 1^8 \rangle & + 19\langle 1^7 \rangle \\
& + 20\langle 1^6 \rangle & + 16\langle 1^5 \rangle & + 12\langle 1^4 \rangle & + 8\langle 1^3 \rangle & + 4\langle 1^2 \rangle \\
& + 2\langle 1 \rangle & + \langle 0 \rangle & & &
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 41^4 \rangle^2 = & \langle 12 \rangle + \langle 11 2 \rangle + \langle 11 1^2 \rangle + 4\langle 11 1 \rangle + 3\langle 11 \rangle \\
& + 2\langle 10 3 \rangle + \langle 10 2^2 \rangle + \langle 10 21^2 \rangle + 6\langle 10 21 \rangle + 12\langle 10 2 \rangle \\
& + \langle 10 1^4 \rangle + 4\langle 10 1^3 \rangle + 10\langle 10 1^2 \rangle + 15\langle 10 1 \rangle + 8\langle 10 \rangle \\
& + 3\langle 94 \rangle + 2\langle 932 \rangle + 2\langle 931^2 \rangle + 13\langle 931 \rangle + 23\langle 93 \rangle \\
& + \langle 92^3 \rangle + \langle 92^2 1^2 \rangle + 6\langle 92^2 1 \rangle + 13\langle 92^2 \rangle + \langle 921^4 \rangle \\
& + 6\langle 921^3 \rangle + 20\langle 921^2 \rangle + 44\langle 921 \rangle + 44\langle 92 \rangle + \langle 91^6 \rangle \\
& + 4\langle 91^5 \rangle + 10\langle 91^4 \rangle + 23\langle 91^3 \rangle + 40\langle 91^2 \rangle + 39\langle 91 \rangle \\
& + 15\langle 9 \rangle + 4\langle 85 \rangle + 3\langle 842 \rangle + 3\langle 841^2 \rangle + 20\langle 841 \rangle \\
& + 33\langle 84 \rangle + \langle 83^2 \rangle + 2\langle 832^2 \rangle + 2\langle 8321^2 \rangle + 14\langle 8321 \rangle \\
& + 33\langle 832 \rangle + 2\langle 831^4 \rangle + 13\langle 831^3 \rangle + 45\langle 831^2 \rangle + 95\langle 831 \rangle \\
& + 84\langle 83 \rangle + \langle 82^4 \rangle + \langle 82^3 1^2 \rangle + 6\langle 82^3 1 \rangle + 13\langle 82^3 \rangle \\
& + \langle 82^2 1^4 \rangle + 6\langle 82^2 1^3 \rangle + 21\langle 82^2 1^2 \rangle + 52\langle 82^2 1 \rangle + 73\langle 82^2 \rangle \\
& + \langle 821^6 \rangle + 6\langle 821^5 \rangle + 20\langle 821^4 \rangle + 52\langle 821^3 \rangle + 110\langle 821^2 \rangle \\
& + 162\langle 821 \rangle + 113\langle 82 \rangle + \langle 81^8 \rangle + 4\langle 81^7 \rangle + 10\langle 81^6 \rangle \\
& + 23\langle 81^5 \rangle + 48\langle 81^4 \rangle + 82\langle 81^3 \rangle + 102\langle 81^2 \rangle + 76\langle 81 \rangle \\
& + 25\langle 8 \rangle + 2\langle 76 \rangle + 3\langle 752 \rangle + 3\langle 751^2 \rangle + 19\langle 751 \rangle \\
& + 30\langle 75 \rangle + 2\langle 743 \rangle + 2\langle 742^2 \rangle + 2\langle 7421^2 \rangle + 18\langle 7421 \rangle \\
& + 47\langle 742 \rangle + 2\langle 741^4 \rangle + 16\langle 741^3 \rangle + 62\langle 741^2 \rangle + 130\langle 741 \rangle \\
& + 106\langle 74 \rangle + \langle 73^2 2 \rangle + \langle 73^2 1^2 \rangle + 10\langle 73^2 1 \rangle + 26\langle 73^2 \rangle \\
& + \langle 732^3 \rangle + \langle 732^2 1^2 \rangle + 10\langle 732^2 1 \rangle + 28\langle 732^2 \rangle + \langle 7321^4 \rangle \\
& + 10\langle 7321^3 \rangle + 48\langle 7321^2 \rangle + 134\langle 7321 \rangle + 186\langle 732 \rangle + \langle 731^6 \rangle \\
& + 9\langle 731^5 \rangle + 38\langle 731^4 \rangle + 111\langle 731^3 \rangle + 239\langle 731^2 \rangle + 327\langle 731 \rangle \\
& + 196\langle 73 \rangle + 2\langle 72^4 1 \rangle + 8\langle 72^4 \rangle + 2\langle 72^3 1^3 \rangle + 14\langle 72^3 1^2 \rangle \\
& + 44\langle 72^3 1 \rangle + 69\langle 72^3 \rangle + 2\langle 72^2 1^5 \rangle + 14\langle 72^2 1^4 \rangle + 52\langle 72^2 1^3 \rangle \\
& + 133\langle 72^2 1^2 \rangle + 239\langle 72^2 1 \rangle + 237\langle 72^2 \rangle + 2\langle 721^7 \rangle + 13\langle 721^6 \rangle \\
& + 44\langle 721^5 \rangle + 110\langle 721^4 \rangle + 226\langle 721^3 \rangle + 364\langle 721^2 \rangle + 388\langle 721 \rangle \\
& + 202\langle 72 \rangle + \langle 71^9 \rangle + 6\langle 71^8 \rangle + 19\langle 71^7 \rangle + 44\langle 71^6 \rangle \\
& + 86\langle 71^5 \rangle + 145\langle 71^4 \rangle + 196\langle 71^3 \rangle + 191\langle 71^2 \rangle + 114\langle 71 \rangle \\
& + 31\langle 7 \rangle + \langle 6^2 2 \rangle + \langle 6^2 1^2 \rangle + 7\langle 6^2 1 \rangle + 12\langle 6^2 \rangle \\
& + 2\langle 653 \rangle + 2\langle 652^2 \rangle + 2\langle 6521^2 \rangle + 14\langle 6521 \rangle + 36\langle 652 \rangle \\
& + 2\langle 651^4 \rangle + 12\langle 651^3 \rangle + 44\langle 651^2 \rangle + 96\langle 651 \rangle + 78\langle 65 \rangle \\
& + \langle 64^2 \rangle + \langle 6432 \rangle + \langle 6431^2 \rangle + 14\langle 6431 \rangle + 41\langle 643 \rangle \\
& + \langle 642^3 \rangle + \langle 642^2 1^2 \rangle + 10\langle 642^2 1 \rangle + 31\langle 642^2 \rangle + \langle 6421^4 \rangle \\
& + 10\langle 6421^3 \rangle + 53\langle 6421^2 \rangle + 162\langle 6421 \rangle + 233\langle 642 \rangle + \langle 641^6 \rangle \\
& + 9\langle 641^5 \rangle + 40\langle 641^4 \rangle + 125\langle 641^3 \rangle + 280\langle 641^2 \rangle + 376\langle 641 \rangle \\
& + 212\langle 64 \rangle + 4\langle 63^2 21 \rangle + 19\langle 63^2 2 \rangle + 4\langle 63^2 1^3 \rangle + 33\langle 63^2 1^2 \rangle \\
& + 105\langle 63^2 1 \rangle + 139\langle 63^2 \rangle + 2\langle 632^3 1 \rangle + 12\langle 632^3 \rangle + 2\langle 632^2 1^3 \rangle \\
& + 20\langle 632^2 1^2 \rangle + 86\langle 632^2 1 \rangle + 162\langle 632^2 \rangle + 2\langle 6321^5 \rangle + 20\langle 6321^4 \rangle \\
& + 100\langle 6321^3 \rangle + 305\langle 6321^2 \rangle + 576\langle 6321 \rangle + 548\langle 632 \rangle + 2\langle 631^7 \rangle \\
& + 16\langle 631^6 \rangle + 68\langle 631^5 \rangle + 202\langle 631^4 \rangle + 442\langle 631^3 \rangle + 695\langle 631^2 \rangle \\
& + 686\langle 631 \rangle + 313\langle 63 \rangle + \langle 62^5 \rangle + \langle 62^4 1^2 \rangle + 14\langle 62^4 1 \rangle \\
& + 40\langle 62^4 \rangle + \langle 62^3 1^4 \rangle + 16\langle 62^3 1^3 \rangle + 78\langle 62^3 1^2 \rangle + 196\langle 62^3 1 \rangle \\
& + 252\langle 62^3 \rangle + \langle 62^2 1^6 \rangle + 16\langle 62^2 1^5 \rangle + 82\langle 62^2 1^4 \rangle + 241\langle 62^2 1^3 \rangle \\
& + 488\langle 62^2 1^2 \rangle + 675\langle 62^2 1 \rangle + 505\langle 62^2 \rangle + \langle 621^8 \rangle + 13\langle 621^7 \rangle \\
& + 61\langle 621^6 \rangle + 176\langle 621^5 \rangle + 374\langle 621^4 \rangle + 618\langle 621^3 \rangle + 769\langle 621^2 \rangle \\
& + 640\langle 621 \rangle + 274\langle 62 \rangle + 4\langle 61^9 \rangle + 22\langle 61^8 \rangle + 62\langle 61^7 \rangle \\
& + 129\langle 61^6 \rangle + 218\langle 61^5 \rangle + 301\langle 61^4 \rangle + 328\langle 61^3 \rangle + 261\langle 61^2 \rangle \\
& + 134\langle 61 \rangle + 34\langle 6 \rangle + \langle 5^2 4 \rangle + \langle 5^2 32 \rangle + \langle 5^2 31^2 \rangle \\
& + 8\langle 5^2 31 \rangle + 22\langle 5^2 3 \rangle + \langle 5^2 2^3 \rangle + \langle 5^2 2^2 1^2 \rangle + 6\langle 5^2 2^2 1 \rangle \\
& + 15\langle 5^2 2^2 \rangle + \langle 5^2 21^4 \rangle + 6\langle 5^2 21^3 \rangle + 25\langle 5^2 21^2 \rangle + 74\langle 5^2 21 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 109\langle 5^22 \rangle & + \langle 5^21^6 \rangle & + 5\langle 5^21^5 \rangle & + 18\langle 5^21^4 \rangle & + 55\langle 5^21^3 \rangle \\
& + 127\langle 5^21^2 \rangle & + 173\langle 5^21 \rangle & + 95\langle 5^2 \rangle & + 4\langle 54^21 \rangle & + 15\langle 54^2 \rangle \\
& + 4\langle 54321 \rangle & + 20\langle 5432 \rangle & + 4\langle 5431^3 \rangle & + 34\langle 5431^2 \rangle & + 122\langle 5431 \rangle \\
& + 170\langle 543 \rangle & + 2\langle 542^31 \rangle & + 10\langle 542^3 \rangle & + 2\langle 542^21^3 \rangle & + 18\langle 542^21^2 \rangle \\
& + 74\langle 542^21 \rangle & + 146\langle 542^2 \rangle & + 2\langle 5421^5 \rangle & + 18\langle 5421^4 \rangle & + 86\langle 5421^3 \rangle \\
& + 274\langle 5421^2 \rangle & + 547\langle 5421 \rangle & + 523\langle 542 \rangle & + 2\langle 541^7 \rangle & + 14\langle 541^6 \rangle \\
& + 56\langle 541^5 \rangle & + 168\langle 541^4 \rangle & + 388\langle 541^3 \rangle & + 628\langle 541^2 \rangle & + 604\langle 541 \rangle \\
& + 257\langle 54 \rangle & + 4\langle 53^3 \rangle & + 4\langle 53^22^2 \rangle & + 6\langle 53^221^2 \rangle & + 50\langle 53^221 \rangle \\
& + 122\langle 53^22 \rangle & + 6\langle 53^21^4 \rangle & + 52\langle 53^21^3 \rangle & + 199\langle 53^21^2 \rangle & + 397\langle 53^21 \rangle \\
& + 347\langle 53^2 \rangle & + \langle 532^4 \rangle & + \langle 532^31^2 \rangle & + 18\langle 532^31 \rangle & + 63\langle 532^3 \rangle \\
& + \langle 532^21^4 \rangle & + 20\langle 532^21^3 \rangle & + 125\langle 532^21^2 \rangle & + 371\langle 532^21 \rangle & + 516\langle 532^2 \rangle \\
& + \langle 5321^6 \rangle & + 20\langle 5321^5 \rangle & + 125\langle 5321^4 \rangle & + 434\langle 5321^3 \rangle & + 966\langle 5321^2 \rangle \\
& + 1348\langle 5321 \rangle & + 951\langle 532 \rangle & + \langle 531^8 \rangle & + 14\langle 531^7 \rangle & + 76\langle 531^6 \rangle \\
& + 250\langle 531^5 \rangle & + 581\langle 531^4 \rangle & + 995\langle 531^3 \rangle & + 1210\langle 531^2 \rangle & + 932\langle 531 \rangle \\
& + 346\langle 53 \rangle & + 5\langle 52^5 \rangle & + 9\langle 52^41^2 \rangle & + 62\langle 52^41 \rangle & + 134\langle 52^4 \rangle \\
& + 9\langle 52^31^4 \rangle & + 80\langle 52^31^3 \rangle & + 289\langle 52^31^2 \rangle & + 562\langle 52^31 \rangle & + 560\langle 52^3 \rangle \\
& + 9\langle 52^21^6 \rangle & + 76\langle 52^21^5 \rangle & + 290\langle 52^21^4 \rangle & + 681\langle 52^21^3 \rangle & + 1097\langle 52^21^2 \rangle \\
& + 454\langle 521^5 \rangle & + 794\langle 521^4 \rangle & + 1074\langle 521^3 \rangle & + 1087\langle 521^2 \rangle & + 744\langle 521 \rangle \\
& + 272\langle 52 \rangle & + \langle 51^{10} \rangle & + 13\langle 51^9 \rangle & + 58\langle 51^8 \rangle & + 145\langle 51^7 \rangle \\
& + 257\langle 51^6 \rangle & + 365\langle 51^5 \rangle & + 425\langle 51^4 \rangle & + 392\langle 51^3 \rangle & + 269\langle 51^2 \rangle \\
& + 123\langle 51 \rangle & + 29\langle 5 \rangle & + 3\langle 4^32 \rangle & + 5\langle 4^31^2 \rangle & + 25\langle 4^31 \rangle \\
& + 37\langle 4^3 \rangle & + 2\langle 4^23^2 \rangle & + 2\langle 4^232^2 \rangle & + 4\langle 4^2321^2 \rangle & + 30\langle 4^2321 \rangle \\
& + 78\langle 4^232 \rangle & + 4\langle 4^231^4 \rangle & + 32\langle 4^231^3 \rangle & + 129\langle 4^231^2 \rangle & + 270\langle 4^231 \rangle \\
& + 237\langle 4^23 \rangle & + \langle 4^22^4 \rangle & + \langle 4^22^31^2 \rangle & + 10\langle 4^22^31 \rangle & + 32\langle 4^22^3 \rangle \\
& + \langle 4^22^21^4 \rangle & + 12\langle 4^22^21^3 \rangle & + 64\langle 4^22^21^2 \rangle & + 193\langle 4^22^21 \rangle & + 285\langle 4^22^2 \rangle \\
& + \langle 4^221^6 \rangle & + 12\langle 4^221^5 \rangle & + 64\langle 4^221^4 \rangle & + 223\langle 4^221^3 \rangle & + 523\langle 4^221^2 \rangle \\
& + 753\langle 4^221 \rangle & + 527\langle 4^22 \rangle & + \langle 4^21^8 \rangle & + 8\langle 4^21^7 \rangle & + 37\langle 4^21^6 \rangle \\
& + 120\langle 4^21^5 \rangle & + 292\langle 4^21^4 \rangle & + 523\langle 4^21^3 \rangle & + 637\langle 4^21^2 \rangle & + 475\langle 4^21 \rangle \\
& + 168\langle 4^2 \rangle & + 8\langle 43^31 \rangle & + 28\langle 43^3 \rangle & + 4\langle 43^22^1 \rangle & + 25\langle 43^22 \rangle \\
& + 4\langle 43^221^3 \rangle & + 51\langle 43^221^2 \rangle & + 202\langle 43^221 \rangle & + 312\langle 43^22 \rangle & + 4\langle 43^21^5 \rangle \\
& + 43\langle 43^21^4 \rangle & + 198\langle 43^21^3 \rangle & + 494\langle 43^21^2 \rangle & + 684\langle 43^21 \rangle & + 433\langle 43^2 \rangle \\
& + 6\langle 432^4 \rangle & + 10\langle 432^31^2 \rangle & + 74\langle 432^31 \rangle & + 179\langle 432^3 \rangle & + 10\langle 432^21^4 \rangle \\
& + 94\langle 432^21^3 \rangle & + 381\langle 432^21^2 \rangle & + 822\langle 432^21 \rangle & + 858\langle 432^2 \rangle & + 10\langle 4321^6 \rangle \\
& + 86\langle 4321^5 \rangle & + 360\langle 4321^4 \rangle & + 936\langle 4321^3 \rangle & + 1597\langle 4321^2 \rangle & + 1716\langle 4321 \rangle \\
& + 954\langle 432 \rangle & + 6\langle 431^8 \rangle & + 47\langle 431^7 \rangle & + 185\langle 431^6 \rangle & + 486\langle 431^5 \rangle \\
& + 919\langle 431^4 \rangle & + 1266\langle 431^3 \rangle & + 1234\langle 431^2 \rangle & + 782\langle 431 \rangle & + 252\langle 43 \rangle \\
& + 2\langle 42^51 \rangle & + 21\langle 42^5 \rangle & + 2\langle 42^41^3 \rangle & + 41\langle 42^41^2 \rangle & + 176\langle 42^41 \rangle \\
& + 285\langle 42^4 \rangle & + 2\langle 42^31^5 \rangle & + 45\langle 42^31^4 \rangle & + 237\langle 42^31^3 \rangle & + 618\langle 42^31^2 \rangle \\
& + 938\langle 42^31 \rangle & + 749\langle 42^3 \rangle & + 2\langle 42^21^7 \rangle & + 39\langle 42^21^6 \rangle & + 210\langle 42^21^5 \rangle \\
& + 600\langle 42^21^4 \rangle & + 1120\langle 42^21^3 \rangle & + 1460\langle 42^21^2 \rangle & + 1288\langle 42^21 \rangle & + 636\langle 42^2 \rangle \\
& + \langle 421^9 \rangle & + 22\langle 421^8 \rangle & + 122\langle 421^7 \rangle & + 358\langle 421^6 \rangle & + 707\langle 421^5 \rangle \\
& + 1043\langle 421^4 \rangle & + 1180\langle 421^3 \rangle & + 1000\langle 421^2 \rangle & + 592\langle 421 \rangle & + 198\langle 42 \rangle \\
& + 3\langle 41^{10} \rangle & + 31\langle 41^9 \rangle & + 104\langle 41^8 \rangle & + 213\langle 41^7 \rangle & + 327\langle 41^6 \rangle \\
& + 406\langle 41^5 \rangle & + 408\langle 41^4 \rangle & + 325\langle 41^3 \rangle & + 199\langle 41^2 \rangle & + 87\langle 41 \rangle \\
& + 21\langle 4 \rangle & + 2\langle 3^42 \rangle & + 4\langle 3^41^2 \rangle & + 26\langle 3^41 \rangle & + 46\langle 3^4 \rangle \\
& + \langle 3^32^3 \rangle & + \langle 3^32^21^2 \rangle & + 16\langle 3^32^21 \rangle & + 54\langle 3^32^2 \rangle & + \langle 3^321^4 \rangle \\
& + 20\langle 3^321^3 \rangle & + 110\langle 3^321^2 \rangle & + 274\langle 3^321 \rangle & + 296\langle 3^32 \rangle & + \langle 3^31^6 \rangle \\
& + 16\langle 3^31^5 \rangle & + 86\langle 3^31^4 \rangle & + 255\langle 3^31^3 \rangle & + 455\langle 3^31^2 \rangle & + 475\langle 3^31 \rangle \\
& + 238\langle 3^3 \rangle & + 2\langle 3^22^41 \rangle & + 14\langle 3^22^4 \rangle & + 2\langle 3^22^31^3 \rangle & + 28\langle 3^22^31^2 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 126\langle 3^22^31 \rangle & + 223\langle 3^22^3 \rangle & + 2\langle 3^22^21^5 \rangle & + 30\langle 3^22^21^4 \rangle & + 166\langle 3^22^21^3 \rangle \\
& + 480\langle 3^22^21^2 \rangle & + 777\langle 3^22^21 \rangle & + 624\langle 3^22^2 \rangle & + 2\langle 3^221^7 \rangle & + 26\langle 3^221^6 \rangle \\
& + 139\langle 3^221^5 \rangle & + 432\langle 3^221^4 \rangle & + 872\langle 3^221^3 \rangle & + 1169\langle 3^221^2 \rangle & + 1004\langle 3^221 \rangle \\
& + 464\langle 3^22 \rangle & + \langle 3^21^9 \rangle & + 12\langle 3^21^8 \rangle & + 64\langle 3^21^7 \rangle & + 204\langle 3^21^6 \rangle \\
& + 439\langle 3^21^5 \rangle & + 676\langle 3^21^4 \rangle & + 760\langle 3^21^3 \rangle & + 619\langle 3^21^2 \rangle & + 343\langle 3^21 \rangle \\
& + 102\langle 3^2 \rangle & + 10\langle 32^51 \rangle & + 41\langle 32^5 \rangle & + 12\langle 32^41^3 \rangle & + 91\langle 32^41^2 \rangle \\
& + 258\langle 32^41 \rangle & + 317\langle 32^4 \rangle & + 12\langle 32^31^5 \rangle & + 98\langle 32^31^4 \rangle & + 348\langle 32^31^3 \rangle \\
& + 700\langle 32^31^2 \rangle & + 846\langle 32^31 \rangle & + 548\langle 32^3 \rangle & + 10\langle 32^21^7 \rangle & + 79\langle 32^21^6 \rangle \\
& + 292\langle 32^21^5 \rangle & + 661\langle 32^21^4 \rangle & + 1012\langle 32^21^3 \rangle & + 1087\langle 32^21^2 \rangle & + 803\langle 32^21 \rangle \\
& + 346\langle 32^2 \rangle & + 4\langle 321^9 \rangle & + 39\langle 321^8 \rangle & + 158\langle 321^7 \rangle & + 381\langle 321^6 \rangle \\
& + 636\langle 321^5 \rangle & + 791\langle 321^4 \rangle & + 758\langle 321^3 \rangle & + 561\langle 321^2 \rangle & + 304\langle 321 \rangle \\
& + 98\langle 32 \rangle & + 7\langle 31^{10} \rangle & + 40\langle 31^9 \rangle & + 110\langle 31^8 \rangle & + 197\langle 31^7 \rangle \\
& + 264\langle 31^6 \rangle & + 282\langle 31^5 \rangle & + 247\langle 31^4 \rangle & + 180\langle 31^3 \rangle & + 106\langle 31^2 \rangle \\
& + 46\langle 31 \rangle & + 12\langle 3 \rangle & + \langle 2^7 \rangle & + \langle 2^61^2 \rangle & + 12\langle 2^61 \rangle \\
& + 33\langle 2^6 \rangle & + \langle 2^51^4 \rangle & + 16\langle 2^51^3 \rangle & + 73\langle 2^51^2 \rangle & + 153\langle 2^51 \rangle \\
& + 148\langle 2^5 \rangle & + \langle 2^41^6 \rangle & + 15\langle 2^41^5 \rangle & + 79\langle 2^41^4 \rangle & + 210\langle 2^41^3 \rangle \\
& + 327\langle 2^41^2 \rangle & + 317\langle 2^41 \rangle & + 175\langle 2^4 \rangle & + \langle 2^31^8 \rangle & + 11\langle 2^31^7 \rangle \\
& + 59\langle 2^31^6 \rangle & + 174\langle 2^31^5 \rangle & + 317\langle 2^31^4 \rangle & + 391\langle 2^31^3 \rangle & + 349\langle 2^31^2 \rangle \\
& + 230\langle 2^31 \rangle & + 96\langle 2^3 \rangle & + 4\langle 2^21^9 \rangle & + 29\langle 2^21^8 \rangle & + 96\langle 2^21^7 \rangle \\
& + 192\langle 2^21^6 \rangle & + 264\langle 2^21^5 \rangle & + 275\langle 2^21^4 \rangle & + 232\langle 2^21^3 \rangle & + 160\langle 2^21^2 \rangle \\
& + 86\langle 2^21 \rangle & + 30\langle 2^2 \rangle & + 6\langle 21^{10} \rangle & + 30\langle 21^9 \rangle & + 70\langle 21^8 \rangle \\
& + 104\langle 21^7 \rangle & + 117\langle 21^6 \rangle & + 110\langle 21^5 \rangle & + 90\langle 21^4 \rangle & + 64\langle 21^3 \rangle \\
& + 38\langle 21^2 \rangle & + 18\langle 21 \rangle & + 6\langle 2 \rangle & + 3\langle 1^{11} \rangle & + 11\langle 1^{10} \rangle \\
& + 19\langle 1^9 \rangle & + 22\langle 1^8 \rangle & + 22\langle 1^7 \rangle & + 20\langle 1^6 \rangle & + 16\langle 1^5 \rangle \\
& + 12\langle 1^4 \rangle & + 8\langle 1^3 \rangle & + 4\langle 1^2 \rangle & + 2\langle 1 \rangle & + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 51 \rangle^2 = & \langle 11 \rangle + \langle 10 \ 2 \rangle + \langle 10 \ 1^2 \rangle + 4\langle 10 \ 1 \rangle + 3\langle 10 \rangle \\
& + \langle 93 \rangle + 2\langle 921 \rangle + 7\langle 92 \rangle + \langle 91^3 \rangle + 6\langle 91^2 \rangle \\
& + 11\langle 91 \rangle + 6\langle 9 \rangle + \langle 84 \rangle + 2\langle 831 \rangle + 8\langle 83 \rangle \\
& + \langle 82^2 \rangle + \langle 821^2 \rangle + 11\langle 821 \rangle + 19\langle 82 \rangle + 4\langle 81^3 \rangle \\
& + 16\langle 81^2 \rangle + 21\langle 81 \rangle + 9\langle 8 \rangle + \langle 75 \rangle + 2\langle 741 \rangle \\
& + 8\langle 74 \rangle + \langle 732 \rangle + \langle 731^2 \rangle + 12\langle 731 \rangle + 22\langle 73 \rangle \\
& + 5\langle 72^2 \rangle + 6\langle 721^2 \rangle + 30\langle 721 \rangle + 36\langle 72 \rangle + \langle 71^4 \rangle \\
& + 11\langle 71^3 \rangle + 29\langle 71^2 \rangle + 31\langle 71 \rangle + 12\langle 7 \rangle + \langle 6^2 \rangle \\
& + 2\langle 651 \rangle + 6\langle 65 \rangle + \langle 642 \rangle + \langle 641^2 \rangle + 12\langle 641 \rangle \\
& + 21\langle 64 \rangle + 6\langle 632 \rangle + 6\langle 631^2 \rangle + 35\langle 631 \rangle + 42\langle 63 \rangle \\
& + 2\langle 62^2 1 \rangle + 15\langle 62^2 \rangle + \langle 621^3 \rangle + 18\langle 621^2 \rangle + 57\langle 621 \rangle \\
& + 53\langle 62 \rangle + 3\langle 61^4 \rangle + 19\langle 61^3 \rangle + 43\langle 61^2 \rangle + 40\langle 61 \rangle \\
& + 14\langle 6 \rangle + \langle 5^2 2 \rangle + \langle 5^2 1^2 \rangle + 6\langle 5^2 1 \rangle + 9\langle 5^2 \rangle \\
& + 6\langle 542 \rangle + 6\langle 541^2 \rangle + 28\langle 541 \rangle + 31\langle 54 \rangle + \langle 53^2 \rangle \\
& + 2\langle 5321 \rangle + 20\langle 532 \rangle + \langle 531^3 \rangle + 20\langle 531^2 \rangle + 63\langle 531 \rangle \\
& + 54\langle 53 \rangle + 8\langle 52^2 1 \rangle + 31\langle 52^2 \rangle + 4\langle 521^3 \rangle + 35\langle 521^2 \rangle \\
& + 80\langle 521 \rangle + 60\langle 52 \rangle + 5\langle 51^4 \rangle + 28\langle 51^3 \rangle + 50\langle 51^2 \rangle \\
& + 40\langle 51 \rangle + 13\langle 5 \rangle + \langle 4^2 3 \rangle + 2\langle 4^2 21 \rangle + 11\langle 4^2 2 \rangle \\
& + \langle 4^2 1^3 \rangle + 10\langle 4^2 1^2 \rangle + 30\langle 4^2 1 \rangle + 25\langle 4^2 \rangle + 5\langle 43^2 \rangle \\
& + 10\langle 4321 \rangle + 34\langle 432 \rangle + 4\langle 431^3 \rangle + 32\langle 431^2 \rangle + 69\langle 431 \rangle \\
& + 47\langle 43 \rangle + \langle 42^3 \rangle + \langle 42^2 1^2 \rangle + 19\langle 42^2 1 \rangle + 39\langle 42^2 \rangle \\
& + 8\langle 421^3 \rangle + 44\langle 421^2 \rangle + 78\langle 421 \rangle + 51\langle 42 \rangle + 7\langle 41^4 \rangle \\
& + 28\langle 41^3 \rangle + 45\langle 41^2 \rangle + 34\langle 41 \rangle + 11\langle 4 \rangle + 2\langle 3^3 1 \rangle \\
& + 6\langle 3^3 \rangle + \langle 3^2 2^2 \rangle + \langle 3^2 21^2 \rangle + 13\langle 3^2 21 \rangle + 25\langle 3^2 2 \rangle \\
& + 5\langle 3^2 1^3 \rangle + 24\langle 3^2 1^2 \rangle + 39\langle 3^2 1 \rangle + 23\langle 3^2 \rangle + 3\langle 32^3 \rangle \\
& + 3\langle 32^2 1^2 \rangle + 19\langle 32^2 1 \rangle + 29\langle 32^2 \rangle + 8\langle 321^3 \rangle + 34\langle 321^2 \rangle \\
& + 52\langle 321 \rangle + 32\langle 32 \rangle + 6\langle 31^4 \rangle + 22\langle 31^3 \rangle + 32\langle 31^2 \rangle \\
& + 23\langle 31 \rangle + 8\langle 3 \rangle + 2\langle 2^4 \rangle + 2\langle 2^3 1^2 \rangle + 9\langle 2^3 1 \rangle \\
& + 12\langle 2^3 \rangle + 4\langle 2^2 1^3 \rangle + 15\langle 2^2 1^2 \rangle + 22\langle 2^2 1 \rangle + 14\langle 2^2 \rangle \\
& + 4\langle 21^4 \rangle + 13\langle 21^3 \rangle + 18\langle 21^2 \rangle + 13\langle 21 \rangle + 5\langle 2 \rangle \\
& + 2\langle 1^5 \rangle + 5\langle 1^4 \rangle + 6\langle 1^3 \rangle + 4\langle 1^2 \rangle + 2\langle 1 \rangle \\
& + \langle 0 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\langle 51^2 \rangle^2 = & \langle 12 \rangle + \langle 11 \ 2 \rangle + \langle 11 \ 1^2 \rangle + 4\langle 11 \ 1 \rangle + 3\langle 11 \ \rangle \\
& + 2\langle 10 \ 3 \rangle + \langle 10 \ 2^2 \rangle + \langle 10 \ 21^2 \rangle + 6\langle 10 \ 21 \rangle + 12\langle 10 \ 2 \rangle \\
& + \langle 10 \ 1^4 \rangle + 4\langle 10 \ 1^3 \rangle + 10\langle 10 \ 1^2 \rangle + 15\langle 10 \ 1 \rangle + 8\langle 10 \ \rangle \\
& + 2\langle 94 \rangle + \langle 932 \rangle + \langle 931^2 \rangle + 9\langle 931 \rangle + 18\langle 93 \rangle \\
& + 2\langle 92^2 1 \rangle + 8\langle 92^2 \rangle + 2\langle 921^3 \rangle + 13\langle 921^2 \rangle + 36\langle 921 \rangle \\
& + 38\langle 92 \rangle + \langle 91^5 \rangle + 6\langle 91^4 \rangle + 19\langle 91^3 \rangle + 36\langle 91^2 \rangle \\
& + 35\langle 91 \rangle + \langle 13 \ 9 \rangle + 2\langle 85 \rangle + \langle 842 \rangle + \langle 841^2 \rangle \\
& + 9\langle 841 \rangle + 20\langle 84 \rangle + 2\langle 8321 \rangle + 12\langle 832 \rangle + 2\langle 831^3 \rangle \\
& + 14\langle 82^2 1 \rangle + 38\langle 82^2 \rangle + \langle 821^4 \rangle + 13\langle 821^3 \rangle + 55\langle 821^2 \rangle \\
& + 108\langle 821 \rangle + 85\langle 82 \rangle + 4\langle 81^5 \rangle + 22\langle 81^4 \rangle + 54\langle 81^3 \rangle \\
& + 76\langle 81^2 \rangle + 60\langle 81 \rangle + 20\langle 8 \rangle + 2\langle 76 \rangle + \langle 752 \rangle \\
& + \langle 751^2 \rangle + 9\langle 751 \rangle + 18\langle 75 \rangle + 2\langle 7421 \rangle + 12\langle 742 \rangle \\
& + 2\langle 741^3 \rangle + 16\langle 741^2 \rangle + 56\langle 741 \rangle + 62\langle 74 \rangle + 4\langle 73^2 \rangle \\
& + \langle 732^2 \rangle + \langle 7321^2 \rangle + 18\langle 7321 \rangle + 59\langle 732 \rangle + \langle 731^4 \rangle \\
& + 14\langle 731^3 \rangle + 72\langle 731^2 \rangle + 159\langle 731 \rangle + 123\langle 73 \rangle + 5\langle 72^3 \rangle \\
& + 9\langle 72^2 1^2 \rangle + 56\langle 72^2 1 \rangle + 101\langle 72^2 \rangle + 6\langle 721^4 \rangle + 48\langle 721^3 \rangle \\
& + 150\langle 721^2 \rangle + 224\langle 721 \rangle + 139\langle 72 \rangle + \langle 71^6 \rangle + 13\langle 71^5 \rangle \\
& + 52\langle 71^4 \rangle + 107\langle 71^3 \rangle + 129\langle 71^2 \rangle + 85\langle 71 \rangle + 24\langle 7 \rangle \\
& + \langle 6^2 2 \rangle + \langle 6^2 1^2 \rangle + 5\langle 6^2 1 \rangle + 8\langle 6^2 \rangle + 2\langle 6521 \rangle \\
& + 10\langle 652 \rangle + 2\langle 651^3 \rangle + 14\langle 651^2 \rangle + 42\langle 651 \rangle + 44\langle 65 \rangle \\
& + 4\langle 643 \rangle + \langle 642^2 \rangle + \langle 6421^2 \rangle + 18\langle 6421 \rangle + 60\langle 642 \rangle \\
& + \langle 641^4 \rangle + 14\langle 641^3 \rangle + 71\langle 641^2 \rangle + 157\langle 641 \rangle + 120\langle 64 \rangle \\
& + 4\langle 63^2 1 \rangle + 21\langle 63^2 \rangle + 6\langle 632^2 \rangle + 10\langle 6321^2 \rangle + 80\langle 6321 \rangle \\
& + 166\langle 632 \rangle + 6\langle 631^4 \rangle + 57\langle 631^3 \rangle + 201\langle 631^2 \rangle + 316\langle 631 \rangle \\
& + 188\langle 63 \rangle + 2\langle 62^3 1 \rangle + 21\langle 62^3 \rangle + 2\langle 62^2 1^3 \rangle + 35\langle 62^2 1^2 \rangle \\
& + 148\langle 62^2 1 \rangle + 204\langle 62^2 \rangle + \langle 621^5 \rangle + 22\langle 621^4 \rangle + 120\langle 621^3 \rangle \\
& + 291\langle 621^2 \rangle + 351\langle 621 \rangle + 183\langle 62 \rangle + 3\langle 61^6 \rangle + 29\langle 61^5 \rangle \\
& + 97\langle 61^4 \rangle + 167\langle 61^3 \rangle + 168\langle 61^2 \rangle + 97\langle 61 \rangle + 26\langle 6 \rangle \\
& + 2\langle 5^2 3 \rangle + \langle 5^2 2^2 \rangle + \langle 5^2 21^2 \rangle + 10\langle 5^2 21 \rangle + 28\langle 5^2 2 \rangle \\
& + \langle 5^2 1^4 \rangle + 8\langle 5^2 1^3 \rangle + 33\langle 5^2 1^2 \rangle + 69\langle 5^2 1 \rangle + 51\langle 5^2 \rangle \\
& + 4\langle 5431 \rangle + 22\langle 543 \rangle + 6\langle 542^2 \rangle + 10\langle 5421^2 \rangle + 68\langle 5421 \rangle \\
& + 137\langle 542 \rangle + 6\langle 541^4 \rangle + 46\langle 541^3 \rangle + 157\langle 541^2 \rangle + 246\langle 541 \rangle \\
& + 142\langle 54 \rangle + \langle 53^2 2 \rangle + \langle 53^2 1^2 \rangle + 24\langle 53^2 1 \rangle + 65\langle 53^2 \rangle \\
& + 2\langle 532^2 1 \rangle + 28\langle 532^2 \rangle + 2\langle 5321^3 \rangle + 46\langle 5321^2 \rangle + 211\langle 5321 \rangle \\
& + 299\langle 532 \rangle + \langle 531^5 \rangle + 24\langle 531^4 \rangle + 137\langle 531^3 \rangle + 351\langle 531^2 \rangle \\
& + 427\langle 531 \rangle + 206\langle 53 \rangle + 10\langle 52^3 1 \rangle + 55\langle 52^3 \rangle + 10\langle 52^2 1^3 \rangle \\
& + 96\langle 52^2 1^2 \rangle + 275\langle 52^2 1 \rangle + 283\langle 52^2 \rangle + 4\langle 521^5 \rangle + 53\langle 521^4 \rangle \\
& + 214\langle 521^3 \rangle + 409\langle 521^2 \rangle + 404\langle 521 \rangle + 180\langle 52 \rangle + 7\langle 51^6 \rangle \\
& + 50\langle 51^5 \rangle + 133\langle 51^4 \rangle + 195\langle 51^3 \rangle + 173\langle 51^2 \rangle + 90\langle 51 \rangle \\
& + 22\langle 5 \rangle + 3\langle 4^3 \rangle + \langle 4^2 32 \rangle + \langle 4^2 31^2 \rangle + 16\langle 4^2 31 \rangle \\
& + 40\langle 4^2 3 \rangle + 2\langle 4^2 2^2 1 \rangle + 15\langle 4^2 2^2 \rangle + 2\langle 4^2 21^3 \rangle + 25\langle 4^2 21^2 \rangle \\
& + 106\langle 4^2 21 \rangle + 149\langle 4^2 2 \rangle + \langle 4^2 1^5 \rangle + 12\langle 4^2 1^4 \rangle + 64\langle 4^2 1^3 \rangle \\
& + 164\langle 4^2 1^2 \rangle + 199\langle 4^2 1 \rangle + 95\langle 4^2 \rangle + 7\langle 43^2 2 \rangle + 11\langle 43^2 1^2 \rangle \\
& + 65\langle 43^2 1 \rangle + 96\langle 43^2 \rangle + 12\langle 4321^2 \rangle + 64\langle 432^2 \rangle + 12\langle 4321^3 \rangle \\
& + 106\langle 4321^2 \rangle + 310\langle 4321 \rangle + 321\langle 432 \rangle + 4\langle 431^5 \rangle + 46\langle 431^4 \rangle \\
& + 192\langle 431^3 \rangle + 378\langle 431^2 \rangle + 371\langle 431 \rangle + 155\langle 43 \rangle + \langle 42^4 \rangle \\
& + \langle 42^3 1^2 \rangle + 31\langle 42^3 1 \rangle + 94\langle 42^3 \rangle + \langle 42^2 1^4 \rangle + 29\langle 42^2 1^3 \rangle \\
& + 156\langle 42^2 1^2 \rangle + 326\langle 42^2 1 \rangle + 273\langle 42^2 \rangle + 10\langle 421^5 \rangle + 82\langle 421^4 \rangle \\
& + 251\langle 421^3 \rangle + 393\langle 421^2 \rangle + 337\langle 421 \rangle + 139\langle 42 \rangle + 11\langle 41^6 \rangle
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + 59\langle 41^5 \rangle & + 134\langle 41^4 \rangle & + 171\langle 41^3 \rangle & + 136\langle 41^2 \rangle & + 68\langle 41 \rangle \\
& + 18\langle 4 \rangle & + 2\langle 3^3 21 \rangle & + 14\langle 3^3 2 \rangle & + 2\langle 3^3 1^3 \rangle & + 19\langle 3^3 1^2 \rangle \\
& + 60\langle 3^3 1 \rangle & + 62\langle 3^3 \rangle & + \langle 3^2 2^3 \rangle & + \langle 3^2 2^2 1^2 \rangle & + 21\langle 3^2 2^2 1 \rangle \\
& + 63\langle 3^2 2^2 \rangle & + \langle 3^2 21^4 \rangle & + 19\langle 3^2 21^3 \rangle & + 101\langle 3^2 21^2 \rangle & + 213\langle 3^2 21 \rangle \\
& + 175\langle 3^2 2 \rangle & + 5\langle 3^2 1^5 \rangle & + 42\langle 3^2 1^4 \rangle & + 133\langle 3^2 1^3 \rangle & + 214\langle 3^2 1^2 \rangle \\
& + 181\langle 3^2 1 \rangle & + 68\langle 3^2 \rangle & + 3\langle 32^4 \rangle & + 5\langle 32^3 1^2 \rangle & + 42\langle 32^3 1 \rangle \\
& + 84\langle 32^3 \rangle & + 3\langle 32^2 1^4 \rangle & + 37\langle 32^2 1^3 \rangle & + 142\langle 32^2 1^2 \rangle & + 236\langle 32^2 1 \rangle \\
& + 168\langle 32^2 \rangle & + 12\langle 321^5 \rangle & + 74\langle 321^4 \rangle & + 188\langle 321^3 \rangle & + 256\langle 321^2 \rangle \\
& + 198\langle 321 \rangle & + 77\langle 32 \rangle & + 11\langle 31^6 \rangle & + 49\langle 31^5 \rangle & + 97\langle 31^4 \rangle \\
& + 113\langle 31^3 \rangle & + 85\langle 31^2 \rangle & + 41\langle 31 \rangle & + 11\langle 3 \rangle & + 3\langle 2^5 \rangle \\
& + 4\langle 2^4 1^2 \rangle & + 23\langle 2^4 1 \rangle & + 37\langle 2^4 \rangle & + 2\langle 2^3 1^4 \rangle & + 20\langle 2^3 1^3 \rangle \\
& + 61\langle 2^3 1^2 \rangle & + 88\langle 2^3 1 \rangle & + 59\langle 2^3 \rangle & + 7\langle 2^2 1^5 \rangle & + 36\langle 2^2 1^4 \rangle \\
& + 78\langle 2^2 1^3 \rangle & + 94\langle 2^2 1^2 \rangle & + 69\langle 2^2 1 \rangle & + 28\langle 2^2 \rangle & + 7\langle 21^6 \rangle \\
& + 28\langle 21^5 \rangle & + 50\langle 21^4 \rangle & + 52\langle 21^3 \rangle & + 36\langle 21^2 \rangle & + 18\langle 21 \rangle \\
& + 6\langle 2 \rangle & + 3\langle 1^7 \rangle & + 9\langle 1^6 \rangle & + 13\langle 1^5 \rangle & + 12\langle 1^4 \rangle \\
& + 8\langle 1^3 \rangle & + 4\langle 1^2 \rangle & + 2\langle 1 \rangle & + \langle 0 \rangle &
\end{aligned}$$